

МИНИСТЕРСТВО ТРАНСПОРТА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
(МИНТРАНС РОССИИ)  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ВОЗДУШНОГО ТРАНСПОРТА  
(РОСАВИАЦИЯ)  
ФГБОУ ВО «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИ-  
ВЕРСИТЕТ ГРАЖДАНСКОЙ АВИАЦИИ»  
(ФГБОУ ВО СПбГУ ГА)

УТВЕРЖДАЮ



Первый проректор-проректор по учебной работе

Н.Н.Сухих

2017 года

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Математика**

Специальность

**25.05.05 Эксплуатация воздушных судов и организация  
воздушного движения**

Специализация

**Организация использования воздушного пространства**

Квалификация выпускника  
**инженер**

Форма обучения  
**заочная**

Санкт-Петербург  
2017

## 1 Цели освоения дисциплины

**Целями** освоения дисциплины «Математика» являются получение знаний по основным разделам математики, математических методов построения и анализа математических моделей простейших систем и процессов профессиональной деятельности, формирование математической культуры, умений и навыков применения математических методов при решении типовых профессиональных задач.

**Задачами** освоения дисциплины являются:

- дать студентам систематические знания математической символики и математических методов для решения типовых профессиональных задач;

- дать студентам систематические знания по основным разделам математики: линейной алгебре, векторной алгебре, аналитической геометрии на плоскости и пространстве, дискретной математики, дифференциальному и интегральному исчислению, теории дифференциальных уравнений, численным методам, операционному исчислению, теории функций комплексного переменного, теории вероятностей, математической статистики, теории случайных процессов, вариационного исчисления и оптимального управления, линейного программирования;

- дать студентам систематические знания по методам построения и анализа математических моделей простейших систем и процессов;

- прививать студентам математическую культуру, основанную на знании основных математических понятий и методов решения задач в рамках изучаемых разделов;

Дисциплина обеспечивает подготовку выпускника к эксплуатационно-технологическому виду профессиональной деятельности.

## 2 Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Математика» относится к дисциплинам базовой части математического и естественнонаучного цикла дисциплин (С2).

Дисциплина является обеспечивающей для дисциплин: «Экономика», «Теория транспортных систем», «Механика», «Безопасность полетов», «Радиотехническое оборудование аэродромов», «Управление качеством», «Методы анализа и моделирования процессов обслуживания воздушного движения», «Основы исследования операций в системе управления воздушным движением», преддипломной практики, подготовки и защиты выпускной квалификационной работы.

Дисциплина изучается на 1, 2 курсах.

### 3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Процесс освоения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

Перечень и код компетенций	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
Способность представить современную картину мира на основе целостной системы естественнонаучных и математических знаний, ориентироваться в ценностях бытия, жизни, культуры (ОК-1)	Знать: – цели и задачи основных разделов математики, их роль в представлениях современной картины мира; Уметь: – анализировать современную картину мира на основе системы математических знаний; Владеть: – целостной системой математических знаний.
Способность понимать роль естественных наук в развитии науки, техники и технологии (ОК-2)	Знать: – базовые математические модели естественных наук, определяющие развитие техники и технологий профессиональной деятельности; Уметь: – анализировать направления развития математических моделей средств и технологий профессиональной деятельности; Владеть: – навыками анализа направлений развития математических моделей средств и технологий профессиональной деятельности.
Способность к осуществлению просветительной и воспитательной деятельности в сфере публичной и частной жизни, владением методами пропаганды научных достижений (ОК-3)	Знать: – основные достижения и роль математических методов в развитии общества и науки; Уметь: – описывать и характеризовать достижения математической науки; Владеть: – способами представления достижений математической науки.
Владеть культурой мышления, способностью формулировать понятия и суждения, индуктивные и дедуктивные умозаключения (ОК-4)	Знать: – формально-логические способы формулировки понятий, суждений и вывода заключений; Уметь:

	<p>– количественно описывать причинно-следственные связи объектов и их поведение;</p> <p>Владеть:</p> <p>– основами логического мышления для создания математических моделей.</p>
<p>Уметь анализировать логику рассуждений и высказывания, способностью выявлять значение, смысловое содержание в услышанном, увиденном или прочитанном (ОК-5)</p>	<p>Знать:</p> <p>- математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике;</p> <p>Уметь:</p> <p>- анализировать математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике;</p> <p>Владеть:</p> <p>- навыками интерпретации решений, полученных с помощью математических моделей задач и процессов профессиональной деятельности.</p>
<p>Способность к восприятию, анализу, критическому осмыслению, систематизации и синтезу информации, полученной из разных источников, прогнозированию, постановке целей и выбору путей их достижения (ОК-6)</p>	<p>Знать:</p> <p>– способы формулировки целей и критериев выбора решения профессиональных задач;</p> <p>Уметь:</p> <p>– формировать исходные данные при построении моделей задач профессиональной деятельности на основе анализа, критического осмысления, систематизации и синтеза информации, полученной из разных источников;</p> <p>Владеть:</p> <p>– навыками формулировки целей и критериев выбора решения профессиональных задач.</p>
<p>Свободным владением литературной и деловой письменной и устной речью на русском языке, навыками ведения спора, дискуссии и полемики, публичной и научной речи (ОК-7)</p>	<p>Знать:</p> <p>– способы количественного обоснования решений и целей в профессиональной деятельности;</p> <p>Уметь:</p> <p>– использовать математическую символику для описания целей и задач профессиональной деятельности;</p> <p>Владеть:</p> <p>- навыками математического описания целей и задач профессиональной деятельности.</p>
<p>Обладать креативным мышлением, способностью к самостоятельному анализу ситуации, формализации про-</p>	<p>Знать:</p> <p>– основные математические методы решения профессиональных задач в условиях неопределенности и дефицита времени;</p>

<p>блемы, планированию, принятию и реализации решения в условиях неопределенности и дефицита времени (ОК-10)</p>	<p>Уметь: – формализовать поставленную задачу и довести ее решение до практически приемлемого результата (формулы, числа, графика и др.) в условиях неопределенности и дефицита времени; Владеть: – методами формализации и решения задач профессиональной деятельности в условиях неопределенности и дефицита времени.</p>
<p>Способность и готовностью приобретать новые знания, использовать различные формы обучения, информационно-образовательные технологии (ОК-21)</p>	<p>Знать: - методические основы применения математических методов для решения профессиональных задач; Уметь: - использовать различные формы обучения и информационно-образовательные технологии при использовании математических методов решения профессиональных задач; Владеть: - навыками использования различных информационно-образовательных технологий при решении профессиональных задач на основе математических методов.</p>
<p>Умение осознавать нравственные обязанности человека по отношению к природе, обществу, другим людям и самому себе (ОК-26)</p>	<p>Знать: – основные подходы к построению математических моделей социально-экономических процессов; Уметь: – устанавливать причинно-следственную связь между процессами в социальной среде; Владеть: – способами описания причинно-следственных связей в социальной среде.</p>
<p>Обладать математической и естественнонаучной культурой как частью профессиональной и общечеловеческой культуры (ОК-32)</p>	<p>Знать: – основные направления развития математической науки; Уметь: - определять возможность применения математических методов при анализе общественных, экономических, социальных, культурных явлений и процессов; Владеть: - навыками определения условий и ограничений применения математических методов при</p>

	анализе общественных, экономических, социальных, культурных явлений и процессов.
Способностью актуализировать имеющиеся знания, умения и навыки при принятии решения и его реализации (ОК-33)	Знать: - математические методы теории принятия решения; Уметь: – применять математические методы теории принятия решения; Владеть: – навыками актуализации знаний, умений и навыков в области математики при принятии решения.
Способность проводить доказательства утверждений, как составляющей когнитивной и коммуникативной функции (ОК-34)	Знать: - основные способы математического доказательства; – количественно описывать причинно-следственные связи объектов и их поведение; Уметь: - доказывать математические утверждения, используемые при решении типовых профессиональных задач; Владеть: - навыками построения доказательства математических утверждений при решении типовых профессиональных задач.
Способность и готовность использовать на практике базовые знания и методы математики и естественных наук (ОК-40)	Знать: - основные понятия и методы теории функций комплексного переменного, теории вероятностей и математической статистики, теории случайных процессов, вариационного исчисления и оптимального управления, линейного программирования; Уметь: - использовать методы математического анализа, векторной алгебры, линейного программирования, вариационного исчисления для решения профессиональных задач; Владеть: - навыками решения задач по теории вероятностей, теории случайных процессов, математической статистики применительно к реальным процессам.
Способность использовать математическую логику для	Знать: - определение формальной системы, характе-

<p>формирования суждений по соответствующим профессиональным, социальным, научным и этическим проблемам (ОК-41)</p>	<p>ристики основных типов формально-логических систем, подходы и методы логики высказываний, логики предикатов, особенно-сти псевдофизических и многозначных логик;  Уметь:  - использовать методы математической логики для формирования суждений по профессиональным, социальным и научным проблемам;  Владеть:  - основами логического мышления для создания математических моделей;  - навыками применения моделей математической логики для формирования суждений по профессиональным, социальным и научным проблемам.</p>
<p>Владение методами анализа и синтеза изучаемых явлений и процессов (ОК-42)</p>	<p>Знать:  - основные алгоритмы типовых аналитических и численных методов решения математических задач;  - операционное исчисление, численные методы;  Уметь:  - употреблять математическую символику для выражения количественных и качественных отношений объектов;  Владеть:  - математическими методами анализа и синтеза изучаемых явлений и процессов</p>
<p>Способность совершенствовать и развивать свой интеллектуальный и общекультурный уровень (ОК-48)</p>	<p>Знать:  - современные направления и проблемы развития математических знаний;  Уметь:  - осуществлять поиск и анализ информации по интересующим отраслям математических знаний;  - приобретать новые знания, используя современные информационные технологии, на основе самоорганизации и самообразования;  Владеть:  - способами анализа информации и совершенствования своего интеллектуального уровня</p>
<p>Владение основными понятиями, принципами, законами и закономерностями об-</p>	<p>Знать:  - математические основы теории систем;  Уметь:</p>

щей и прикладной теории систем (ОК-54)	– использовать методы математической теории систем при построении моделей процессов профессиональной деятельности; Владеть: - способами математического описания законов и закономерностей общей и прикладной теории систем.
Владеть тензорной методологией в теории систем (ОК-55)	Знать: - основы тензорной методологией в теории систем; Уметь: - использовать подходы тензорной методологией в решении задач анализа систем; Владеть: - подходами тензорной методологией в теории систем.
Способность классифицировать, определять функции и цели поведения систем (ОК-56)	Знать: - математические модели, функции систем и процессов в естествознании и технике. Уметь: - использовать математические методы при описании функций и целей поведения систем; Владеть: - математическими методами описания функций и целей поведения систем
Способность и готовность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач (ПК-21)	Знать: – современные методы математического исследования и моделирования; - основные математические методы решения профессиональных задач; Уметь: – применять математические методы при решении типовых профессиональных задач; Владеть - методами построения математической модели типовых профессиональных задач и содержательной интерпретации полученных результатов
Способность использовать математические, аналитические и численные методы решения профессиональных задач с использованием готовых программных средств (ПК-23)	Знать: - основные понятия и методы теории дифференциальных уравнений и уравнений математической физики; Уметь: - применять математические методы решения профессиональных задач с использованием



	<p>готовых программных средств;  Владеть:  - способами решения профессиональных задач с использованием математических методов, реализуемыми готовыми программными средствами</p>
<p>Умение использовать основные приемы обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач (ПК-25)</p>	<p>Знать:  - основные понятия и методы математического анализа, линейной алгебры, векторной алгебры, аналитической геометрии, дискретной математики;  Уметь:  - использовать основные математические методы обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач;  Владеть:  - основными математическими методами обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач</p>

#### 4 Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 15 зачетных единиц, 540 академических часов.

Наименование	Всего часов	Курс	
		1	2
Общая трудоемкость дисциплины	540	216	324
Контактная работа:	55	24,5	30,5
лекции	20	8	12
практические занятия	30	14	16
семинары	-	-	-
лабораторные работы	-	-	-
курсовой проект (работа)	-	-	-
Самостоятельная работа студента	472	185	287
Промежуточная аттестация:	18	9	9
контактная работа	5	2,5	2,5
самостоятельная работа по подготовке к экзамену	13	6,5	6,5





Темы дисциплины	Количество часов	Компетенции																			Образовательные технологии	Оценочные средства				
		ОК-1	ОК-2	ОК-3	ОК-4	ОК-5	ОК-6	ОК-7	ОК-10	ОК-21	ОК-26	ОК-32	ОК-33	ОК-34	ОК-40	ОК-41	ОК-42	ОК-48	ОК-54	ОК-55			ОК-56	ПК-21	ПК-23	ПК-25
13. Теория вероятностей	32	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	ПЗ СРС	ИЗ
14. Математическая статистика	28	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	ПЗ СРС	ИЗ
15. Теория случайных процессов	28	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	ПЗ СРС	ИЗ
16. Линейное программирование	32	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	*	ПЗ СРС	ИЗ
Промежуточная аттестация	9																									
Итого по дисциплине за 2 курс	315																									Экзамен
Всего по дисциплине	540																									

Условные обозначения: Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, СРС – самостоятельная работа студента, ИЗ – индивидуальное задание. УО – устный опрос.

## 5.2. Темы дисциплины и виды занятий

Наименование раздела дисциплины	Л	ПЗ	С	ЛР	СРС	КР	Всего часов
1 курс							
1. Элементы линейной алгебры	2	4	-	-	30	-	36
2. Элементы векторной алгебры	2	2	-	-	28	-	32
3. Аналитическая геометрия	1	2	-	-	32	-	35
4. Введение в математический анализ	1	2	-	-	36	-	39
5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	1	2			30		33
6. Функции нескольких переменных	1	2			29		32
Итого за 1 курс	8	14			185		207
Промежуточная аттестация							9
Всего за 1 курс							216
2 курс							
7. Интегральное исчисление функции одной переменной	2	-			30		32
8. Теория функций комплексного переменного	2	-			27		29
9. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Уравнения математической физики. Операционное исчисление	2	2			32		36
10. Вариационное исчисление и оптимальное управление	2	2			28		32
11. Числовые и степенные ряды	2	2			32		36
12. Элементы дискретной математики	2	2			26		30
13. Теория вероятностей	-	2			30		32
14. Математическая статистика	-	2			26		28
15. Теория случайных процессов	-	2			26		28
16. Линейное программирование	-	2			30		32
Итого за 2 курс	12	16			287		315

Промежуточная аттестация		9
Всего за 2 курс		324
Всего по дисциплине		540

Условные обозначения: Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, С – семинар, ЛР – лабораторная работа, СРС – самостоятельная работа студента, КР – курсовая работа.

### 5.3. Содержание дисциплины

#### Тема 1. Элементы линейной алгебры

Матрицы. Действия над матрицами.

Определители 2-го и 3-го порядков. Основные свойства определителей.

Теорема разложения определителя. Вычисление определителей  $n$ -ого порядка.

Минор. Алгебраическое дополнение. Обратная матрица. Правило вычисления обратной матрицы.

Матричная форма записи и решения системы линейных алгебраических уравнений. Формулы Крамера.

Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капелли. Решение системы  $n$  линейных алгебраических уравнений с  $m$  неизвестными методом Гаусса. Исследование систем линейных уравнений.

Однородные системы линейных алгебраических уравнений. Фундаментальная система решений.

#### Тема 2. Элементы векторной алгебры

Декартов базис. Разложение вектора по базису. Линейные операции над векторами. Направляющие косинусы векторов.

Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.

Геометрические и физические приложения векторов.

Векторное пространство: размерность, базис. Переход к новому базису. Преобразование координат. Евклидово пространство.

Линейные операторы. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора.

Квадратичные формы.

#### Тема 3. Аналитическая геометрия

Декартова система координат. Различные виды уравнения прямой на плоскости.

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Их геометрические свойства и канонические уравнения.

Уравнения плоскости и прямой линии в пространстве.  
Взаимное расположение точек, плоскостей и прямых в пространстве.

#### **Тема 4. Введение в математический анализ**

Множества. Абсолютная величина вещественного числа. Числовые промежутки. Функция одной переменной. Классификация функций.

Предел функции в точке и на бесконечности. Односторонние пределы. Неопределенные выражения (неопределенности).

Первый и второй замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых.

Числовая последовательность. Предел числовой последовательности.

#### **Тема 5. Дифференциальное исчисление функции одной переменной**

Непрерывность функции в точке и на интервале. Точки разрыва функции, их классификация. Основные теоремы о непрерывных функциях.

Производная функции, её геометрический и механический смыслы. Правила дифференцирования.

Таблица производных основных элементарных функций. Дифференцирование сложной функции.

Дифференцирование неявной функции. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование функции, заданной параметрически.

Дифференциал функции и его геометрический смысл. Применение дифференциала в приближенных вычислениях.

Производные и дифференциалы высших порядков.

Основные теоремы дифференциального исчисления (теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши). Правило Лопиталя.

Исследование функции методами дифференциального исчисления. Условия монотонности функции.

Экстремумы функции (определения, необходимое и достаточное условия).

Выпуклость функции. Точки перегиба (определение, необходимое и достаточное условия).

Асимптоты кривых. Общая схема исследования функции и построение её графика.

#### **Тема 6. Функции нескольких переменных**

Функции нескольких переменных. Дифференцирование функции двух переменных.

Частные производные первого и высших порядков. Полный дифференциал. Применение полного дифференциала.

Производная сложной функции. Полная производная. Производная неявной функции двух переменных.



Производная по направлению. Градиент функции. Связь производной по направлению с градиентом.

Дифференцирование неявных функций. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.

Понятие экстремума функции нескольких переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума функции двух переменных. Условный экстремум.

Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области (глобальные экстремумы).

## **Тема 7. Интегральное исчисление функции одной переменной**

Первообразная. Неопределенный интеграл. Замена переменной. Интегрирование по частям.

Разложение дроби на простейшие. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.

Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям. Геометрические приложения определенного интеграла.

Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Признаки сходимости несобственных интегралов.

Численные методы. Приближенное вычисление определенных интегралов.

## **Тема 8. Теория функций комплексного переменного.**

Комплексные числа, их свойства, их геометрическое представление. Действия с комплексными числами. Формула Эйлера. Функции комплексного переменного.

## **Тема 9. Обыкновенные дифференциальные уравнения. Уравнения математической физики. Операционное исчисление.**

Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Основные типы и методы решения дифференциальных уравнений 1-го порядка.

Дифференциальные уравнения высших порядков. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с правой частью специального вида.

Уравнения математической физики. Понятие о дифференциальном уравнении в частных производных. Уравнение малых колебаний струны. Методы решения уравнений математической физики.

Операционное исчисление. Преобразование Лапласа. Оригиналы и изображения. Решение дифференциальных уравнений с помощью операционного исчисления.

Системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

### **Тема 10. Вариационное исчисление и оптимальное управление**

Вариационные принципы. Функционал. Оператор. Линейный оператор, его простейшие свойства. Постановка задачи оптимального управления. Принцип максимума Понтрягина. Метод динамического программирования.

### **Тема 11. Числовые и степенные ряды**

Основные понятия теории числовых рядов. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Геометрический и гармонический ряды.

Признаки сходимости числовых рядов с положительными членами: признаки сравнения, алгебраические признаки Даламбера и Коши, интегральный признак Коши.

Знакопередающиеся и знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость ряда с произвольными членами.

Основные понятия теории функциональных рядов. Точки сходимости и область сходимости функционального ряда.

Равномерная сходимость функционального ряда. Признак Вейерштрасса.

Методы определения области сходимости. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда.

Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена. Примеры разложения элементарных функций в степенные ряды.

Применение степенных рядов к приближенным вычислениям.

Тригонометрические ряды Фурье для функций с периодом  $2\pi$ . Теорема Дирихле. Ряды Фурье для четных и нечетных функций с периодом  $2\pi$ .

### **Тема 12. Элементы дискретной математики**

Основные понятия и методы дискретной математики. Множества и операции над ними. Элементы математической логики.

### **Тема 13. Теория вероятностей**

Элементы комбинаторики. Перестановки, сочетания, размещения. Основные понятия теории вероятностей. Случайные события. Аксиомы теории вероятностей. Классическая формула вероятности.

Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и Байеса.

Последовательности независимых испытаний с двумя исходами. Формула Бернулли. Локальная теорема Муавра-Лапласа. Формула Пуассона.

Случайные величины. Основные понятия. Ряд и функция распределения дискретной случайной величины.

Функция и плотность распределения непрерывной случайной величины. Числовые характеристики случайных величин. Начальные и центральные моменты.

Основные законы распределения. Биноминальный закон. Закон Пуассона. Геометрическое распределение.

Законы распределения непрерывной случайной величины: экспоненциальный; равномерной плотности.

Нормальный закон распределения (закон Гаусса) и его числовые характеристики. Функция Лапласа. Правило "трех сигм".

Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева и Бернулли. Центральная предельная теорема и ее значение для практики.

Понятие о двумерном нормальном распределении. Закон распределения вероятностей двумерной случайной величины. Двумерная плотность вероятности.

Числовые характеристики системы двух случайных величин. Корреляционный момент. Коэффициент корреляции.

Линии регрессии. Нормальный закон распределения на плоскости.

#### **Тема 14. Математическая статистика**

Основные понятия и задачи математической статистики. Генеральная совокупность. Выборка. Вариационный ряд. Полигон и гистограмма. Эмпирическая функция распределения.

Статистическое оценивание. Точечные и интервальные оценки неизвестных параметров распределения случайных величин, их свойства. Интервальные оценки параметров нормального распределения. Интервальная оценка вероятности события.

Проверка статистических гипотез о распределении случайных величин. Понятие статистической гипотезы. Основные этапы проверки гипотезы.

Распределение Пирсона. Проверка гипотез о модели закона распределения. Критерий согласия Пирсона.

#### **Тема 15. Теория случайных процессов**

Случайные процессы и их основные характеристики. Стационарные процессы. Понятие эргодичности.

Марковские случайные процессы с дискретными состояниями и дискретным временем (цепи Маркова). Классификация состояний. Вероятности состояний.

Стационарный режим для цепи Маркова. Ориентированные и неориентированные графы. Способы представления графа. Путь, цикл, сети.

Непрерывные цепи Маркова.

## Тема 16. Линейное программирование

Каноническая задача линейного программирования. Двойственные задачи линейного программирования. Геометрическое решение задачи линейного программирования. Векторно-матричная форма задачи линейного программирования. Симплекс-метод решения задачи линейного программирования.

Транспортная задача, её решение.

Математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике. Построение математических моделей.

### 5.4. Практические занятия

Номер темы дисциплины	Тематика практических занятий	Трудоемкость (часы)
1 курс		
1	Практическое занятие № 1. Матрицы. Действия над матрицами.	2
1	Практическое занятие № 2. Вычисление определителей второго и третьего порядков.	2
2	Практическое занятие № 3. Векторы. Действия над векторами.	1
3	Практическое занятие № 4. Уравнения прямой на плоскости.	1
4	Практическое занятие № 5. Множества. Логические операции над множествами. Вычисление пределов функции. Раскрытие неопределенностей $[0/0]$ , $[\infty/\infty]$ .	1
5	Практическое занятие № 6. Дифференцирование функции одной переменной с использованием таблицы производных и правил дифференцирования. Уравнение касательной и нормали к кривым.	1
6	Практическое занятие № 7. Область определения функции двух переменных. Частные производные первого и высших порядков.	1
Итого за 1 курс		14
2 курс		
9	Практическое занятие № 8. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.	2
10	Практическое занятие № 9. Нахождение экстремали функционала.	2
11	Практическое занятие № 10. Признаки сравнения для определения сходимости числовых рядов с положительными членами.	2
12	Практическое занятие № 11. Решение задач по тео-	2

Номер темы дисциплины	Тематика практических занятий	Трудоемкость (часы)
	рии множеств, алгебре событий.	
13	Практическое занятие № 12. Решение комбинаторных задач и задач на классическую вероятность.	2
14	Практическое занятие № 13. Вариационный ряд. Статистический ряд. Построение полигонов, гистограмм, графиков эмпирической функции распределения по выборке.	2
15	Практическое занятие № 14. Случайные процессы и их основные характеристики. Марковские случайные процессы с дискретными состояниями и дискретным временем (цепи Маркова).	2
16	Практическое занятие № 15. Основная задача линейного программирования. Графический метод ее решения.	2
Итого за 2 курс		16
Итого по дисциплине:		30

### 5.5. Лабораторный практикум

Лабораторный практикум учебным планом не предусмотрен.

### 5.6. Самостоятельная работа

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость (часы)
1 курс		
1	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: теорема разложения определителя, вычисление определителя $n$ -го порядка. Решение ИЗ № 1. Действия и операции над матрицами, вычисление определителя 4-го порядка [1, 2, 7]	30
2	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: геометрические и физические приложения векторов. Решение ИЗ № 3. Геометрические и физические	28

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудо-емкость (часы)
	приложения векторов.[1, 2, 7].	
3	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: уравнение плоскости в пространстве, взаимное расположение точек, прямых и плоскостей в пространстве; поверхности второго порядка. Решение ИЗ № 4. Аналитическая геометрия [1, 2, 7].	32
4	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: бесконечно малые функции, сравнение бесконечно малых функций, нахождение пределов с помощью эквивалентных бесконечно малых. Решение ИЗ № 5. Вычисление пределов и исследование функции на непрерывность [1, 2, 7].	36
5	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: производная сложной функции, дифференцирование функций, заданных параметрически и неявно; дифференциал функции, применение дифференциала к приближенным вычислениям. Решение ИЗ № 6. Дифференцирование функции одной переменной [1, 2, 7].	30
6	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: геометрическое представление области определения функции двух переменных, дифференцирование сложной функции нескольких переменных и функций, заданных неявно. Решение ИЗ № 8, 9. Частные производные, экстремумы, геометрические приложения функции двух переменных [1, 3]	29
Итого за курс		185
2 курс		
7	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе.	30

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудо-емкость (часы)
	<p>Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: интегрирование иррациональных и тригонометрических выражений, нахождение первообразной с помощью тригонометрической подстановки.</p> <p>Решение ИЗ № 10. Неопределенный интеграл [1, 2, 7].</p>	
8	<p>Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе.</p> <p>Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: три формы комплексного числа, возведение в степень и извлечение корня <math>n</math>-ой степени из комплексного числа в тригонометрической форме.</p> <p>Решение ИЗ № 15. Комплексные числа, действия над комплексными числами, решение уравнений с комплексными корнями [1, 2].</p>	27
9	<p>Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе.</p> <p>Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: основные типы и методы решения ДУ первого порядка.</p> <p>Решение ИЗ № 16. Решение ДУ первого порядка [1, 3, 8].</p>	32
10	<p>Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе.</p> <p>Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: функционалы, зависящие от производных высших порядков.</p> <p>Решение ИЗ № 18. Нахождение экстремали функционалов, зависящих от производных высших порядков [1, 3].</p>	28
11	<p>Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе.</p> <p>Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: признаки сходимости числовых рядов (признаки сравнения, Д'Аламбера, радикальный Коши, интегральный Коши).</p> <p>Решение ИЗ № 19. Исследование на сходимость числовых рядов [1, 3].</p>	32
12	Проработка учебного материала по конспекту,	26

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудо-емкость (часы)
	учебной и методической литературе. Решение ИЗ № 21. Логические операции над множествами [1, 2, 3].	
13	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: история теории вероятностей. Геометрические вероятности. Решение ИЗ № 22. Задачи на классическую вероятность. [4, 5, 6, 10].	30
14	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: статистические гипотезы. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Критерий Пирсона. Решение ИЗ № 24. Решение задач по теме «Непрерывные случайные величины» [4, 5, 6].	26
15	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: случайные процессы, цепи Маркова, переходные вероятности. Стационарный Марковский процесс. Непрерывные цепи Маркова. Уравнения Колмогорова. Решение ИЗ № 26. Решение задач по теме «Случайные процессы» [3].	26
16	Проработка учебного материала по конспекту, учебной и методической литературе. Изучение темы дисциплины, составление конспекта по вопросам: симплекс-метод решения задачи линейного программирования. Решение ИЗ № 27. Решение задачи линейного программирования графическим методом, симплекс методом [1, 3].	30
Итого за курс		287
Итого по дисциплине:		472

### 5.7. Курсовые работы

Курсовые работы (проекты) учебным планом не предусмотрены.



## 6 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

1. Письменный, Д.Т. **Конспект лекций по высшей математике: полный курс** [Текст] / Д.Т. Письменный. – 11-е изд. – М.: Айрис-пресс, 2013. – 608 с. – ISBN 978-5-8112-4867-7 . Количество экземпляров 128.
2. Данко, П.Е. **Высшая математика в упражнениях и задачах**. В 2-х ч. Ч. 1 [Текст]: Учебное пособие для вузов / П.Е. Данко и др. – М.: Оникс, 2012. – 368 с. – ISBN 978-5-488-02448-9. Количество экземпляров 32.
3. Данко, П.Е. **Высшая математика в упражнениях и задачах**. В 2-х ч. Ч. 2 [Текст]: Учебное пособие для вузов / П.Е. Данко и др. – М.: Оникс, 2012. – 448 с. . Количество экземпляров 14
4. Письменный, Д.Т. **Конспект лекций по теории вероятностей, математической статистике и случайным процессам** [Текст]: Учебное пособие. / Д.Т. Письменный. – М.: Айрис-пресс, 2010. – 288 с. . Количество экземпляров 60.

Гмурман, В.Е. **Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике** [Текст]: Учебное пособие / В.Е. Гмурман.– М.: Юрайт, 2011. – 404 с. – ISBN 978-5-9916-1266-1 Количество экземпляров 35.

б) дополнительная литература:

5. Родионова, В.А. **Основы линейной алгебры. Аналитическая геометрия. Введение в математический анализ**[Текст]: Тексты лекций для вузов / В.А. Родионова, В.Б. Орлов, Е.В. Москалева – СПб: ГУГА, 2016, – 121 с Количество экземпляров 34.
6. Родионова, В.А. **Высшая математика. Ч.3: Обыкновенные дифференциальные уравнения и ряды** [электронный ресурс, текст]: Учебное пособие / В.А. Родионова, В.Б. Орлов – СПб: ГУГА, 2011, – 116 с Количество экземпляров 250.
7. **Математика: Таблица основных типов дифференциальных уравнений и методов их решения. Методические указания для студентов всех специальностей очной формы обучения** [электронный ресурс; текст] учебно-методическое пособие / Г.Б. Афанасьева. – СПб: ГУГА, 2011, – 26 с. Количество экземпляров 175.
8. Москалёва, Е.В. **Основы теории вероятностей. Ч.2** [Текст]: Учебное пособие / Е.В. Москалева – СПб: ГУГА, 2007, – 82с Количество экземпляров 269.

в) перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

9. **Каталог научных ресурсов** [Электронный ресурс]: Собрание ссылок на сайты, содержащие книги и статьи по естественнонаучным дисциплинам. - Режим доступа: <http://www.scintific.narod.ru/literature.htm> . - свободный (дата обращения 15.01.2017).

10. **Единое окно доступа к образовательным ресурсам**<http://window.edu.ru/> . свободный (дата обращения 15.01.2017).

г) программное обеспечение (лицензионное), базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:

11. **Электронная библиотека научных публикаций «eLIBRARY.RU»** [Электронный ресурс] – Режим доступа: <http://elibrary.ru/>- свободный (дата обращения 15.01.2017)

12. **Электронно-библиотечная система издательства «Лань»** [Электронный ресурс] – Режим доступа: <http://e.lanbook.com/> (дата обращения 15.01.2017)

13. **Электронно-библиотечная система издательства «Юрайт»** [Электронный ресурс] – Режим доступа: <http://https://biblio-online.ru> (дата обращения 15.01.2017)

## **7 Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Аудитория с проектором (ауд. 411)

Электронная библиотека кафедры № 4.

Информационно-справочные и материальные ресурсы библиотеки СПбГУ ГА.

## **8 Образовательные и информационные технологии**

В рамках изучения дисциплины «Математика» используются следующие образовательные технологии: лекции, практические занятия, самостоятельная работа студентов.

Традиционная лекция составляет основу теоретического обучения в рамках дисциплины и направлена на систематизированное изложение фундаментальных основ научных знаний. На лекции концентрируется внимание обучающихся на наиболее важных вопросах изучаемой темы, стимулируется их активная познавательная деятельность.

Практические занятия по дисциплине проводятся в соответствии с учебно-тематическим планом по отдельным группам. Цель практических занятий – закрепить теоретические знания, полученные обучающимися на лекциях и в результате самостоятельного изучения соответствующих разделов рекомендуемой литературы, а также приобрести практические навыки решения задач. Практическое занятие предназначено для более глубокого освоения и анализа тем, изучаемых в рамках данной дисциплины.

Главной целью практического занятия является индивидуальная, практическая работа каждого обучающегося, направленная на формирование у него компетенций, определенных в рамках дисциплины «Математика».

Самостоятельная работа студента является составной частью учебной работы. Ее основной целью является формирование навыка самостоятельного приобретения знаний по некоторым не особо сложным вопросам теоретического курса, закрепление и углубление полученных знаний, отработка навыков использования математических методов для решения прикладных и практических задач, самостоятельная работа со справочниками, периодическими изданиями и научно-популярной литературой, в том числе находящимися в глобальных компьютерных сетях.

Одной из форм руководства самостоятельной работой студентов (обучающихся) и оказания им помощи в освоении учебного материала являются консультации. На консультациях повторно рассматриваются вопросы, на которых базируется изучаемая дисциплина, и которые по результатам контроля недостаточно усвоены.

## **9 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины**

Уровень и качество знаний обучающихся оценивается по результатам текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины в виде экзамена (на 1 и 2 курсах).

Текущий контроль успеваемости предназначен для промежуточной оценки уровня освоения студентом материала. Контроль успеваемости обучающихся включает проведение устных опросов по материалу предыдущего занятия и проверку индивидуальных заданий, выдаваемых на самостоятельную работу по темам дисциплины. Контроль выполнения индивидуальных заданий проводится преподавателем не реже одного раза в две недели.

Промежуточная аттестация проводится в виде экзамена. Экзамен позволяют оценить уровень освоения компетенций обучающимися за изучения дисциплины. Экзамен предполагает ответ на теоретические вопросы и решение задач из перечня, вынесенного на промежуточную аттестацию. К моменту сдачи экзамена должны быть успешно пройдены предыдущие формы контроля.

Методика формирования результирующей оценки в обязательном порядке учитывает активность студентов на занятиях, посещаемость занятий, оценки за решение задач на практических занятиях, выполнение индивидуальных заданий.

## **9.1. Балльно–рейтинговая оценка текущего контроля успеваемости и знаний студентов**

Балльно-рейтинговая оценка текущего контроля успеваемости и знаний студентов не применяется.

## **9.2. Методические рекомендации по проведению процедуры оценивания знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций**

В процессе преподавания дисциплины «Математика» для промежуточного контроля обучающихся используются следующие формы:

- оценка выполненных индивидуальных заданий;
- устный опрос.

Устный опрос оценивается:

- «зачет», обучающийся дает ответ на поставленный вопрос по существу и правильно отвечает на уточняющие вопросы;
- «не зачет», обучающийся отказывается отвечать на поставленный вопрос, либо отвечает на него неверно и при формулировании дополнительных (вспомогательных) вопросов.

Индивидуальное задание считается успешно выполненным, если правильные ответы даны не менее, чем на 70% вопросов.

По итогам освоения дисциплины «Математика» проводится промежуточная аттестация обучающихся в форме экзамена (1 и 2 курс) и предполагает устный ответ студента по билетам на теоретические и практические вопросы из перечня.

На первом занятии преподаватель доводит до сведения обучающихся график текущего контроля освоения дисциплины и критерии оценки знаний при текущем контроле успеваемости, а также сроки и условия промежуточной аттестации.

Экзамен является заключительным этапом изучения дисциплины «Математика» и имеет целью проверить и оценить уровень полученных студентами знаний, умение применять их к решению практических задач, овладение практическими навыками в объеме требований образовательной программы на промежуточном этапе формирования компетенций.

Экзамен по дисциплине проводится в период подготовки к экзаменационной сессии 1 курса обучения и 2 курса обучения. К экзамену допускаются студенты, выполнившие все требования учебной программы. Экзамен принимается преподавателем, ведущим занятия в данной группе по данной дисциплине, а также лектором данного потока, в помощь, решением заведующего кафедрой, могут назначаться преподаватели, ведущие занятия по данной дисциплине.

Экзамен проводится в объеме материала рабочей программы дисциплины по билетам в устной форме. Перечень вопросов и задач, выносимых на экзамен,

обсуждаются на заседании кафедры и утверждаются заведующим кафедрой. Предварительное ознакомление студентов с билетами запрещается. Экзаменационные билеты содержат два вопроса по теоретической части дисциплины и две задачи.

В ходе подготовки к экзамену необходимо проводить консультации. На консультациях высказываются четко сформулированные требования, которые будут предъявляться на экзамене.

На подготовку к ответу студенту предоставляется до 30 минут. Общее время подготовки и ответа не должно превышать одного часа. В учебном классе, где принимается экзамен, могут одновременно находиться студенты из расчета не более четырех на одного экзаменатора.

По готовности к ответу или по вызову экзаменатора студент отвечает на вопросы билета. После ответа студента экзаменатор имеет право задать ему дополнительные вопросы в объеме учебной программы. В итоге проведенного экзамена студенту выставляется оценка.

### **9.3. Темы курсовых работ (проектов) по дисциплине**

В учебном плане курсовых работ (проектов) не предусмотрено.

### **9.4. Контрольные вопросы для проведения входного контроля остаточных знаний по обеспечивающим дисциплинам**

Входной контроль не предусмотрен.

### **9.5. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания**

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
Способность представить современную картину мира на основе целостной системы естественнонаучных и математических знаний, ориентироваться в ценностях бытия, жизни, культуры (ОК-1) <i>Знать:</i> – цели и задачи основных разделов математики	Описывает основные разделы математики и их роль в представлениях современной картины мира	Шкала оценивания для промежуточной аттестации: «5» - заслуживает студент, обнаруживший всестороннее, систематическое знание учебного программного материала, самостоятельно выполнивший все предусмотренные программой задания, глубоко усво-

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
ки, их роль в представлениях современной картины мира;		ивший основную литературу и знаком с дополнительной литературой, рекомендованной программой, активно работавший на практических занятиях, показавший систематический характер знаний по дисциплине, достаточный для дальнейшей учебы, а также способность к их самостоятельному пополнению, ответ отличается точностью использованных терминов, материал излагается последовательно и логично.
<i>Уметь:</i> – анализировать современную картину мира на основе системы математических знаний;	Использует систему математических знаний для анализа современной картины мира	«4» - заслуживает студент, обнаруживший достаточно полное знание учебно-программного материала, не допускающий в ответе существенных неточностей, самостоятельно выполнивший все предусмотренные программой задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную программой, активно работавший на практических занятиях, показавший систематический характер знаний по дисциплине, достаточный для дальнейшей учебы, а также способность к их самостоятельному пополнению.
<i>Владеть:</i> – целостной системой математических знаний.	Принимает решения и достигает практических результатов на основе целостной системы математических знаний	«3» - заслуживает студент, обнаруживший достаточно полное знание учебно-программного материала, не допускающий в ответе существенных неточностей, самостоятельно выполнивший все предусмотренные программой задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную программой, активно работавший на практических занятиях, показавший систематический характер знаний по дисциплине, достаточный для дальнейшей учебы, а также способность к их самостоятельному пополнению.
Способность понимать роль естественных наук в развитии науки, техники и технологии (ОК-2) <i>Знать:</i> – базовые математические модели естественных наук, определяющие развитие техники и технологий профессиональной деятельности	Описывает базовые математические модели естественных наук, определяющие развитие техники и технологий профессиональной деятельности.	«2» - заслуживает студент, обнаруживший достаточно полное знание учебно-программного материала, не допускающий в ответе существенных неточностей, самостоятельно выполнивший все предусмотренные программой задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную программой, активно работавший на практических занятиях, показавший систематический характер знаний по дисциплине, достаточный для дальнейшей учебы, а также способность к их самостоятельному пополнению.
<i>Уметь:</i> – анализировать направления развития математических моделей средств и технологий профессиональной деятельности;	Способен выполнить анализ направления развития математических моделей средств и технологий профессиональной деятельности	«1» - заслуживает студент, обнаруживший достаточно полное знание учебно-программного материала, не допускающий в ответе существенных неточностей, самостоятельно выполнивший все предусмотренные программой задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную программой, активно работавший на практических занятиях, показавший систематический характер знаний по дисциплине, достаточный для дальнейшей учебы, а также способность к их самостоятельному пополнению.
<i>Владеть:</i> – навыками анализа направлений развития математических моделей средств и технологий профессиональной деятельности.	Владеет навыками анализа направлений развития математических моделей средств и технологий профессиональной деятельности.	
Способность к осуществлению просветительной	Описывает основные достижения и роль мате-	«3» - заслуживает сту-

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>и воспитательной деятельности в сфере публичной и частной жизни, владением методами пропаганды научных достижений (ОК-3)</p> <p><i>Знать:</i></p> <p>– основные достижения и роль математических методов в развитии общества и науки;</p>	<p>математических методов в развитии общества и науки.</p>	<p>дент, обнаруживший знание основного учебно-программного материала в объёме, необходимом для дальнейшей учебы и предстоящей работы по профессии, не отличавшийся активностью на практических занятиях, самостоятельно выполнивший основные</p>
<p><i>Уметь:</i></p> <p>– описывать и характеризовать достижения математической науки;</p>	<p>Выявляет и характеризует достижения математической науки, области их применения.</p>	<p>предусмотренные программой задания, усвоивший основную литературу, рекомендованную программой, однако допустивший некоторые погрешности при их выполнении и в ответе на экзамене, но обладающий необходимыми знаниями для устранения</p>
<p><i>Владеть:</i></p> <p>– способами представления достижений математической науки.</p>	<p>Демонстрирует практические навыки представления достижений математической науки</p>	<p>под руководством преподавателя допущенных погрешностей.</p>
<p>Владеть культурой мышления, способностью формулировать понятия и суждения, индуктивные и дедуктивные умозаключения (ОК-4)</p> <p><i>Знать:</i></p> <p>– формально-логические способы формулировки понятий, суждений и вывода заключений;</p>	<p>Разъясняет содержание формально-логических способов формулировки понятий, суждений и вывода заключений.</p>	<p>«2» - выставляется студенту, в случае не соответствия требованиям по выставлению оценок «5», «4», «3».</p>
<p><i>Уметь:</i></p> <p>– количественно описывать причинно-следственные связи объектов и их поведение;</p>	<p>Выполняет действия по количественному описанию причинно-следственных связей объектов и их поведения.</p>	
<p><i>Владеть:</i></p> <p>– основами логического мышления для создания математических моделей.</p>	<p>Безошибочно выполняет действия по описанию математических моделей с использованием основ логического мышления.</p>	
<p>Уметь анализировать ло-</p>	<p>Осмысленно и полно-</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>гику рассуждений и высказывания, способностью выявлять значение, смысловое содержание в услышанном, увиденном или прочитанном (ОК-5)</p> <p><i>Знать:</i></p> <p>- математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике;</p>	<p>стью воспроизводит математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике.</p>	
<p><i>Уметь:</i></p> <p>- анализировать математические модели простейших систем и процессов в естествознании и технике;</p>	<p>Выполняет действия по анализу математических моделей простейших систем и процессов в естествознании и технике.</p>	
<p><i>Владеть:</i></p> <p>- навыками интерпретации решений, полученных с помощью математических моделей задач и процессов профессиональной деятельности.</p>	<p>Свободно и безошибочно интерпретирует решения, полученные с помощью математических моделей задач и процессов профессиональной деятельности.</p>	
<p>Способность к восприятию, анализу, критическому осмыслению, систематизации и синтезу информации, полученной из разных источников, прогнозированию, постановке целей и выбору путей их достижения (ОК-6)</p> <p><i>Знать:</i></p> <p>– способы формулировки целей и критериев выбора решения профессиональных задач;</p>	<p>Характеризует способы формулировки целей и критериев выбора решения профессиональных задач.</p>	
<p><i>Уметь:</i></p> <p>– формировать исходные данные при построении</p>	<p>На основе анализа, критического осмысления, систематизации и синте-</p>	



Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
моделей задач профессиональной деятельности на основе анализа, критического осмысления, систематизации и синтеза информации, полученной из разных источников;	за информации, полученной из разных источников, правильно формирует исходные данные при построении моделей задач профессиональной деятельности.	
Владеть: – навыками формулировки целей и критериев выбора решения профессиональных задач.	Демонстрирует практическую способность безошибочно выполнять действия по формулировке целей и критериев выбора решения профессиональных задач.	
Свободным владением литературной и деловой письменной и устной речью на русском языке, навыками ведения спора, дискуссии и полемики, публичной и научной речи (ОК-7) Знать: – способы количественного обоснования решений и целей в профессиональной деятельности;	Описывает способы количественного обоснования решений и целей в профессиональной деятельности.	
Уметь: – использовать математическую символику для описания целей и задач профессиональной деятельности;	Корректно и грамотно использует математическую символику для описания целей и задач профессиональной деятельности.	
Владеть: - навыками математического описания целей и задач профессиональной деятельности.	Демонстрирует навыки математического описания целей и задач профессиональной деятельности.	
Обладать креативным мышлением, способно-	Определяет методы решения профессиональ-	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>стью к самостоятельному анализу ситуации, формализации проблемы, планированию, принятию и реализации решения в условиях неопределенности и дефицита времени (ОК-10)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– основные математические методы решения профессиональных задач в условиях неопределенности и дефицита времени;</li> </ul>	<p>ных задач в условиях неопределенности и дефицита времени.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– формализовать поставленную задачу и довести ее решение до практически приемлемого результата (формулы, числа, графика и др.) в условиях неопределенности и дефицита времени;</li> </ul>	<p>В условиях неопределенности и дефицита времени демонстрирует способность адекватно и корректно формализовать поставленную задачу и довести ее решение до практически приемлемого результата.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– методами формализации и решения задач профессиональной деятельности в условиях неопределенности и дефицита времени.</li> </ul>	<p>Грамотно использует известные методы формализации и решения задач профессиональной деятельности в условиях неопределенности и дефицита времени.</p>	
<p>Способность и готовностью приобретать новые знания, использовать различные формы обучения, информационно-образовательные технологии (ОК-21)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- методические основы применения математических методов для реше-</li> </ul>	<p>Описывает и свободно анализирует методические основы применения математических методов для решения профессиональных задач.</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
ния профессиональных задач;		
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать различные формы обучения и информационно-образовательные технологии при использовании математических методов решения профессиональных задач;</li> </ul>	<p>Использует различные известные формы обучения и информационно-образовательные технологии для поиска и освоения математических методов решения профессиональных задач.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- навыками использования различных информационно-образовательных технологий при решении профессиональных задач на основе математических методов.</li> </ul>	<p>Свободно практически использует различные информационно-образовательные технологии для освоения математических методов решения профессиональных задач.</p>	
<p>Умение осознавать нравственные обязанности человека по отношению к природе, обществу, другим людям и самому себе (ОК-26)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– основные подходы к построению математических моделей социально-экономических процессов;</li> </ul>	<p>Анализирует и сравнивает основные подходы к построению математических моделей социально-экономических процессов.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– устанавливать причинно-следственную связь между процессами в социальной среде;</li> </ul>	<p>Способен устанавливать причинно-следственные связи между процессами в социальной среде с использованием количественных методов анализа.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– способами описания причинно-следственных связей в социальной среде.</li> </ul>	<p>Демонстрирует практические навыки выявления и формального представления причинно-следственных связей в</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>Обладать математической и естественнонаучной культурой как частью профессиональной и общечеловеческой культуры (ОК-32)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– основные направления развития математической науки;</li> </ul>	<p>социальной среде.</p> <p>Характеризует основные направления развития математической науки.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- определять возможность применения математических методов при анализе общественных, экономических, социальных, культурных явлений и процессов;</li> </ul>	<p>Из известных математических методов способен определить возможность их применения при анализе общественных, экономических, социальных, культурных явлений и процессов.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- навыками определения условий и ограничений применения математических методов при анализе общественных, экономических, социальных, культурных явлений и процессов.</li> </ul>	<p>Демонстрирует устойчивые навыки определения условий и ограничений применения математических методов при анализе общественных, экономических, социальных, культурных явлений и процессов.</p>	
<p>Способностью актуализировать имеющиеся знания, умения и навыки при принятии решения и его реализации (ОК-33)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- математические методы теории принятия решения;</li> </ul>	<p>Описывать алгоритмы и математические методы теории принятия решения.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– применять математические методы теории принятия решения;</li> </ul>	<p>Грамотно применяет известные математические методы теории принятия решения.</p>	
<p>Владеть:</p>	<p>Демонстрирует навыки</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
– навыками актуализации знаний, умений и навыков в области математики при принятии решения.	актуализации знаний, умений и навыков в области математики при принятии решения в сфере своей профессиональной деятельности.	
Способность проводить доказательства утверждений, как составляющей когнитивной и коммуникативной функции (ОК-34) Знать: - основные способы математического доказательства; – количественно описывать причинно-следственные связи объектов и их поведение;	Формулирует и описывает этапы математического доказательства известными способами. Описывает способы количественного описания причинно-следственных связей объектов и их поведения.	
Уметь: - доказывать математические утверждения, используемые при решении типовых профессиональных задач;	Демонстрирует способность формулировать доказательства математических утверждений, используемых при решении типовых профессиональных задач.	
Владеть: - навыками построения доказательства математических утверждений при решении типовых профессиональных задач.	Свободно практически выстраивает доказательства математических утверждений при решении типовых профессиональных задач.	
Способность и готовность использовать на практике базовые знания и методы математики и естественных наук (ОК-40) Знать: - основные понятия и ме-	Описывает методы теории функций комплексного переменного, теории вероятностей и математической статистики, теории случайных процессов, вариационного исчисления и опти-	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>тоды теории функций комплексного переменного, теории вероятностей и математической статистики, теории случайных процессов, вариационного исчисления и оптимального управления, линейного программирования;</p>	<p>мального управления, линейного программирования, анализирует способы их практического применения.</p>	
<p>Уметь: - использовать методы математического анализа, векторной алгебры, линейного программирования, вариационного исчисления для решения профессиональных задач;</p>	<p>Применяет при решении профессиональных задач методы математического анализа, векторной алгебры, линейного программирования, вариационного исчисления.</p>	
<p>Владеть: - навыками решения задач по теории вероятностей, теории случайных процессов, математической статистики применительно к реальным процессам.</p>	<p>Демонстрирует способность быстрого и правильного решения задач по теории вероятностей, теории случайных процессов, математической статистики применительно к реальным процессам профессиональной деятельности.</p>	
<p>Способность использовать математическую логику для формирования суждений по соответствующим профессиональным, социальным, научным и этическим проблемам (ОК-41) Знать: - определение формальной системы, характеристики основных типов</p>	<p>Дает характеристику формальных систем, основных типов формально-логических систем, подходов и методов логики высказываний, логики предикатов, особенности псевдофизических и многозначных логик.</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>формально-логических систем, подходы и методы логики высказываний, логики предикатов, особенности псевдофизических и многозначных логик;</p>		
<p>Уметь: - использовать методы математической логики для формирования суждений по профессиональным, социальным и научным проблемам;</p>	<p>Демонстрирует способность использовать методы математической логики для формирования суждений по профессиональным, социальным и научным проблемам.</p>	
<p>Владеть: - основами логического мышления для создания математических моделей; - навыками применения моделей математической логики для формирования суждений по профессиональным, социальным и научным проблемам.</p>	<p>Свободно и грамотно практически использует основы логического мышления для создания математических моделей. Свободно применяет на практике модели математической логики для формирования суждений по профессиональным, социальным и научным проблемам.</p>	
<p>Владение методами анализа и синтеза изучаемых явлений и процессов (ОК-42) Знать: - основные алгоритмы типовых аналитических и численных методов решения математических задач; - операционное исчисление, численные методы;</p>	<p>Описывает основные алгоритмы типовых аналитических и численных методов решения математических задач. Дает основные определения и характеризует подходы операционного исчисления, численных методов.</p>	
<p>Уметь: - употреблять математическую символику для</p>	<p>Корректно и адекватно использует математическую символику для вы-</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
выражения количественных и качественных отношений объектов;	ражения количественных и качественных отношений объектов.	
Владеть: - математическими методами анализа и синтеза изучаемых явлений и процессов	В целях анализа и синтеза изучаемых явлений и процессов практически использует математическими методами	
Способность совершенствоваться и развивать свой интеллектуальный и общекультурный уровень (ОК-48) Знать: - современные направления и проблемы развития математических знаний;	Свободно ориентируется в современных направлениях и проблемах развития математических знаний.	
Уметь: - осуществлять поиск и анализ информации по интересующим отраслям математических знаний; - приобретать новые знания, используя современные информационные технологии, на основе самоорганизации и самообразования;	По интересующим отраслям математических знаний способен выполнить поиск и анализ необходимой информации.	
Владеть: - способами анализа информации и совершенствования своего интеллектуального уровня	способами анализа информации и совершенствования своего интеллектуального уровня	
Владение основными понятиями, принципами, законами и закономерностями общей и прикладной теории систем (ОК-54) Знать: - математические основы	Обсуждать и анализировать математические основы теории систем.	



Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
теории систем;		
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать методы математической теории систем при построении моделей процессов профессиональной деятельности;</li> </ul>	<p>В задачах построения моделей процессов профессиональной деятельности использует методы математической теории систем.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способами математического описания законов и закономерностей общей и прикладной теории систем.</li> </ul>	<p>Практически использует способы математического описания законов и закономерностей общей и прикладной теории систем.</p>	
<p>Владеть тензорной методологией в теории систем (ОК-55)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основы тензорной методологией в теории систем;</li> </ul>	<p>Обсуждает подходы применения тензорной методологией в теории систем.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать подходы тензорной методологией в решении задач анализа систем;</li> </ul>	<p>Применяет подходы тензорной методологией в решении задач анализа систем.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- подходами тензорной методологией в теории систем.</li> </ul>	<p>Практически использует подходы тензорной методологии в теории систем.</p>	
<p>Способность классифицировать, определять функции и цели поведения систем (ОК-56)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- математические модели, функции систем и процессов в естествознании и технике.</li> </ul>	<p>Описывает математические модели, функции систем и процессов в естествознании и технике.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использовать математические методы при</li> </ul>	<p>Осуществляет выбор и применяет математические методы при описа-</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
описании функций и целей поведения систем;	нии функций и целей поведения систем.	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- математическими методами описания функций и целей поведения систем</li> </ul>	Получает практические результаты применения математических методов описания функций и целей поведения систем	
<p>Способность и готовность использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач (ПК-21)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– современные методы математического исследования и моделирования;</li> <li>- основные математические методы решения профессиональных задач;</li> </ul>	<p>Обсуждает и анализирует особенности современных методов математического исследования и моделирования.</p> <p>Описывать этапы применения математических методов решения профессиональных задач.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>– применять математические методы при решении типовых профессиональных задач;</li> </ul>	Демонстрирует способность решения типовых профессиональных задач с использованием математических методов.	
<p>Владеть</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- методами построения математической модели типовых профессиональных задач и содержательной интерпретации полученных результатов</li> </ul>	Практически корректно выполняет построение математических моделей типовых профессиональных задач, выполнять содержательную интерпретацию полученных с их использованием ре-	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
<p>Способность использовать математические, аналитические и численные методы решения профессиональных задач с использованием готовых программных средств (ПК-23)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия и методы теории дифференциальных уравнений и уравнений математической физики;</li> </ul>	<p>зультатов.</p> <p>Обсуждает и описывает методы теории дифференциальных уравнений и уравнений математической физики.</p>	
<p>Уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- применять математические методы решения профессиональных задач с использованием готовых программных средств;</li> </ul>	<p>Демонстрирует способность применения математических методов решения профессиональных задач с использованием готовых программных средств.</p>	
<p>Владеть:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- способами решения профессиональных задач с использованием математических методов, реализуемыми готовыми программными средствами</li> </ul>	<p>Быстро и правильно применяет готовые программные средства для получения решения профессиональных задач с использованием математических методов.</p>	
<p>Умение использовать основные приемы обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач (ПК-25)</p> <p>Знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- основные понятия и методы математического анализа, линейной алгебры, векторной алгебры, аналитической геометрии,</li> </ul>	<p>Воспроизводит и описывает основные понятия и методы математического анализа, линейной алгебры, векторной алгебры, аналитической геометрии, дискретной математики.</p>	

Критерии оценивания компетенций	Показатели оценивания компетенций	Описание шкалы оценивания
метрии, дискретной математики;		
Уметь: - использовать основные математические методы обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач;	Демонстрирует способность применения основных математических методов обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач.	
Владеть: - основными математическими методами обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач	Практически корректно применяет математические методы для обработки экспериментальных данных при решении профессиональных задач.	

## 9.6. Типовые контрольные задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

### Примерный перечень индивидуальных заданий

#### Задание № 1

1. Найти матрицу  $C = A - 4B$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & 4 \\ 3 & 2 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -2 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$ .

2. Вычислить произведение матриц  $A$  и  $B$ , если  $A = \begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 1 & 3 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 1 \\ -2 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ .

3. Вычислить определитель  $\begin{vmatrix} 2 & -1 & 0 \\ -3 & 5 & 4 \\ 0 & 1 & 3 \end{vmatrix}$ .

4. Дана матрица  $A = \begin{pmatrix} 1 & -4 & 0 \\ 4 & -2 & 4 \\ 5 & -1 & 7 \end{pmatrix}$ . Найти обратную матрицу.

5. Решить систему линейных уравнений матричным методом, методом Крамера и методом Гаусса:

$$\begin{cases} x_1 - 4x_2 = -5, \\ x_1 + 4x_2 + 2x_3 = -1, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 = -5. \end{cases}$$

### Задание № 2

1. Даны точки  $A(-2, 3, 5)$ ,  $B(1, -3, 1)$ . Найти координаты и длину вектора  $\overline{AB}$ .
2. Вычислить скалярное произведение векторов  $\overline{AB}$  и  $\overline{BC}$ , если  $A(-4; 1; 3)$ ,  $B(2; 4; 5)$ ,  $C(6; 3; -8)$ .
3. Найти проекцию вектора  $\overline{a} = 2\overline{i} + 3\overline{j} - \overline{k}$  на вектор  $\overline{b} = 2\overline{i} - 4\overline{j} + 3\overline{k}$
4. Найти площадь параллелограмма, построенного на векторах  $\overline{a} = \overline{i} + \overline{j} - \overline{k}$  и  $\overline{b} = 2\overline{i} - \overline{j} + 2\overline{k}$ .
5. Найти объем параллелепипеда, построенного на векторах  $\overline{a} = 2\overline{i} + 3\overline{j} - \overline{k}$ ,  $\overline{b} = \overline{i} - \overline{j} + 5\overline{k}$  и  $\overline{c} = 6\overline{i} + 2\overline{j} + \overline{k}$ .

### Задание № 3

1. Написать уравнение прямой, которая параллельна прямой  $4x + 5y - 3 = 0$  и проходит через точку  $K(-2, 3)$ .
2. Написать уравнение прямой, которая перпендикулярна прямой  $2x - y + 11 = 0$  и проходит через точку  $K(-4, 1)$ .
3. Даны две вершины треугольника  $A(-3; 2)$ ,  $B(2; -5)$  и точка пересечения высот  $H(1, 2)$ . Написать уравнения сторон  $AB$  и  $AC$ .
4. Написать уравнение эллипса, если расстояние между фокусами равно 4, а малая полуось равна 5. Построить эллипс.
5. Составить уравнение плоскости, проходящей через три точки  $A(2; 0; 1)$ ,  $B(3; 4; 2)$ ,  $C(5; 1; 3)$ .
6. Составить уравнение прямой, которая проходит через точку  $P(7, -2, 1)$  перпендикулярно плоскости  $3x - 4y + 2z - 11 = 0$ .
7. Найти точку пересечения прямой  $\frac{x+3}{2} = \frac{y+4}{5} = \frac{z-5}{-2}$  и плоскости  $2x - 3y - 5z + 1 = 0$ .

### Задание № 4

1. Вычислить пределы

а)  $\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{9x^4 + 5}{2 + 3x^2 + 4x^4}}$ ,    б)  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x^2 - 5x + 4}{4x - x^2}$ ,

$$\text{в) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x-3}{\sqrt{7-x}-2}, \quad \text{г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x^2}{3x \cdot \operatorname{tg} 9x}, \quad \text{д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{5}{x+1}\right)^{7x}.$$

2. Исследовать функцию  $f(x) = 4^{\frac{1}{2-x}}$  на непрерывность в точках  $x_1 = 0$  и  $x_2 = 2$ .

3. Найти точки разрыва функции  $f(x) = \begin{cases} x^2, & 0 < x \leq 2, \\ x+1, & x > 2. \end{cases}$

### Задание № 5

1. Найти производные функций

$$\text{а) } y = 2 \operatorname{tg}^2 x + 3 \operatorname{arctg}(4x), \quad \text{б) } y = x^{\operatorname{arcsin} x}, \quad \text{в) } \begin{cases} x = t^3 + 8t, \\ y = t^5 + 2t. \end{cases}$$

2. Найти производные второго порядка

$$\text{а) } y = e^{-x^2}, \quad \text{б) } y = \ln(2x-3).$$

3. Написать уравнения касательной и нормали к кривой  $y = x^2 + 5x - 1$  в точке  $M(1, 5)$ .

4. Исследовать функцию  $y = \frac{x^3}{3} - 2x^2 + 3x + 1$  и построить ее график.

5. Найти наименьшее и наибольшее значения функции на замкнутом интервале.

### Задание № 6

1. Найти неопределенные интегралы

$$\text{а) } \int \frac{e^{3x} - 1}{e^x} dx, \quad \text{б) } \int (2x+5) \cos 2x dx, \quad \text{в) } \int \frac{dx}{5 - 4 \sin x + 3 \cos x}.$$

2. Вычислить определенные интегралы  $\int_0^1 \frac{x dx}{1+x^2}$ ,  $\int_0^{\frac{\pi}{2}} \cos 2x dx$ ,  $\int_0^1 x e^{-x} dx$ .

3. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями  $y^2 = 4x$  и  $x - y - 3 = 0$ .

4. Найти длину дуги кривой  $y = \ln x$ , если  $\sqrt{3} \leq x \leq \sqrt{15}$ .

5. Вычислить несобственные интегралы или установить их расходимость

$$\int_0^{+\infty} e^{-3x} dx, \quad \int_1^2 \frac{dx}{(x-1)^2}.$$

### Задание № 7

1. Найти область определения функции  $z = \sqrt{x^2 + y^2 - 9}$ , изобразить ее на чертеже в плоскости  $xOy$ .
2. Найти частные производные 1-го порядка функций:  $z = x^2y + y^2x$ ,  
 $z = \sin(x + 3y)$ ,  $z = \ln \frac{x}{y} + x^3 - y^3$
3. Найти полный дифференциал функции  $z = \cos(x^2 - y^2)$ .
4. Исследовать на экстремум функцию  $z = x^2 + xy + y^2 - 5x - 10y$ .
5. Вычислить интегралы  $\int_0^1 dx \int_{2x^2}^{2x} dy$ ,  $\int_0^1 dy \int_{\sqrt{y}}^{2-y} dx$ .
6. Вычислить интеграл  $\iint_D x dx dy$  по области  $D$ , ограниченной линиями  $y = x + 1$ ,  $x = 1$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ .

### Задание № 8

1. Решить уравнения и построить интегральные кривые  $dy = 3 dx$ ,  $dy = 2x dx$ .
2. Найти общее решение дифференциального уравнения  $(1 + x)ydx = (2 + y)xdy$ .
3. Найти частное решение уравнения  $y' + y = e^{-x}$ , удовлетворяющее начальным условиям  $y(0) = 2$ .
4. Найти общее решение уравнения  $y'' = x + \cos x$ .
5. Найти общее решение уравнений:  $y'' - 4y' + 3y = 0$ ,  $y'' - 2y = xe^{-x}$ .

### Задание № 9

1. Исследовать сходимость рядов  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3n + 5}{4n^2 + n + 2}$ ,  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{5n + 2}$ .
2. Найти область сходимости степенного ряда  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-2)^n}{(n-1)4^n}$ .
3. Вычислить приближенное значение интеграла  $\int_0^{0,2} e^{-2x^2} dx$  с точностью до 0,001, разлагая подынтегральную функцию в ряд.

**Примерный перечень вопросов для УО:**

## Тема № 1

1. Что называется матрицей? Какие бывают матрицы?
2. Какие действия можно выполнять над матрицами?
3. Как вычисляются определители второго и третьего порядков?
4. Что называется минором и алгебраическим дополнением?
5. Дайте определение обратной матрицы. Как ее найти?
6. В чем состоит матричный способ решения систем алгебраических уравнений?
7. Напишите формулы Крамера для решения системы трех уравнений с тремя неизвестными.
8. В чем состоит метод Гаусса решения систем линейных уравнений?
9. Что такое ранг матрицы?
10. Что называется рангом матрицы? Сформулируйте теорему Кронекера-Капелли.

## Тема № 2

1. Что называется вектором, длиной вектора?
2. Какие вектора называются коллинеарными, компланарными?
3. Дайте определение линейных операций над векторами.
4. Что такое ортонормированный базис? Радиус-вектор точки?
5. Как найти координаты вектора?
6. Что называется скалярным произведением двух векторов? Какое правило вычисления скалярного произведения в координатной форме?
7. Напишите условие перпендикулярности двух векторов в координатной форме.
8. Что называется векторным произведением двух векторов? Какой его геометрический смысл?
9. Какое правило вычисления векторного произведения в координатной форме?
10. Что называется смешанным произведением трех векторов? Какой его геометрический смысл?
11. Какое правило вычисления смешанного произведения в координатной форме?

## Тема № 3

1. Напишите общее уравнение прямой на плоскости.
2. Напишите каноническое уравнение прямой на плоскости, уравнение прямой, проходящей через две заданные точки.
3. Напишите уравнение прямой с угловым коэффициентом.
4. Напишите условие параллельности и перпендикулярности прямых.
5. Как найти расстояние от точки до прямой на плоскости?
6. Напишите каноническое уравнение окружности, эллипса, гиперболы и параболы.



7. Напишите уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору. Напишите общее уравнение плоскости.
8. Напишите уравнение плоскости, проходящей через три заданные точки.
9. Напишите каноническое уравнение прямой в пространстве.
10. Как найти координаты точки пересечения прямой и плоскости?
11. Как найти угол между плоскостями, прямыми в пространстве?

#### **Тема № 4**

1. Дайте определение четной и нечетной функции.
2. Дайте определение возрастающей и убывающей функции.
3. Сформулируйте определение сложной и обратной функции.
4. Определение и способ задания последовательности.
5. Определение предела последовательности.
6. Определение предела функции в точке.
7. Сформулируйте определение бесконечно малой функции.
8. Какая существует связь между функцией и ее пределом?
9. Как связаны между собой бесконечно малая и бесконечно большая функции?
10. Определение непрерывности функции в точке.
11. Дайте определение точек разрыва функции первого рода, второго рода.

#### **Тема № 5**

1. Определение производной функции в точке.
2. Какой геометрический и механический смыслы производной?
3. Сформулируйте теоремы о производной суммы, разности, произведения и частного двух функций.
4. Дайте определение дифференцируемости функции в точке.
5. Определение дифференциала функции, его геометрический смысл.
6. Сформулируйте теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.
7. Сформулируйте правило Лопиталя.
8. Необходимое и достаточное условия монотонности функции.
9. Дайте определение локальных экстремумов функции.
10. Сформулируйте необходимое условие экстремума. Что называется критической точкой 1-го рода?
11. Сформулируйте достаточные условия экстремума.
12. Дайте определение направления выпуклости графика функции, точки перегиба.
13. Необходимое и достаточное условия выпуклости функции.
14. Что называется критической точкой 2-го рода?
15. Сформулируйте достаточное условие точки перегиба.
16. Дайте определение вертикальной, наклонной и горизонтальной асимптот.
17. Как найти наибольшее и наименьшее значения функции на замкнутом интервале?

#### **Тема № 6**

1. Что называется  $\delta$ -окрестностью точки  $M_0(x_0, y_0)$ , пределом функции двух переменных в точке.
2. Что называется частным приращением функции двух переменных ?
3. Что называется частной производной функции двух переменных?
4. Дайте определение дифференцируемости функции двух переменных. Сформулируйте теорему о необходимых и достаточных условиях дифференцируемости функции двух переменных.
5. Что называется дифференциалом функции двух переменных?
6. Что называется экстремумом функции двух переменных?
7. Сформулируйте необходимые условия экстремума функции двух переменных.
8. Сформулируйте достаточные условия экстремума функции двух переменных.
9. Как найти наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в замкнутой области?

### Тема № 7

1. Дайте определение первообразной функции и неопределенного интеграла.
2. Сформулируйте основные свойства неопределенного интеграла.
3. Напишите формулу интегрирования по частям для неопределенного интеграла.
4. Как интегрируются простейшие рациональные дроби?
5. Как разложить рациональную дробь на простейшие?
6. Какие подстановки используются для вычисления интегралов от тригонометрических функций?
7. Определенный интеграл, его определение и геометрический смысл.
8. Сформулируйте основные свойства определенного интеграла.
9. Напишите формулу Ньютона-Лейбница для вычисления определенного интервала.
10. Как с помощью определенного интеграла найти площадь плоской фигуры, длину дуги кривой, объем тела вращения, площадь поверхности тела вращения?
11. Какие интегралы называются несобственными 1-го и 2-го рода? В каком случае несобственные интегралы называются сходящимися, расходящимися?
12. Напишите уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности.
13. Определение двойного интеграла, его геометрический смысл.
12. Какой способ вычисления двойного интеграла?

### Тема № 9

1. Что называется дифференциальным уравнением 1-го порядка, его общим и частным решением?
2. Сформулируйте задачу Коши для дифференциального уравнения 1-го порядка?

3. Как интегрируются уравнения с разделяющимися переменными?
4. Определения однородного, линейного дифференциальных уравнений, уравнения в полных дифференциалах.
5. Сформулируйте задачу Коши и краевую задачу для дифференциального уравнения 2-го порядка.
6. Что называется определителем Вронского?
7. Сформулируйте теорему о структуре общего решения линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка.
8. Сформулируйте теорему о структуре общего решения линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка.
9. Что называется характеристическим уравнением, соответствующим ЛОДУ с постоянными коэффициентами?
10. Сформулируйте теорему о структуре общего решения ЛОДУ второго порядка с постоянными коэффициентами.
11. Какой вид имеет частное решение ЛНДУ с правой частью специального вида?
12. Как интегрируются уравнения n-го порядка вида  $y^{(n)} = f(x)$ .

### Тема № 11

1. Дайте определение сходимости и расходимости числового ряда.
2. Сформулируйте основные свойства сходящихся рядов.
3. При каком условии сходятся и расходятся геометрическая прогрессия и обобщенный гармонический ряд?
4. Сформулируйте признаки сравнения для исследования сходимости числового ряда с положительными членами.
5. Сформулируйте признак Даламбера.
6. К каким рядам применим признак Лейбница?
7. Какие ряды называются абсолютно и условно сходящимися?
8. Определение степенного ряда. Теорема Абеля.
9. Как найти интервал сходимости степенного ряда?
10. Ряды Тейлора и Маклорена.

### Примерный перечень вопросов для экзамена (1 курс):

1. Определение матрицы.
2. Определение размерности матрицы.
3. Определение единичной матрицы.
4. Определение треугольной матрицы.
5. Определение равных матриц.
6. Операция транспонирования матрицы.
7. Определение суммы матриц.
8. Определение произведения матрицы на число.
9. Определение разности матриц.
10. Определение согласованных матриц.

11. Определение произведения матриц.
12. Определение определителя 2-го порядка.
13. Определение определителя 3-го порядка.
14. Определение определителя  $n$ -го порядка.
15. Определение и обозначение минора элемента матрицы.
16. Определение и обозначение алгебраического дополнения элемента матрицы.
17. Теорема о разложении определителя 3-го порядка по строке или столбцу.
18. Определение и обозначение обратной матрицы.
19. Определение невырожденной квадратной матрицы.
20. Записать систему  $m$  линейных алгебраических уравнений с  $n$  неизвестными.
21. Записать однородную систему  $m$  линейных алгебраических уравнений с  $n$  неизвестными.
22. Определение решения системы линейных алгебраических уравнений.
23. Определение совместной системы линейных алгебраических уравнений.
24. Определение основной матрицы СЛАУ.
25. Записать столбец свободных членов и столбец неизвестных для СЛАУ.
26. Определение расширенной матрицы СЛАУ.
27. Матричная форма записи СЛАУ.
28. Запись решения СЛАУ в матричной форме.
29. Элементарные преобразования матрицы.
30. Теорема Кронекера-Капелли.
31. Теорема 1 о числе решений СЛАУ.
32. Теорема 2 о числе решений СЛАУ.
33. Теорема Крамера.
34. Определение вектора, длины вектора.
35. Определение нулевого вектора, ортов  $i, j, k$ .
36. Определение коллинеарных векторов.
37. Определение компланарных векторов.
38. Определение суммы векторов.
39. Определение разности векторов.
40. Определение произведения вектора на число.
41. Определение базиса на плоскости.
42. Определение базиса в пространстве.
43. Определение разложения вектора по ортам координатных осей.
44. Определение направляющих косинусов вектора
45. Теорема о направляющих косинусах.
46. Сложение векторов в координатной форме.
47. Коллинеарность векторов в координатной форме.
48. Определение радиус-вектора точки.
49. Определение скалярного произведения векторов.
50. Вычисление скалярного произведения векторов в координатной форме.
51. Вычисление длины вектора в координатной форме.
52. Вычисление угла между векторами в координатной форме.
53. Вычисление проекции вектора на заданное направление в координатной форме.

54. Определение векторного произведения векторов.
55. Определение правой тройки векторов.
56. Геометрический смысл векторного произведения векторов.
57. Вычисление векторного произведения в координатной форме.
58. Определение смешанного произведения векторов.
59. Геометрический смысл смешанного произведения векторов.
60. Вычисление смешанного произведения в координатной форме.
61. Уравнение прямой с угловым коэффициентом.
62. Общее уравнение прямой на плоскости.
63. Уравнение прямой, проходящей через данную точку, с данным угловым коэффициентом.
64. Уравнение прямой на плоскости, проходящей через две данные точки.
65. Уравнение прямой на плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору.
66. Вычисление угла между прямыми с угловыми коэффициентами.
67. Условие параллельности двух прямых с угловыми коэффициентами.
68. Условие перпендикулярности двух прямых с угловыми коэффициентами.
69. Формула вычисления расстояния от точки до прямой на плоскости.
70. Определение уравнения поверхности в пространстве.
71. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору.
72. Общее уравнение плоскости.
73. Уравнение плоскости, проходящей через три данные точки.
74. Вычисление угла между двумя плоскостями.
75. Условие параллельности двух плоскостей.
76. Условие перпендикулярности двух плоскостей.
77. Формула вычисления расстояния от точки до плоскости.
78. Канонические уравнения прямой в пространстве.
79. Параметрические уравнения прямой в пространстве.
80. Уравнение прямой в пространстве, проходящей через две заданные точки.
81. Общие уравнения прямой в пространстве.
82. Угол между прямыми в пространстве.
83. Условие параллельности двух прямых в пространстве.
84. Условие перпендикулярности двух прямых в пространстве.
85. Условие расположения двух прямых в одной плоскости.
86. Угол между прямой и плоскостью.
87. Условие параллельности прямой и плоскости.
88. Условие перпендикулярности прямой и плоскости.
89. Определение окружности.
90. Каноническое уравнение окружности.
91. Определение эллипса.
92. Каноническое уравнение эллипса.
93. Определение гиперболы.
94. Каноническое уравнение гиперболы.
95. Определение параболы.

96. Каноническое уравнение параболы.
97. Определение пустого множества.
98. Определение подмножества.
99. Определение числового множества.
100. Определение абсолютной величины числа.
101. Определение окрестности точки  $x_0$ .
102. Определение  $\varepsilon$ -окрестности точки  $x_0$ .
103. Определение чётной и нечётной функций.
104. Определение возрастающей, убывающей, невозрастающей, неубывающей функций.
105. Определение ограниченной функции.
106. Определение периодической функции.
107. Определение числовой последовательности.
108. Определение ограниченной последовательности.
109. Определение возрастающей, убывающей, невозрастающей, неубывающей последовательностей.
110. Определение предела числовой последовательности.
111. Определение сходящейся числовой последовательности, расходящейся числовой последовательности.
112. Определение предела функции в точке.
113. Определение предела функции на бесконечности.
114. Определение бесконечно малой функции.
115. Определение бесконечно большой функции в точке.
116. Определение бесконечно большой функции на бесконечности.
117. «Принцип двух милиционеров».
118. Первый замечательный предел.
119. Второй замечательный предел.
120. Первое определение непрерывности функции в точке.
121. Второе определение непрерывности функции в точке.
122. Определение приращения аргумента в точке  $x_0$ .
123. Определение приращения функции в точке  $x_0$ .
124. Определение непрерывности функции в интервале.
125. Определение непрерывности функции на отрезке.
126. Определение точки разрыва функции.
127. Определение точки разрыва первого рода.
128. Определение точки разрыва второго рода.
129. Определение производной функции. Геометрический смысл производной (формулировка).
130. Уравнение касательной к графику функции.
131. Формула производной сложной функции.
132. Алгоритм логарифмического дифференцирования.
133. Определение производной 2-го, 3-го и  $n$ -го порядка.
134. Определение дифференциала функции.
135. Определение дифференциала 2-го порядка.

136. Теорема Ферма.
137. Теорема Ролля.
138. Формула Лагранжа.
139. Теорема Коши.
140. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей вида  $\{0/0\}$ . и  $\{\infty/\infty\}$ .
141. Необходимые условия возрастания и убывания функций.
142. Достаточные условия возрастания и убывания функций.
143. Необходимое условие экстремума.
144. Определение критических точек I рода. Достаточное условие экстремума.
145. Определение выпуклости графика функции. Определение точки перегиба.
146. Необходимое условие существования точки перегиба.
147. Достаточное условие существования точки перегиба.
148. Асимптоты графика функции: вертикальные, горизонтальные, наклонные.
149. Функции двух переменных. Основные определения. Геометрический смысл.
150. Частные производные I порядка функции двух переменных.
151. Частные производные высших порядков. Теорема о равенстве смешанных частных производных.
152. Дифференцируемость функции двух переменных. Необходимое условие дифференцируемости функции. Достаточное условие дифференцируемости функции.
153. Производная сложной функции двух переменных.
154. Дифференцирование неявной функции двух переменных и одной переменной.
155. Производная по направления. Связь производной по направлению с градиентом.
156. Экстремум функции двух переменных. Необходимое условие существования экстремума.
157. Достаточное условие существования экстремума функции двух переменных.

### Примерный перечень задач для экзамена (1 курс):

1. Вычислить определитель:

$$\begin{vmatrix} 2 & 1 & 1 & 0 \\ 7 & 1 & 3 & 1 \\ 3 & -1 & 1 & 2 \\ 1 & 3 & 2 & 1 \end{vmatrix}.$$

2. Решить систему уравнений матричным способом:

$$\begin{cases} -x + 3y + 2z = 4 \\ 2x + y + 3z = 6 \\ 2y + z = 3 \end{cases}$$

3. Используя теорему Кронекера-Капелли, исследовать систему уравнений на совместность. Если система совместна, найти общее решение.

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 + 3x_4 = 14 \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 + x_4 = -3 \\ 4x_1 - x_2 - 2x_3 - x_4 = 11 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 10 \end{cases}$$

4. Вычислить проекцию вектора  $\vec{a} = 3\vec{i} - 12\vec{j} + 4\vec{k}$  на ось, имеющую направление  $\vec{b} = (\vec{i} - 2\vec{k}) \times (\vec{i} + 3\vec{j} - 4\vec{k})$ .

5. Даны два вектора  $\vec{a} = (3; -1; 5)$  и  $\vec{b} = (1; 2; -3)$ . Найти вектор  $\vec{c}$ , при условии, что он перпендикулярен к оси  $Oz$  и удовлетворяет условиям:  $(\vec{c}, \vec{a}) = 9$  и  $(\vec{c}, \vec{b}) = -4$ .

6. Найти объём параллелепипеда, построенного на векторах:  $\vec{a} = (3; -12; 14)$ ,  $\vec{b} = (1; 2; 1)$ ,  $\vec{c} = (3\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}) \times (\vec{i} - 3\vec{j} + 3\vec{k})$ .

7. Даны вершины треугольника  $A(3; 6; -7)$ ,  $B(-5; 2; 3)$ ,  $C(4; -7; -2)$ . Составить параметрические уравнения прямой, содержащей его медиану, проведенную из вершины  $C$ .

$$\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-2}{3}$$

8. Через прямую  $\frac{x+1}{2} = \frac{y-1}{-1} = \frac{z-2}{3}$  провести плоскость параллельную прямой  $\frac{x}{-1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z-3}{-3}$ .

9. Записать уравнение кривой второго порядка, проходящей через точку

$(1, 2)$  и имеющей асимптоты  $y = \pm \frac{1}{2}x$ .

10. Привести уравнение кривой  $y^2 - 8y - 5x + 11 = 0$  к каноническому виду, построить кривую, найти координаты фокусов.

1. Вычислить предел:  $\lim_{x \rightarrow 1} (2-x)^{\frac{1}{\sin(x-1)}}$ .

$$\lim_{x \rightarrow 5} \left(2 - \frac{x}{5}\right)^{\operatorname{ctg}\left(\frac{\pi x}{5}\right)}$$

2. Вычислить предел:

3. Найти точки экстремума и перегиба графика функции:

$$y = (2x - 7) \cdot \sqrt[3]{(x - 1)^2}$$

4. Найти асимптоты функции:  $y = \frac{3x}{9 - x^2} - \frac{x}{3}$ .

5. Найти и изобразить область определения функции:  $z = \arcsin \frac{x-y}{\sqrt{x}}$ .

6. Исследовать на экстремум функцию:  $z = 1 + 6x - x^2 - xy - y^2$ .



### **Примерный перечень вопросов для экзамена (2 курс):**

1. Определение первообразной функции. Теорема о множестве первообразных. Определение неопределенного интеграла, его геометрический смысл.
2. Свойства неопределенного интеграла: дифференциал и производная от неопределенного интеграла, неопределенный интеграл от дифференциала функции.
3. Свойства неопределенного интеграла: неопределенный интеграл от произведения функции на постоянный множитель и от суммы функций.
4. Метод интегрирования заменой переменной (метод подстановки).
5. Метод интегрирования по частям.
6. Интегрирование простейших рациональных дробей I и II типа.
7. Интегрирование простейшей рациональной дроби III типа.
8. Разложение рациональных дробей на простейшие.
9. Метод неопределенных коэффициентов и общее правило интегрирования рациональных дробей.
10. Интегрирование тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка.
11. Определенный интеграл как предел интегральной суммы.
12. Свойства определенного интеграла, вытекающие из его определения.
13. Геометрический смысл определенного интеграла.
14. Свойства определенного интеграла: постоянный множитель, интеграл от суммы функций, перестановка пределов интегрирования, аддитивность, «теорема о среднем».
15. Свойства определенного интеграла: знак интеграла, интегрирование неравенств, оценка интеграла, оценка модуля интеграла, производная определенного интеграла с переменным верхним пределом.
16. Вычисление определенного интеграла: формула Ньютона-Лейбница, интегрирование подстановкой (заменой переменной).
17. Вычисление определенного интеграла: интегрирование по частям, интегрирование четных и нечетных функций в симметричных пределах.
18. Несобственный интеграл I рода (с бесконечным промежутком интегрирования).
19. Несобственный интеграл II рода (от разрывной функции).
20. Вычисление площадей плоских фигур в прямоугольных координатах.
21. Вычисление длины дуги плоской кривой в прямоугольных координатах.
22. Вычисление объема тела: по известным площадям параллельных сечений, объем тела вращения.
23. Приближенное вычисление определенного интеграла: формула прямоугольников.
24. Приближенное вычисление определенного интеграла: формула трапеций.

25. Приближенное вычисление определенного интеграла: формула парабол (Симпсона).
26. Комплексные числа и действия над ними. Алгебраическая форма комплексного числа.
27. Геометрическая интерпретация комплексных чисел. Тригонометрическая форма комплексного числа.
28. Формула Муавра. Формула Эйлера. Показательная форма комплексного числа.
29. Операции над комплексными переменными; элементарные функции комплексных переменных.
30. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Определение, общее, частное и особое решения.
31. Задача Коши для дифференциального уравнения первого порядка, её формулировка. Теорема существования и единственности решения задачи Коши.
32. Дифференциальные уравнения 1-го порядка с разделяющимися переменными. Определение. Способ интегрирования.
33. Однородные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Определение. Способ интегрирования.
34. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Определение. Интегрирование методом Бернулли. Уравнение Бернулли. Определение.
35. Дифференциальные уравнения высших порядков. Основные определения. Формулировка задачи Коши. Общее и частное решения.
36. Интегрирование уравнений вида  $y^{(n)} = f(x)$ .
37. Интегрирование уравнений вида  $F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0$ , не содержащих искомой функции.
38. Интегрирование уравнений вида  $F(y, y', y'', \dots, y^{(n)}) = 0$ , не содержащих независимой переменной.
39. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка. Определение. Теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения.
40. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка. Определение. Теорема о структуре общего решения линейного неоднородного уравнения.
41. Линейные однородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами. Определение. Теорема о виде решений таких уравнений. Характеристическое уравнение линейного однородного уравнения. Определение.
42. Теорема о структуре общего решения линейного однородного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами.
43. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами с правой частью специального вида.
44. Дифференциальное уравнение в частных производных.
45. Уравнение малых колебаний струны.
46. Преобразование Лапласа. Нахождение изображений функций.

47. Отыскание оригинала по изображению.
48. Системы дифференциальных уравнений.
49. Вариационные принципы. Линейный оператор, его свойства.
50. Задача оптимального управления. Постановка задачи.
51. Принцип максимума Понтрягина.
52. Метод динамического программирования.
53. Числовые ряды. Основные определения.
54. Геометрический и гармонический ряды.
55. Свойства сходящихся и расходящихся рядов.
56. Необходимые условия сходимости числовых рядов. Достаточный признак расходимости ряда.
57. Первый признак сравнения для числовых знакоположительных рядов.
58. Второй признак сравнения для числовых знакоположительных рядов.
59. Признак Даламбера.
60. Радикальный признак Коши.
61. Интегральный признак Коши.
62. Обобщенный гармонический ряд, его сходимость.
63. Знакопеременные и знакочередующиеся числовые ряды. Признак Лейбница.
64. Абсолютная и условная сходимость знакопеременного ряда. Теорема о сходимости абсолютно сходящегося ряда.
65. Функциональные ряды. Основные определения.
66. Степенные ряды. Теорема Абеля.
67. Интервал и радиус сходимости степенного ряда.
68. Применение признаков Даламбера и Коши для степенных рядов.
69. Разложение функции в степенной ряд. Теорема о единственности разложения в степенной ряд. Теорема о разложении функции в степенной ряд.
70. Ряды Тейлора и Маклорена.
71. Тригонометрические ряды Фурье с периодом  $2\pi$ . Свойства образующей системы функций.
72. Вычисление коэффициентов ряда Фурье.
73. Ряды Фурье для четных и нечетных функций с периодом  $2\pi$ .
74. Множества. Логические операции с множествами.
75. Перестановки, сочетания, размещения.
76. Определение события. Классическая формула вероятности события.
77. Геометрическая вероятность.
78. Теорема сложения вероятностей.
79. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
80. События-гипотезы. Формула полной вероятности
81. Формула Байеса.
82. Формула Бернулли.
83. Формула Пуассона.
84. Дискретные случайные величины. Ряд и функция распределения дискретной случайной величины.
85. Функция и плотность распределения непрерывной случайной величины.
86. Числовые характеристики случайных величин.

87. Биноминальный закон распределения.
88. Закон распределения Пуассона.
89. Геометрическое распределение.
90. Экспоненциальный закон распределения непрерывной случайной величины.
91. Равномерный закон распределения непрерывной случайной величины.
92. Нормальный закон распределения (закон Гаусса) и его числовые характеристики.
93. Закон больших чисел. Неравенство Чебышева.
94. Теоремы Чебышева и Бернулли. Центральная предельная теорема.
95. Закон распределения вероятностей двумерной случайной величины. Числовые характеристики системы двух случайных величин.
96. Генеральная совокупность. Выборка. Вариационный ряд, его геометрическое изображение. Эмпирическая функция распределения.
97. Точечные и интервальные оценки неизвестных параметров распределения случайных величин, их свойства.
98. Точечные оценки числовых характеристик случайной величины, их свойства.
99. Интервальные оценки параметров нормального распределения.
100. Понятие статистической гипотезы. Основные этапы проверки гипотезы.
101. Случайные процессы и их основные характеристики.
102. Цепи Маркова. Классификация состояний.
103. Способы представления графа. Путь, цикл, сети.
104. Каноническая задача линейного программирования.
105. Транспортная задача.
106. Математические модели простейших систем и процессов.

### Примерный перечень задач для экзамена (2 курс):

1. Найти первообразную неопределенного интеграла:  $\int \frac{\sqrt{x} dx}{x-1}$ .
2. Найти первообразную неопределенного интеграла:  $\int \frac{x^3 + 6x^2 + 13x + 8}{x(x+2)^3} dx$ .
3. Вычислить интеграл:  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{x}{\cos^2 x} dx$ .
4. Вычислить интеграл:  $\int_0^3 \frac{x+5}{e^x} dx$ .
5. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 5x$ ,  $y = x^2 + 4x$ .
6. Решить дифференциальное уравнение:  $3(xy' + y) = xy^2$ ,  $y(1) = 3$ .

7. Решить дифференциальное уравнение:  $x^3 y'' + x^2 y' = 1$ .
8. Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = 0$ .
9. Исследовать на абсолютную и условную сходимость числовой ряд:

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n n}{3^n + n^2}$$

10. Исследовать на сходимость ряд:  $\sum_{n=1}^{\infty} \sqrt{\frac{n^4 + 3}{n^3 + 4n}} (x + 2)^n$ .
11. Брошены три монеты. Найти вероятность того, что выпадет два «герба».
12. Для производственной практики на 25 студентов имеется 10 мест в Санкт-Петербурге, 9 мест в Москве, 6 мест в Екатеринбурге. Какова вероятность трём студентам попасть в один город.
13. Автоматическая штамповка металлических клемм для соединительных пластин предохранителей даёт 20% отклонений от принятого стандарта. Определить вероятность того, что в партии из 600 клемм число клемм, не соответствующих стандарту. заключено в пределах от 100 до 125.
14. Средний процент нарушения нормальной работы машины в течение дня равен 10. Найти вероятность того, что из пяти автомашин в течение дня будет работать бесперебойно хотя бы четыре.
15. В первой коробке лежат три хороших и две бракованных детали, во второй - четыре хороших и одна бракованная, а в третьей - две хорошие и три бракованных детали. Для контроля из каждой коробки наугад берут по одной детали. Составить закон распределения числа, бракованных деталей среди отобранных, написать функцию распределения этой случайной величины и построить её график.
16. Вероятность того, что пассажир опоздает к отправлению поезда, равна 0,02. Найти вероятность того, что из десяти пассажиров, купивших билет на поезд, будет не менее двух опоздавших.
17. Учебник издан тиражом 100 000 экземпляров. Вероятность того, что экземпляр, будет сброшюрован неправильно, равна 0,0001. Найти вероятность того, что тираж содержит ровно пять бракованных книг.
18. Дан закон распределения случайной величины X. Найти M(X), D(X) и  $\sigma(X)$ .

X	23	25	28	29
p	0,3	0,2	0,4	0,1

19. Непрерывная случайная величина X задана функцией распределения F(x). Требуется: а) найти функцию плотности f(x); б) найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение; в) найти вероятность того, что X примет значение, заключенное в интервале (0,5;1); г) построить графики функций F(x) и f(x).

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \geq 0 \\ \frac{x}{4}, & 0 < x \leq 4, \\ 1, & x > 4 \end{cases}$$

20. Производится  $n$  независимых испытаний, в каждом из которых событие  $A$  появляется с постоянной вероятностью  $p$  ( $0 \leq p \leq 1$ ). Написать для числа появления события  $A$  в этих испытаниях: а) биномиальный закон распределения, если  $n=4$ ,  $p=0,2$ ; б) распределение Пуассона, если  $n=100$ ,  $p=0,01$ .
21. На тракторном заводе рабочий за смену изготавливает 150 деталей. Вероятность того, что деталь окажется 1-го сорта равна 0,6. Какова вероятность того, что рабочий за смену изготовит: а) не менее 78 и не более 96 деталей 1-го сорта; б) 100 деталей 1-го сорта?

### **10 Методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины**

Для успешного освоения дисциплины студенты должны посещать лекционные и практические занятия, аккуратно конспектировать лекции (писать в отдельной тетради, выделять и фиксировать ключевые моменты лекции), выполнять задания по решению типовых задач на практических занятиях. Перед занятиями студентам рекомендуется прочитать конспект предыдущего занятия. В конце и на протяжении занятия студенты могут задать преподавателю уточняющие вопросы по рассматриваемой теме.

Важным условием успешного освоения дисциплины является также самостоятельная работа студентов. Целью самостоятельной (внеаудиторной) работы обучающихся при изучении настоящей учебной дисциплины является выработка ими навыков решения задач по изучаемой теме, работы с научной и учебной литературой, другими источниками, а также развитие у обучающихся устойчивых способностей к самостоятельному (без помощи преподавателя) изучению и обработке полученной информации.


В процессе самостоятельной работы обучающийся должен воспринимать, осмысливать и углублять получаемую информацию, решать практические задачи, анализировать полученные результаты, выполнять индивидуальные задания, овладевать профессионально необходимыми навыками. Самостоятельная работа обучающегося должна иметь систематичный и последовательный характер.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВПО по специальности 162001 «Эксплуатация воздушных судов и организация воздушного движения».

Программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры № 4 «Высшей математики»

«9» февраля 2017 года, протокол № 6

Разработчики:


  
Осиюк Е.А.  
(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы разработчика)

Заведующий кафедрой № 4 «Высшей математики»

д.т.н., профессор   
Полянский В.А.  
(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы заведующего кафедрой)

Программа согласована:

Руководитель ОПОП

  
к.т.н., доцент Михальчевский Ю.Ю.  
(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы руководителя ОПОП)

Программа рассмотрена и одобрена на заседании Учебно-методического совета Университета «15.02» 2017 года, протокол № 5.

С изменениями и дополнениями от «30» апреля 2017 года, протокол № 10 (в соответствии с Приказом от 5 апреля 2017 г. № 301 «Об утверждении Порядка организации и осуществления образовательной деятельности по образовательным программам высшего образования - программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры»).