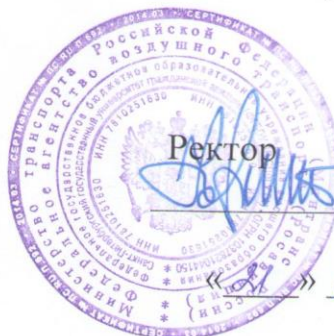




ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ВОЗДУШНОГО ТРАНСПОРТА
(РОСАВИАЦИЯ)
ФГБОУ ВО «САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ
УНИВЕРСИТЕТ ГРАЖДАНСКОЙ АВИАЦИИ»
(ФГБОУ ВО СПбГУ ГА)



УТВЕРЖДАЮ

/ Ю.Ю. Михальчевский

«*08*» *октября* 2021 года

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Методы оптимизации

Направление подготовки
01.03.04 Прикладная математика

Направленность программы (профиль)
Математическое и программное обеспечение систем управления

Квалификация выпускника
бакалавр

Форма обучения
очная

Санкт-Петербург
2021

1 Цели освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины «Методы оптимизации» является формирование знаний, умений, навыков и компетенций для понимания и оценки существующих алгоритмов решения оптимизационных задач, разработки новых методов и подходов в теории оптимизации, способности применять освоенный математический аппарат для оптимизации конкретных практических процессов, в частности в области транспортной логистики.

Задачами освоения дисциплины являются:

- знакомство студентов с прикладными оптимизационными моделями, возникающими при анализе различных реальных процессов;
- изучение различных типов оптимизационных моделей и их классификация;
- обзор основных математических методов, применяемых для решения оптимизационных задач;
- анализ известных алгоритмов оптимизации;
- знакомство с численными методами оптимизации.

Дисциплина обеспечивает подготовку выпускника к научно-исследовательскому типу профессиональной деятельности.

2 Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Методы оптимизации» представляет собой дисциплину, относящуюся к Обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)».

Дисциплина «Методы оптимизации» базируется на результатах обучения, полученных при изучении дисциплин: «Теория графов и математическая логика», «Теория игр», «Теория случайных процессов и основы теории массового обслуживания», «Теория управления», «Интеллектуальные системы», «Уравнения математической физики».

Дисциплина «Методы оптимизации» является обеспечивающей для Выполнения и защиты выпускной квалификационной работы и Подготовки к сдаче и сдаче государственного экзамена.

Дисциплина «Методы оптимизации» изучается в 7 и 8 семестрах.

3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Процесс освоения дисциплины «Методы оптимизации» направлен на формирование следующих компетенций:

Перечень и код компетенций	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений (УК-2)	Знать: - основные типы экстремальных задач. Уметь: - сводить прикладные задачи к задачам оптимизации. Владеть: - методами формализации прикладных задач и представления их в форме оптимизационных задач
Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности (УК-9)	Знать: - основные типы экономических задач, необходимость применения методов оптимальных решений для повышения эффективности экономической деятельности. Уметь: - сводить экономические задачи к задачам оптимизации, анализировать и оценивать организационно-управленческие решения. Владеть: - методами формализации экономических задач и представления их в форме оптимизационных задач
Способен формировать нетерпимое отношение к коррупционному поведению (УК-10)	Знать: - типы задач с финансовой составляющей; Уметь: - сводить прикладные задачи к задачам, касающимся расчёта финансов и затрат предприятия; Владеть: - методами формализации прикладных задач и представления их в форме оптимизационных задач
Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для	Знать: - теорию безусловной и условной оптимизации функций.

Перечень и код компетенций	Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине
<p>решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем (ОПК-2)</p>	<p>Уметь: - выбирать адекватный метод решения задач по оптимизации функций. Владеть: - численными методами решения задач по оптимизации функций.</p>
<p>Способен планировать и осуществлять вычислительные эксперименты, анализировать и интерпретировать полученные результаты (ПК-1)</p>	<p>Знать: - теорию безусловной и условной оптимизации функционалов. Уметь: - выбирать адекватный метод решения задач по оптимизации функционалов. Владеть: - численными методами решения задач по оптимизации функционалов.</p>

4 Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 8 зачетные единицы, 288 академических часа.

Наименование	Всего часов	Семестр	
		7	8
Общая трудоемкость дисциплины	288	144	144
Контактная работа:	123	56,5	66,5
лекции	60	28	32
практические занятия	56	24	32
семинары	-	-	-
лабораторные работы	-	-	-
курсовой проект (работа)	4	4	-
Самостоятельная работа студента	114	70	44
Промежуточная аттестация:	54	18	36
контактная работа	3	0,5	2,5
самостоятельная работа по подготовке к экзамену	51	17,5	33,5

5 Содержание дисциплины

5.1 Соотнесения тем (разделов) дисциплины и формируемых компетенций

Темы (разделы) дисциплины	Количество часов	Компетенции					Образовательные технологии	Оценочные средства
		УК - 2	УК-9	УК-10	ОПК -2	ПК - 1		
Тема 1. Оптимизация функций	28	+	+		+		ВК, Л, ПЗ, СРС	ПАР
Тема 2. Необходимые условия экстремума функционала	48				+	+	Л, ПЗ, СРС	ПАР
Тема 3. Достаточные условия экстремума функционала	50				+	+	Л, ПЗ, СРС	ПАР
Тема 4. Задачи условной оптимизации функционалов	60		+		+	+	Л, ПЗ, СРС	ПАР
Тема 5. Численные методы оптимизации	48	+	+	+	+	+	Л, ПЗ, СРС	ПАР
Всего по дисциплине	230							

Темы (разделы) дисциплины	Количество часов	Компетенции					Образовательные технологии	Оценочные средства
		УК - 2	УК-9	УК-10	ОПК -2	ПК - 1		
Курсовая работа (проект)	4							
Промежуточная аттестация	54							
Итого по дисциплине	288							

ВК – входной контроль, Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, СРС – самостоятельная работа студента, ПАР – письменная аудиторная работа..

5.2 Темы(разделы) дисциплины и виды занятий

Наименование темы (раздела) дисциплины	Л	ПЗ	С	ЛР	СРС	КР	Всего часов
7 семестр							
Тема 1. Оптимизация функций	6	6	-	-	14	2	28
Тема 2. Необходимые условия экстремума функционала	10	8	-	-	30	-	48
Тема 3. Достаточные условия экстремума функционала	12	10	-	-	26	2	50
Всего за 7 семестр	28	24	-	-	70	4	126
Промежуточная аттестация							18
Итого за семестр 7							144
8 семестр							
Тема 4. Задачи условной оптимизации функционалов	20	20	-	-	20	-	60
Тема 5. Численные методы оптимизации	12	12	-	-	24	-	48
Всего за 8 семестр	32	32	-	-	44	-	108
Промежуточная аттестация							36
Итого за семестр 8							144
Итого по дисциплине							288

Л– лекция, ПЗ – практическое занятие, С – семинар, СРС – самостоятельная работа студента, КР – курсовая работа (проект), ЛР – лабораторная работа.

5.3 Содержание дисциплины

Тема 1. Оптимизация функций

Понятие экстремума функции. Локальные и глобальные экстремумы. Необходимые и достаточные условия безусловного экстремума функции одной и нескольких переменных. Задача поиска условного экстремума функции с ограничениями в виде равенств. Метод множителей Лагранжа. Задача поиска условного экстремума функции с ограничениями в виде равенств и неравенств. Задача математического программирования. Выпуклое программирование.

Тема 2. Необходимые условия экстремума функционала

Понятие функционала. Экстремумы функционала. Задачи о брахистохроне и о поверхности вращения с наименьшей площадью. Близость кривых 0 и 1 порядка. Сильный и слабый экстремум. Линейные функционалы. Первая вариация функционала. Лемма о представлении первой вариации. Необходимое условие экстремума. Классическая задача вариационного исчисления. Основная лемма вариационного исчисления. Уравнение Эйлера. Случаи упрощения уравнения Эйлера. Функционалы, зависящие от нескольких функций (система уравнений Эйлера) и от производных старшего порядка (уравнение Эйлера - Пуассона). Функционалы, зависящие от функции нескольких переменных (уравнение Остроградского). Классическая вариационная задача с подвижными границами. Случаи свободной границы и границы, лежащей на некоторой кривой (условия трансверсальности). Экстремали с угловыми точками. Односторонние вариации.

Тема 3. Достаточные условия экстремума функционала

Понятие второй вариации функционала. Достаточные условия экстремума функционала. Достаточные условия слабого экстремума в классической вариационной задаче. Условия Лежандра и Якоби. Поле экстремалей. Функция Вейерштрасса. Достаточные условия сильного экстремума в классической вариационной задаче. Каноническая форма уравнений Эйлера. Функция Гамильтона.

Тема 4. Задачи условной оптимизации функционалов

Задача Лагранжа на условный экстремум. Изопериметрическая задача. Задачи Майера и Больца. Задача программного управления. Оптимальные программные уравнения. Принцип максимума Понтрягина. Задача оптимального демпфирования. Уравнение Беллмана. Связь с оптимальным программным управлением.

Тема 5. Численные методы оптимизации

Градиентные методы поиска экстремума функции. Прямые методы в вариационных задачах. Методы Эйлера и Рунге.

5.4. Практические занятия (семинары)

Номер темы дисциплины	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудоемкость (часы)
7 семестр		
1	Практическое занятие 1. Безусловная и условная оптимизация функций. Задачи с ограничениями типа равенств.	2
	Практическое занятие 2-3. Условная оптимизация функций. Задачи с ограничениями типа неравенств. Выпуклое программирование.	4
2	Практическое занятие 4. Основные понятия теории функционалов. Первая вариация функционала.	2
	Практическое занятие 5. Необходимые условия безусловного экстремума в классической вариационной задаче. Уравнение Эйлера.	2
	Практическое занятие 6-7. Обобщения классической задачи вариационного исчисления.	4
3	Практическое занятие 8. Вторая вариация функционала.	2
	Практическое занятие 9. Достаточные условия слабого экстремума функционала.	2
	Практическое занятие 10. Достаточные условия сильного экстремума функционала.	2
	Практическое занятие 11-12. Уравнения Эйлера в канонической форме. Функция Гамильтона.	4
Всего за семестр 7		24
8 семестр		
4	Практическое занятие 13-15. Задача Лагранжа на условный экстремум функционала.	6
	Практическое занятие 16-18. Задачи Больца и Майера.	6
	Практическое занятие 19-22. Применение вариационного исчисления в теории управления.	8

Номер темы дисциплины	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудоемкость (часы)
7 семестр		
5	Практическое занятие 23-25. Численные методы поиска экстремума функции.	6
	Практическое занятие 26-28. Численные методы поиска экстремума функционала.	6
Всего за семестр 8		32
Итого по дисциплине		56

5.5 Лабораторный практикум

Лабораторный практикум учебным планом не предусмотрен

5.6 Самостоятельная работа

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость (часы)
1	1. Изучение теоретического материала «Оптимизация функций» (конспект лекций и рекомендуемая литература [1, 2, 7-10]. 2. Подготовка к письменной аудиторной работе.	14
2	1. Изучение теоретического материала «Необходимые условия экстремума функционала» (конспект лекций и рекомендуемая литература [2, 3, 5]. 2. Подготовка к письменной аудиторной работе.	30
3	1. Изучение теоретического материала «Достаточные условия экстремума функционала» (конспект лекций и рекомендуемая литература [2, 4, 5]. 2. Подготовка к письменной аудиторной работе. 3. Выполнение курсовой работы (проекта).	26
Всего за семестр 7		70
Семестр 8		
4	1. Изучение теоретического материала «Задачи условной оптимизации функционалов» (конспект лекций и рекомендуемая литература [2, 4, 6]. 2. Подготовка к письменной аудиторной работе. 3. Выполнение курсовой работы (проекта).	20
5	1. Изучение теоретического материала «Численные методы оптимизации» (конспект	24

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость (часы)
	лекций и рекомендуемая литература [1, 3, 6-10]. 2. Подготовка к письменной аудиторной работе. 3. Выполнение курсовой работы (проекта).	
Всего за семестр 8		44
Итого по дисциплине		114

5.7 Курсовые работы (проекты)

Наименование этапа выполнения курсовой работы (проекта)	Трудоемкость (часы)
Этап 1. Выдача задания на курсовую работу (проект)	2
Этап 2. Выполнение раздела «Введение»	4
Этап 3. Выполнение раздела «Основная часть»	10
Этап 4. Выполнение разделов «Заключение», «Выводы».	4
Этап 5. Оформление курсовой работы (проекта)	2
Защита курсовой работы (проекта)	2
Итого по курсовой работе (проекту):	22
самостоятельная работа студента, отведенная на выполнение курсовой работы (проекта)	20
согласно учебному плану	4

6 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

1. Лесин, В.В. **Основы методов оптимизации** [Электронный ресурс] : учебное пособие / В.В. Лесин, Ю.П. Лисовец. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2016. — 344 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/86017>. — Загл. с экрана.

2. Пантелеев, А.В. **Методы оптимизации в примерах и задачах** [Электронный ресурс] : учебное пособие / А.В. Пантелеев, Т.А. Летова. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2015. — 512 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/67460>. — Загл. с экрана.

3. Кудрявцев, К. Я. **Методы оптимизации** : учебное пособие для вузов / К. Я. Кудрявцев, А. М. Прудников. — 2-е изд. — М. : Издательство Юрайт, 2018. — 140 с. — (Серия : Университеты России). — ISBN 978-5-534-08523-5. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/6E25A4E0-03EF-4D8A-99CB-30A6D0A4C3A7. — Загл. с экрана.

4. Кочегурова, Е. А. **Теория и методы оптимизации** : учебное пособие для академического бакалавриата / Е. А. Кочегурова. — М. : Издательство Юрайт, 2018. — 133 с. — (Серия : Университеты России). — ISBN 978-5-534-10090-7. — Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/81138134-E61E-47F5-9D95-EFA409E1BF62. — Загл. с экрана.

б) дополнительная литература:

5. Ключин Я.Г. **Методы оптимизации:** Учеб.пособ.для вузов.Допущ.УМО [Текст] / Я. Г. Ключин. - СПб. : ГУГА, 2011. - 85с. Количество экземпляров 116.

6. Болдырев, Ю. Я. **Вариационное исчисление и методы оптимизации** : учебное пособие для вузов / Ю. Я. Болдырев. — М. : Издательство Юрайт,

2018. — 240 с. — (Серия : Университеты России). — ISBN 978-5-534-01707-6.
— Режим доступа : www.biblio-online.ru/book/9ACC282C-3884-4D46-8397-EAF6AF1DD0FF. — Загл. с экрана.

в) перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

7. **Научное сообщество** [Электронный ресурс] – Режим доступа: <http://mathinfinity.net.ru/>, свободный (дата обращения: 30.03.2019).

г) программное обеспечение (лицензионное), базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:

8 **Единое окно доступа к образовательным ресурсам** [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://window.edu.ru>, свободный (дата обращения: 30.03.2019).

9 **Электронная библиотека научных публикаций «eLIBRARY.RU»** [Электронный ресурс] — Режим доступа: <http://elibrary.ru/>, свободный (дата обращения: 30.03.2019).

10 **Электронно-библиотечная система издательства «Лань»** [Электронный ресурс] — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/>, свободный (дата обращения: 30.03.2019).

7 Материально-техническое обеспечение дисциплины

Компьютерные классы кафедры № 8 (ауд.: 800, 801, 803, 804) с доступом в Интернет, переносной проектор.

Информационно-справочные и материальные ресурсы библиотеки СПбГУ ГА.

Лицензионное программное обеспечение: Microsoft Office.

8 Образовательные и информационные технологии

Дисциплина «Методы оптимизации» предполагает использование следующих образовательных технологий: входной контроль, лекции, практические занятия и самостоятельная работа студента.

Входной контроль проводится преподавателем в начале изучения дисциплины с целью коррекции процесса усвоения студентами дидактических единиц. Он осуществляется по вопросам дисциплин, на которых базируется дисциплина «Методы оптимизации» (п.2).

Лекция как образовательная технология представляет собой устное, систематически последовательное изложение преподавателем учебного материала с целью организации целенаправленной познавательной деятельности обучающихся по овладению знаниями, умениями и навыками читаемой дисциплины.

Реализация компетентного подхода предусматривает широкое использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий, на основе современных информационных и образовательных технологий, что, в сочетании с внеаудиторной работой, приводит к формированию и развитию профессиональных компетенций обучающихся. Это позволяет учитывать как исходный уровень знаний студентов, так и существующие методические, организационные и технические возможности обучения.

Практическое занятие обеспечивает связь теории и практики, содействует выработке у обучающихся умений и навыков применения знаний, полученных на лекции и в ходе самостоятельной работы.

Самостоятельная работа студента позволяет сформировать навыки самостоятельного приобретения обучающимися знаний по некоторым несложным вопросам теоретического курса, закрепление и углубление полученных знаний, умений и навыков во время лекций, лабораторных работ и практических занятий.

Использование консультационных часов позволяет индивидуализировать занятия со студентами, проконтролировать освоение учебного материала. Успешное освоение материала курса предполагает большую самостоятельную работу и систематический контроль хода этой работой.

В рамках изучения дисциплины «Методы оптимизации» предполагается использовать в качестве информационных технологий среду Microsoft Office.

9 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

Уровень и качество знаний обучающихся оцениваются по результатам текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины в виде экзамена.

Текущий контроль успеваемости включает письменные аудиторные работы и темы курсовых работ (проектов).

Письменная аудиторная работа проводится по темам практических занятий в соответствии с данной программой и предназначен для проверки способности обучающихся решать задачи по темам дисциплины. Контроль выполнения задания, выдаваемого на самостоятельную работу, преследует собой цель своевременного выявления плохо усвоенного материала дисциплины для последующей корректировки или организации обязательной консультации.

Курсовая работа (проект) – авторский научно-исследовательский проект студента, направленный на выработку исследовательских навыков, опыта работы с научными источниками и создание законченного самостоятельного исследования. Оценочным средством являются темы курсовых работ (проектов), которые приведены в п. 9.3. Написание и защита курсовой работы (проекта) запланирована на 7 семестр.

Промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины проводится в виде зачёта с оценкой в 7 семестре и экзамена в 8 семестре. Экзамен позволяет оценить уровень освоения студентом компетенций за весь период изучения дисциплины. Зачёт с оценкой и экзамен предполагает устные ответы на 2 теоретических вопроса из перечня вопросов, вынесенных на промежуточную аттестацию, а также решение задачи.

9.1 Балльно-рейтинговая система оценки текущего контроля успеваемости и знаний и промежуточной аттестации студентов

7 семестр

Тема/вид учебных занятий (оценочных заданий), позволяющих студенту продемонстрировать достигнутый уровень сформированности компетенций	Количество баллов		Срок контроля (порядковый номер недели с начала семестра)	Примечание
	минимальное значение	максимальное значение		
Контактная работа				
<i>Аудиторные занятия</i>				
Лекция №1-14	21	28	1-14	
Практическое занятие №1-12	12	24	1-14	
Письменная аудиторная работа № 1-12	12	18	1-14	
Итого по обязательным видам занятий	45	70		
Зачет с оценкой	15	30		
Итого по дисциплине	60	100		
<i>Премияльные виды деятельности (для учета при определении рейтинга)</i>				
Научные публикации по темам дисциплины		10		
Участие в конференциях по темам дисциплины		10		
Итого дополнительно премияльных баллов		20		
Всего по дисциплине для рейтинга		120		
Перевод баллов балльно-рейтинговой системы в оценку по «академической» шкале				
Количество баллов по БРС	Оценка (по «академической» шкале)			
90 и более	5 – «отлично»			
75÷89	4 – «хорошо»			
60÷74	3 – «удовлетворительно»			
менее 60	2 – «неудовлетворительно»			

8 семестр

Тема/вид учебных занятий (оценочных заданий), позволяющих студенту продемонстрировать достигнутый уровень сформированности компетенций	Количество баллов		Срок контроля (порядковый номер недели с начала семестра)	Примечание
	минимальное значение	максимальное значение		
Контактная работа				
<i>Аудиторные занятия</i>				

Тема/вид учебных занятий (оценочных заданий), позволяющих студенту продемонстрировать достигнутый уровень сформированности компетенций	Количество баллов		Срок контроля (порядковый номер недели с начала семестра)	Примечание
	минимальное значение	максимальное значение		
Лекция №1-16	8	16	1-8	
Практическое занятие №1-16	16	24	1-8	
Письменная аудиторная работа № 1-16	21	30	1-8	
Итого по обязательным видам занятий	45	70		
Экзамен	15	30		
Итого по дисциплине	60	100		
<i>Премияльные виды деятельности (для учета при определении рейтинга)</i>				
Научные публикации по темам дисциплины		10		
Участие в конференциях по темам дисциплины		10		
Итого дополнительно премияльных баллов		20		
Всего по дисциплине для рейтинга		120		
Перевод баллов балльно-рейтинговой системы в оценку по «академической» шкале				
Количество баллов по БРС	Оценка (по «академической» шкале)			
90 и более	5 – «отлично»			
75÷89	4 – «хорошо»			
60÷74	3 – «удовлетворительно»			
менее 60	2 – «неудовлетворительно»			

9.2 Методические рекомендации по проведению процедуры оценивания знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

7 семестр.

Посещение студентом лекционного занятия с ведением конспекта оценивается в 1,5 балла. Активное участие в обсуждении вопросов в ходе лекции – до 0,5 баллов.

Посещение практического занятия с ведением конспекта оценивается от 1 до 2 баллов. Письменная аудиторная работа – от 1 до 1,5 баллов, в зависимости от сложности заданий.

8 семестр.

Посещение студентом лекционного занятия с ведением конспекта оценивается в 0,5 баллов. Активное участие в обсуждении вопросов в ходе лекции – до 0,5 баллов.

Посещение практического занятия с ведением конспекта оценивается от 1 до 1,5 баллов. Письменная аудиторная работа – от 1 до 1,8 баллов, в зависимости от сложности заданий.

9.3 Темы курсовых работ (проектов) по дисциплине

1. Понятие экстремума функции. Локальные и глобальные экстремумы. Необходимые и достаточные условия безусловного экстремума функции одной и нескольких переменных.
2. Задача поиска условного экстремума функции с ограничениями в виде равенств. Метод множителей Лагранжа.
3. Задача поиска условного экстремума функции с ограничениями в виде равенств и неравенств. Задача математического программирования.
4. Выпуклое программирование.
5. Понятие функционала. Экстремумы функционала. Задачи о брахистохроне и о поверхности вращения с наименьшей площадью.
6. Близость кривых 0 и 1 порядка. Сильный и слабый экстремум.
7. Линейные функционалы. Первая вариация функционала. Лемма о представлении первой вариации. Необходимое условие экстремума.
8. Классическая задача вариационного исчисления. Основная лемма вариационного исчисления. Уравнение Эйлера.
9. Случаи упрощения уравнения Эйлера.
10. Функционалы, зависящие от нескольких функций (система уравнений Эйлера) и от производных старшего порядка (уравнение Эйлера - Пуассона).
11. Функционалы, зависящие от функции нескольких переменных (уравнение Остроградского).
12. Классическая вариационная задача с подвижными границами. Случаи свободной границы и границы, лежащей на некоторой кривой (условия трансверсальности).
13. Экстремали с угловыми точками.
14. Односторонние вариации.
15. Понятие второй вариации функционала. Достаточные условия экстремума функционала.
16. Достаточные условия слабого экстремума в классической вариационной задаче. Условия Лежандра и Якоби.
17. Поле экстремалей. Функция Вейерштрасса. Достаточные условия сильного экстремума в классической вариационной задаче.
18. Каноническая форма уравнений Эйлера. Функция Гамильтона.
19. Задача Лагранжа на условный экстремум.
20. Изопериметрическая задача.
21. Задачи Майера и Больца.
22. Задача программного управления. Оптимальные программные уравнения. Принцип максимума Понтрягина.
23. Задача оптимального демпфирования. Уравнение Беллмана. Связь с оптимальным программным управлением.
24. Градиентные методы поиска экстремума функции.
25. Прямые методы в вариационных задачах. Методы Эйлера и Ритца.

9.4 Контрольные задания для проведения входного контроля остаточных знаний по обеспечивающим дисциплинам

Теория управления.

1. Выписать общее решение линейной системы дифференциальных уравнений.
2. Каковы свойства фундаментальной матрицы системы?
3. Что такое программное управление, управление с обратной связью, множество достижимости?
4. Построить программное управление в системе $\dot{x} = Px + Qu$

$$P = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad Q = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad x^{(1)} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}, \quad x^{(2)} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \quad t \in [0, 1];$$

Теория игр.

1. Связь между существованием решения задачи линейного программирования в стандартной форме и седловой точкой функции Лагранжа.
2. Сведение решения конечной антагонистической игры к задаче линейного программирования.

Теория графов и математическая логика

1. Гамильтоновы графы. Достаточные условия существования гамильтоновых циклов в графе.
2. Транспортные сети. Основные понятия.

Уравнения математической физики.

1. Решить линейное неоднородное уравнение в частных производных первого порядка

$$y \frac{\partial z}{\partial x} + x \frac{\partial z}{\partial y} = x - y.$$

2. Найти общее решение уравнений

$$\frac{\partial^2 u(x; y)}{\partial x^2} = 0,$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x \partial y} = 2 \frac{\partial u}{\partial x}.$$

Интеллектуальные системы

1. Даны A и B – нечеткие множества на универсальном множестве E. Найти $A \oplus B$.

$$A = 0,5/x_1 + 0,4/x_2 + 0,1/x_3 + 1/x_4$$

$$B = 0,1/x_1 + 0,3/x_2 + 0,1/x_3 + 0,5/x_4$$

Теория случайных процессов и основы теории массового обслуживания.

1. На вход линейной стационарной динамической системы, описываемой данным дифференциальным уравнением, подается стационарная случайная функция $X(t)$ с математическим ожиданием m_x и корреляционной функцией $k_x(\tau)$. Найти: а) математическое ожидание;

б) дисперсию случайной функции $Y(t)$ на выходе системы в установившемся режиме.

$$Y'(t) + 3Y(t) = X'(t) + 4X(t), \quad m_x = 6, \quad k_x(\tau) = 5e^{-2|\tau|}.$$

9.5 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Критерий	Этапы формирования	Показатель
<i>Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений (УК-2)</i>		
Знать: - основные типы экстремальных задач.	1 этап формирования	– Знание основных понятий теории оптимизации.
	2 этап формирования	– Знание основных типов оптимизационных задач.
Уметь: - сводить прикладные задачи к задачам оптимизации.	1 этап формирования	– Умение моделировать различные процессы.
	2 этап формирования	– Умение формулировать критерии качества процесса.
Владеть: - методами формализации прикладных задач и представления их в форме оптимизационных задач.	1 этап формирования	– Владение основными принципами математического моделирования.
	2 этап формирования	– Владение основными методами формализации оптимизационных задач.
<i>Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности (УК-9)</i>		
Знать: - основные типы экономических задач.	1 этап формирования	– Знание основных понятий теории оптимизации.
	2 этап формирования	– Знание основных типов экономических задач.
Уметь: - сводить экономические задачи к задачам оптимизации.	1 этап формирования	– Умение моделировать различные экономические процессы.
	2 этап формирования	– Умение формулировать критерии качества экономического процесса.
Владеть:	1 этап	– Владение основными

Критерий	Этапы формирования	Показатель
- методами формализации экономических задач и представления их в форме оптимизационных задач	формирования	принципами математического моделирования в экономике.
	2 этап формирования	– Владение основными методами формализации экономических задач.
<i>Способен формировать нетерпимое отношение к коррупционному поведению (УК-10)</i>		
Знать: - типы задач с финансовой составляющей;	1 этап формирования	– Знание основных понятий теории оптимизации.
	2 этап формирования	– Знание основных типов оптимизационных задач.
Уметь: - сводить прикладные задачи к задачам, касающимся расчёта финансов и затрат предприятия;	1 этап формирования	– Умение моделировать различные процессы, связанные с расчётами финансов предприятия.
	2 этап формирования	– Умение формулировать критерии качества процесса.
Владеть: - методами формализации прикладных задач и представления их в форме оптимизационных задач	1 этап формирования	– Владение основными принципами математического моделирования.
	2 этап формирования	– Владение основными методами формализации оптимизационных задач, связанных с расчётами финансов предприятия.
<i>Способен обоснованно выбирать, дорабатывать и применять для решения исследовательских и проектных задач математические методы и модели, осуществлять проверку адекватности моделей, анализировать результаты, оценивать надёжность и качество функционирования систем (ОПК-2)</i>		
Знать: - теорию безусловной и условной оптимизации функций.	1 этап формирования	– Знание основ теории безусловной оптимизации функций.
	2 этап формирования	– Знание основ теории условной оптимизации функций.

Критерий	Этапы формирования	Показатель
Уметь: - выбирать адекватный метод решения задач по оптимизации функций.	1 этап формирования	– Умение классифицировать оптимизационные задачи.
	2 этап формирования	– Умение выбирать наиболее эффективный метод решения тех или иных задач по оптимизации функций.
Владеть: - численными методами решения задач по оптимизации функций.	1 этап формирования	– Владение информацией об основных принципах численного моделирования.
	2 этап формирования	– Владение методами численной оптимизации функций.
<i>Способен планировать и осуществлять вычислительные эксперименты, анализировать и интерпретировать полученные результаты (ПК-1)</i>		
Знать: - основные типы экстремальных задач.	1 этап формирования	– Знание основных понятий теории оптимизации.
	2 этап формирования	– Знание основных типов оптимизационных задач.
Уметь: - сводить прикладные задачи к задачам оптимизации.	1 этап формирования	– Умение моделировать различные процессы.
	2 этап формирования	– Умение формулировать критерии качества процесса.
Владеть: - методами формализации прикладных задач и представления их в форме оптимизационных задач.	1 этап формирования	– Владение основными принципами математического моделирования.
	2 этап формирования	– Владение основными методами формализации оптимизационных задач.

Характеристики шкалы оценивания приведены ниже.

1. Шкала оценивания курсовой работы (проекта) показана в таблице, приведенной ниже:

Наименование этапа выполнения курсовой работы (проекта)	Максимальное количество баллов	Шкала оценивания

Наименование этапа выполнения курсовой работы (проекта)	Максимальное количество баллов	Шкала оценивания
Этап 1. Выдача задания на курсовую работу (проект)	–	–
Этап 2. Выполнение раздела «Введение»	10	1-2 балла снимаются за ошибки в расчетах, 3 балл снимается за отсутствие полного хода решения, 0,5 балла снимается за отсутствие вывода, 0,3 балла снимается за некорректный вывод, 0,2 балла снимается за неполный вывод, 0,2 балла снимается за допущенные грамматические ошибки
Этап 3. Выполнение раздела «Основная часть»	30	
Этап 4. Выполнение разделов «Заключение», «Выводы».	10	
Этап 5. Оформление курсовой работы (проекта)	10	1-3 балла снимаются за небрежность оформления текста, 1-2 балла снимаются за небрежность оформления использованных источников
Своевременность выполнения	10	За каждый просроченный день по неуважительной причине снимается 0,5 балла.
Итого выполнение курсовой работы (проекта)	70	
Защита курсовой работы (проекта)	30	5 баллов – исследовательский характер; 5 баллов – актуальность работы; 10 баллов – ответы на вопросы четкие, ясные и полные; 5 баллов – системная интерпретация полученных в курсовой работе (проекте) результатов; 5 баллов –

Наименование этапа выполнения курсовой работы (проекта)	Максимальное количество баллов	Шкала оценивания
		грамотное ведение полемики.
Всего по курсовой работе (проекту):	100	
Перевод баллов балльно-рейтинговой системы в оценку по «академической» шкале		
Количество баллов по БРС	Оценка (по «академической» шкале)	
90 и более	5 – «отлично»	
75÷89	4 – «хорошо»	
60÷74	3 – «удовлетворительно»	
менее 60	2 – «неудовлетворительно»	

2. Максимальное количество баллов за зачёт с оценкой/экзамен – 30. Минимальное количество баллов за экзамен – 15 баллов.

3. При наборе менее 15 баллов – зачёт с оценкой/экзамен не сдан по причине недостаточного уровня знаний.

4. Итоговая оценка за зачёт с оценкой/экзамен выставляется как сумма набранных баллов за ответы на вопросы билета и за решение задачи.

5. Ответы на вопросы билета оцениваются следующим образом:

– *1 балл*: отсутствие продемонстрированных знаний и компетенций в рамках образовательного стандарта (нет ответа на вопрос) или отказ от ответа;

– *2 балла*: нет удовлетворительного ответа на вопрос, демонстрация фрагментарных знаний в рамках образовательного стандарта, незнание лекционного материала;

– *3 балла*: нет удовлетворительного ответа на вопрос, много наводящих вопросов, отсутствие ответов по основным положениям вопроса, незнание лекционного материала;

– *4 балла*: ответ удовлетворительный, оценивается как минимально необходимые знания по вопросу, при этом студентом продемонстрировано хотя бы минимальное знание всех разделов вопроса в пределах лекционного материала. При этом студентом демонстрируется достаточный объем знаний в рамках образовательного стандарта;

– *5 баллов*: ответ удовлетворительный, достаточные знания в объеме учебной программы, ориентированные на воспроизведение; использование научной (технической) терминологии, стилистически грамотное, логически правильное изложение ответа на вопросы, умение делать выводы;

– *6 баллов*: ответ удовлетворительный, студент достаточно ориентируется в основных аспектах вопроса, демонстрирует полные и систематизированные знания в объеме учебной программы;

– *7 баллов*: ответ хороший (достаточное знание материала), но требовались наводящие вопросы, студент демонстрирует систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам учебной программы;

– *8 баллов*: ответ хороший, ответом достаточно охвачены все разделы вопроса, единичные наводящие вопросы; студент демонстрирует способность самостоятельно решать сложные проблемы в рамках учебной программы;

– *9 баллов*: систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам учебной программы; студент демонстрирует способность самостоятельно и творчески решать сложные проблемы в нестандартной ситуации в рамках учебной программы;

– *10 баллов*: ответ на вопрос полный, не было необходимости в дополнительных (наводящих вопросах); студент демонстрирует систематизированные, глубокие и полные знания по всем разделам учебной программы, а также по основным вопросам, выходящим за ее пределы.

6. Решение задачи оценивается следующим образом:

– *10 баллов*: задание выполнено на 91-100 %, решение и ответ аккуратно оформлены, выводы обоснованы, дана правильная и полная интерпретация выводов, студент аргументировано обосновывает свою точку зрения, уверенно и правильно отвечает на вопросы преподавателя;

– *9 баллов*: задание выполнено на 86-90 %, решение и ответ аккуратно оформлены, выводы обоснованы, дана правильная и полная интерпретация выводов, студент аргументировано обосновывает свою точку зрения, правильно отвечает на вопросы преподавателя;

– *8 баллов*: задание выполнено на 81-85 %, ход решения правильный, незначительные погрешности в оформлении; правильная, но не полная интерпретация выводов, студент дает верные, но не полные ответы на вопросы преподавателя, испытывает некоторые затруднения в интерпретации полученных выводов;

– *7 баллов*: задание выполнено на 74-80 %, ход решения правильный, значительные погрешности в оформлении; правильная, но не полная интерпретация выводов, студент дает правильные, но не полные ответы на вопросы преподавателя, испытывает определенные затруднения в интерпретации полученных выводов;

– *6 баллов*: задание выполнено 66-75 %, подход к решению правильный, есть ошибки, оформление с незначительными погрешностями, неполная

интерпретация выводов, не все ответы на вопросы преподавателя правильные, не способен интерпретировать полученные выводы;

– 5 баллов: задание выполнено на 60-65 %, подход к решению правильный, есть ошибки, значительные погрешности при оформлении, неполная интерпретация выводов, не все ответы на вопросы преподавателя правильные, не способен интерпретировать полученные выводы;

– 4 балла: задание выполнено на 55-59 %, подход к решению правильный, есть ошибки, значительные погрешности при оформлении, неполная интерпретация выводов, не все ответы на вопросы преподавателя правильные, не способен интерпретировать полученные выводы;

– 3 балла: задание выполнено на 41-54 %, решение содержит грубые ошибки, неаккуратное оформление работы, неправильная интерпретация выводов, студент дает неправильные ответы на вопросы преподавателя;

– 2 балла: задание выполнено на 20-40 %, решение содержит грубые ошибки, неаккуратное оформление работы, выводы отсутствуют; не может прокомментировать ход решения задачи, дает неправильные ответы на вопросы преподавателя;

– 1 балл: задание выполнено менее, чем на 20 %, решение содержит грубые ошибки, студент не может прокомментировать ход решения задачи, не способен сформулировать выводы по работе.

9.6 Типовые контрольные задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

Типовые задания для письменной аудиторной работы (7 семестр)

1. Решить задачи условной оптимизации функций

$$x_1^2 + x_2^2 - 3x_1x_2 \rightarrow \text{extr}.$$

$$2x_1^4 - x_2^4 - x_1^2 - 2x_2^2 \rightarrow \text{extr}.$$

$$5x_1^2 + 4x_1x_2 + x_2^2 - 16x_1 - 12x_2 \rightarrow \text{extr}.$$

$$5x^2 + 4xy + y^2 \rightarrow \text{extr}, \quad x + y = 1.$$

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 \rightarrow \text{extr}, \quad x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 1.$$

$$x^2 + y^2 \rightarrow \text{extr}, \quad 3x + 4y = 1.$$

$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}, \quad x_1 + x_2 + x_3 = 1, \quad x_1 + x_2 - x_3 = 1/2.$$

$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 \rightarrow \text{extr}, \quad x_1 + x_2 + x_3 \leq 12, \quad x_i \geq 0, \quad i = \overline{1, 3}.$$

$$x_1x_2 - 2x_2 \rightarrow \text{extr}, \quad 2x_1 - x_2 - 3x_3 \leq 10, \quad x_2 \geq 0, \quad 3x_1 + 2x_2 + x_3 = 6$$

$$e^{x_1 - x_2} - x_1 - x_2 \rightarrow \text{extr}, \quad x_1 + x_2 \leq 1, \quad x_1 \geq 0, \quad x_2 \geq 0.$$

2. Составить и решить уравнение Эйлера в задачах с закрепленными границами

$$\int_0^1 (\dot{x}^2 + tx) dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = x(1) = 0.$$

$$\int_0^e t\dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(1) = 0, \quad x(e) = 1.$$

$$\int_0^1 (1+t)\dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = 0, \quad x(1) = 1.$$

$$\int_0^1 x^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = 1, \quad x(1) = \sqrt{2}.$$

3. Решить задачи с подвижными границами

$$\int_0^T \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = 0, \quad T + x(T) + 1 = 0.$$

$$\int_0^T (\dot{x}^2 + x) dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = 1.$$

4. В задаче 2 для найденных экстремалей проверить достаточные условия сильного и слабого экстремума.

5. Составить и решить уравнения Эйлера - Пуассона

$$\int_0^1 \ddot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = \dot{x}(0) = \dot{x}(1) = 0, \quad x(1) = 1.$$

$$\int_0^\pi (\dot{x}^2 - x^2) dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = 0, \quad \dot{x}(0) = 1, \quad x(\pi) = \text{sh}\pi, \quad \dot{x}(\pi) = \text{ch}\pi$$

$$\int_0^\pi (\dot{x}^2 - x^2) dt \rightarrow \text{extr}, \quad x(0) = \dot{x}(0) = 0, \quad x(\pi) = \text{sh}\pi, \quad \dot{x}(\pi) = \text{ch}\pi + 1$$

Типовые задания для письменной аудиторной работы (8 семестр)

6. Решить изопериметрические задачи

$$\int_0^\pi \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad \int_0^\pi x \cos t dt = \frac{\pi}{2}, \quad x(0) = 1, \quad x(\pi) = -1.$$

$$\int_0^\pi \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad \int_0^\pi x \sin t dt = 0, \quad x(0) = 0, \quad x(\pi) = 1.$$

$$\int_0^1 (\dot{x}^2 + x^2) dt \rightarrow \text{extr}, \quad \int_0^1 x e^t dt = \frac{e^2 + 1}{4}, \quad x(0) = 0, \quad x(1) = e.$$

7. Решить задачи Больца

$$\int_0^{\pi/2} (\dot{x}^2 - x^2 - 2x) dt - 2x^2(0) - x^2(\pi/2) \rightarrow \text{extr}.$$

$$\int_0^1 \dot{x}^2 dt + 4x^2(0) - 5x^2(1) \rightarrow \text{extr}.$$

$$\int_0^1 (\dot{x}^2 - x) dt - \frac{x^2(1)}{2} \rightarrow \text{extr}.$$

$$\int_0^1 (\dot{x}_1 \dot{x}_2 + x_1 x_2) dt + x_1(0)x_2(1) + x_1(1)x_2(0) \rightarrow \text{extr}.$$

7. Решить задачи оптимального управления

$$\int_0^4 (\dot{x}^2 + x) dt \rightarrow \text{extr}, \quad |\dot{x}| \leq 1, \quad x(4) = 0.$$

$$\int_0^2 x dt \rightarrow \text{extr}, \quad |\ddot{x}| \leq 2, \quad x(0) + x(2) = 0, \quad \dot{x}(0) = 0.$$

$$\int_0^4 x dt \rightarrow \text{extr}, \quad |\ddot{x}| \leq 2, \quad x(0) + x(4) = 0, \quad \dot{x}(0) = \dot{x}(4) = 0.$$

9. Для изготовления трех видов деталей *A*, *B* и *C* на предприятии используются два взаимозаменяемых станка разной производительности. Суточные нормы выпуска деталей видов *A*, *B* и *C* соответственно равны 150, 100 и 50 штук. Каждый станок может эксплуатироваться 24 часа в сутки. Затраты времени на изготовление одной детали каждого вида для каждого из используемых станков указаны в таблице.

Требуется составить план загрузки станков, минимизирующий время их работы. Решение задачи следует провести по следующему плану:

- составить экономико-математическую модель задачи;
- решить задачу с использованием алгоритма пересчета симплекс таблицы;
- провести анализ результатов с учетом того, что по смыслу задачи переменные в оптимальном плане могут принимать только целочисленные значения.

Станки	Затраты времени на одну деталь в мин		
	A	B	C
I	2	M	10
II	8	N	4

Перечень примерных вопросов к зачёту с оценкой для проведения промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины (7 семестр)

1. Понятие экстремума функции. Локальные и глобальные экстремумы. Необходимые и достаточные условия безусловного экстремума функции одной и нескольких переменных.
2. Задача поиска условного экстремума функции с ограничениями в виде равенств. Метод множителей Лагранжа.
3. Задача поиска условного экстремума функции с ограничениями в виде равенств и неравенств. Задача математического программирования.
4. Выпуклое программирование.
5. Понятие функционала. Экстремумы функционала. Задачи о брахистохроне и о поверхности вращения с наименьшей площадью.
6. Близость кривых 0 и 1 порядка. Сильный и слабый экстремум.
7. Линейные функционалы. Первая вариация функционала. Лемма о представлении первой вариации. Необходимое условие экстремума.
8. Классическая задача вариационного исчисления. Основная лемма вариационного исчисления. Уравнение Эйлера.
9. Случаи упрощения уравнения Эйлера.
10. Функционалы, зависящие от нескольких функций (система уравнений Эйлера) и от производных старшего порядка (уравнение Эйлера - Пуассона).
11. Функционалы, зависящие от функции нескольких переменных (уравнение Остроградского).
12. Классическая вариационная задача с подвижными границами. Случаи свободной границы и границы, лежащей на некоторой кривой (условия трансверсальности).
13. Экстремали с угловыми точками.
14. Односторонние вариации.
15. Понятие второй вариации функционала. Достаточные условия экстремума функционала.
16. Достаточные условия слабого экстремума в классической вариационной задаче. Условия Лежандра и Якоби.
17. Поле экстремалей. Функция Вейерштрасса. Достаточные условия сильного экстремума в классической вариационной задаче.
18. Каноническая форма уравнений Эйлера. Функция Гамильтона.

Перечень примерных вопросов к экзамену для проведения промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины (8 семестр)

1. Задача Лагранжа на условный экстремум.
2. Изопериметрическая задача.
3. Задачи Майера и Больца.
4. Задача программного управления. Оптимальные программные уравнения. Принцип максимума Понтрягина.
5. Задача оптимального демпфирования. Уравнение Беллмана. Связь с оптимальным программным управлением.
6. Градиентные методы поиска экстремума функции.
7. Прямые методы в вариационных задачах. Методы Эйлера и Рунге.

Типовая задача для промежуточной аттестации (7 семестр)

Составить и решить уравнение Эйлера для функционала

$$\int_0^1 (x^2(t) - \dot{x}(t)x(t) + 2\dot{x}(t)) dt, \quad x(0) = 1, \quad x(1) = 0.$$

Типовая задача для промежуточной аттестации (8 семестр)

Решить изопериметрическую задачу:

$$\int_0^\pi \dot{x}^2 dt \rightarrow \text{extr}, \quad \int_0^\pi x \sin t dt = 0, \quad x(0) = 0, \quad x(\pi) = 1.$$

10 Методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины

Методика преподавания дисциплины «Методы оптимизации» характеризуется совокупностью методов, приемов и средств обучения, обеспечивающих реализацию содержания и учебно-воспитательных целей дисциплины, которая может быть представлена как некоторая методическая система, включающая методы, приемы и средства обучения. Такой подход позволяет более качественно подойти к вопросу освоения дисциплины обучающимися.

Лекции являются одним из важнейших видов учебных занятий и составляют основу теоретической подготовки обучающихся по дисциплинам вообще и по дисциплине «Методы оптимизации» в частности. Будучи по содержанию теоретическими, прикладными и методическими, по данной дисциплине они являются *теоретическими*. По назначению: *вводными, тематическими и заключительными*.

Методика преподавания лекционного курса дисциплины строится на использовании конкретной, оптимальной для нее методической системы. Методическая системы есть сумма методов, приемов и средств обучения. Основой для построения системы служат дидактические принципы высшей школы, педагогическая психология и обобщенный опыт преподавания дисциплины.

При проведении лекций преподаватель опирается на базовые знания студентов по общенаучным дисциплинам с тем, чтобы основное время уделить специфическим вопросам дисциплины, а не повторению пройденного ранее материала. В процессе подготовки к лекции и в ходе ее изложения важным является развитие интереса обучающихся к преподаваемой дисциплине.

Интерес к изучению учебного материала достигается на лекции применением *комплекса методических приемов*: четкой формулировкой темы, разъяснением важности знания учебного материала для дальнейшей практической деятельности; выделением в изучаемом материале главного; созданием на занятиях хорошего эмоционального настроения; использованием творческого характера заданий на самостоятельную работу, выдаваемых обучающимся.

В зависимости от специфики преподаваемых дисциплин практические занятия условно можно разделить на две группы. Основным содержанием первой группы занятий является решение задач, производство расчетов, разработка документов, выполнение графических и других работ, второй группы – овладение методикой анализа и принятия решений.

Любое практическое занятие начинается, как правило, с формулирования его целевых установок. Понимание обучаемыми целей и задач занятия, его значения для специальной подготовки способствует повышению интереса к занятию и активизации работы по овладению учебным материалом.

Основную часть практического занятия составляет работа обучающихся по выполнению учебных заданий под руководством преподавателя. Эффективность этой части занятия зависит от ряда условий. Прежде всего, требуется тщательная разработка учебных заданий. По своему содержанию каждое задание должно быть логическим развитием основной идеи дисциплины и учитывать специальность подготовки обучающихся. Наряду с этим в задании необходимо предусмотреть использование и закрепление знаний, навыков и умений, полученных при изучении смежных дисциплин, т.е. учесть принцип комплексности в обучении.

Практические занятия, закрепляя и углубляя знания, в то же время должны всемерно содействовать развитию мышления обучающихся. Наиболее успешно это достигается в том случае, когда учебное задание содержит элементы проблемности, т.е. возможность неоднозначных решений или ответов, побуждающих обучающихся самостоятельно рассуждать, искать ответы и т.п. Постановка на занятиях проблемных задач и вопросов требует соответствующей подготовки преподавателя. Готовясь к занятию, он должен заранее наметить все вопросы, имеющие проблемный характер, продумать четкую их формулировку и оптимальные варианты решения с активным участием обучающихся.

В современных условиях перед студентом стоит важная задача – научиться работать с массивами информации. Обучающимся необходимо развивать в себе способность и потребность использовать доступные информационные возможности и ресурсы для поиска нового знания и его распространения. Для достижения этой цели, в вузе организуется самостоятельная работа

обучающихся. Кроме того, современное обучение предполагает, что существенную часть времени в освоении учебной дисциплины обучающийся проводит самостоятельно.

Завершающим этапом самостоятельной работы является подготовка к сдаче зачёта с оценкой (7 семестр) и экзамена (8 семестр) по дисциплине, предполагающая интеграцию и систематизацию всех полученных при изучении учебной дисциплины знаний.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.04 «Прикладная математика».

Программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры №8 Прикладной математики и информатики

« 15 » сентября 2021 года, протокол № 2.

Разработчики:


к.ф.-м.н., доцент


(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы разработчиков)

Платонов А.В.

И.о.заведующего кафедрой № 8 Прикладной математики и информатики

д.т.н., доцент


(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы заведующего кафедрой)

Костин Г.А.

Программа согласована:

Руководитель ОПОП

д.т.н., доцент


(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы руководителя ОПОП)

Костин Г.А.

Программа рассмотрена и одобрена на заседании Учебно-методического совета Университета « 20 » октября 2021 года, протокол № 2.