



**ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ВОЗДУШНОГО ТРАНСПОРТА  
(РОСАВИАЦИЯ)  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ  
ГРАЖДАНСКОЙ АВИАЦИИ ИМЕНИ ГЛАВНОГО МАРШАЛА  
АВИАЦИИ А.А. НОВИКОВА»**

**УТВЕРЖДАЮ**

Ректор

**/ Ю.Ю. Михальчевский**

« 23 »

11

2023 года

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Алгоритмы и структуры данных**

Направление подготовки  
**01.03.04 Прикладная математика**

Направленность программы (профиль)  
**Математическое и программное обеспечение беспилотных авиационных систем**

Квалификация выпускника  
**бакалавр**

Форма обучения  
**очная**  
Санкт-Петербург  
2023

## **1 Цели освоения дисциплины**

Целями освоения дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» являются формирование у студентов комплекса знаний в отношении форм организации данных в программах и методов их обработки применительно к различным классам задач, решаемых в рамках теоретической информатики, а также приобретение ими навыков и умений анализа эффективности существующих классических и вновь разрабатываемых алгоритмов.

Для достижения поставленных целей в рамках дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» решаются следующие задачи:

- ознакомление обучающихся с классическими методами решения в области теоретической информатики;
- приобретение обучающимися умений ведения доказательств и установления корректности математических утверждений;
- овладение обучающимися навыками определения вычислительной сложности (производительности, эффективности) алгоритмов и интерфейсов структур данных.

Дисциплина обеспечивает подготовку выпускника к решению задач профессиональной деятельности научно-исследовательского типа.

## **2 Место дисциплины в структуре ОПОП ВО**

Дисциплина Б1.В.ДЭ.02.01 «Алгоритмы и структуры данных» представляет собой дисциплину, относящуюся к Части, формируемой участниками образовательных отношений, Блока 1 «Элективные дисциплины» и является дисциплиной по выбору.

Дисциплина «Алгоритмы и структуры данных» базируется на результатах обучения, полученных при изучении дисциплин: «Информатика», «Алгоритмы дискретной математики», «Технология программирования», «Алгоритмические языки и программирование», «Программные и аппаратные средства беспилотных авиационных систем», Учебная (ознакомительная) практика.

Дисциплина «Алгоритмы и структуры данных» является обеспечивающей для следующих дисциплин: «Основы криптографии», «Java-технологии», «Программирование беспилотных авиационных систем», Подготовка к сдаче и сдаче государственного экзамена.

Дисциплина «Алгоритмы и структуры данных» изучается в 5 и 6 семестрах.

### **3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины**

Процесс освоения дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» направлен на формирование следующих компетенций:

Код компетенции/ индикатора	Результат обучения: наименование компетенции, индикатора компетенции
ПК-2	Способен разрабатывать алгоритмы и реализовывать их на основе современных парадигм, технологий и языков программирования.
ИД <sup>1</sup> <sub>ПК2</sub>	Применяет имеющиеся технологии и знания при разработке и реализации алгоритмов в ходе профессиональной деятельности
ИД <sup>2</sup> <sub>ПК2</sub>	Оценивает адекватность и логичность применения разработанного алгоритма в рамках конкретной задачи

Планируемые результаты изучения дисциплины:

Знать:

- основные структуры данных, используемые для представления типовых информационных объектов
- основные алгоритмы и их характеристики сложности для типовых задач, ставших классическими в теоретической информатике
- методы оценки вычислительной сложности
- методики поиска информации по заданной тематике

Уметь:

- разрабатывать алгоритмы, выбирая подходящие структуры данных для представления информационных объектов
- реализовывать алгоритмы и структуры данных как на абстрактном уровне (посредством псевдокода), так и на языках программирования
- экспериментально исследовать эффективность алгоритма и программы

Владеть:

- методами оценки вычислительной сложности алгоритмов
- методами определения корректности разрабатываемого алгоритма
- навыками составления эффективных алгоритмов и структур данных
- навыками использования типовых алгоритмов для реальных прикладных задач

#### 4 Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7 зачетных единиц, 252 академических часа.

Наименование	Всего часов	Семестры	
		5	6
Общая трудоемкость дисциплины	252	108	144
Контактная работа:	122,8	56,3	66,5
лекции	60	28	32
практические занятия	60	28	32
семинары	-	-	-
лабораторные работы	-	-	-
курсовой проект	-	-	-
Самостоятельная работа студента	87	43	44
Промежуточная аттестация:	45	9	36
контактная работа	2,8	0,3	2,5
контроль (5 и 6 семестры)	зачет, экзамен (7 з.е.) 42,2	зачет (3 з.е.) 8,7	экзамен (4 з.е.) 33,5

Промежуточная аттестация:

- семестр 5 – зачет,
- семестр 6 – экзамен.

## 5 Содержание дисциплины

### 5.1 Соотнесения тем (разделов) дисциплины и формируемых компетенций

Темы, разделы дисциплины	КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ	КОМПЕТЕНЦИИ	Образовательные технологии	Оценочные средства
		ПК-2		
Тема 1. Введение	26	+	ВК, Л, ПЗ, СРС, ИТ	ВК, УО, ПР
Тема 2. Элементарные структуры данных	16	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Тема 3. Элементы теории графов и алгоритмы обходов	20	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Тема 4. Проблема нахождения кратчайших путей	21	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Тема 5. Вычислительная геометрия	16	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Итого за семестр 5	99			
Промежуточная аттестация	9			
Всего за семестр 5	108			
Тема 6. Двоичные деревья поиска	31	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Тема 7. Хеш таблицы	27	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Тема 8. Минимальные покрывающие деревья	27	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Тема 9. Алгоритмы поиска подстроки	23	+	Л, ПЗ, СРС, ИТ	УО, ПР
Итого за семестр 6	108			
Промежуточная аттестация	36			
Всего за семестр 6	144			
Всего по дисциплине	252			

Сокращения: Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, ВК – входной контроль, СРС – самостоятельная работа студента, УО – устный опрос, ПР – разбор практических заданий, ИТ - ИТ-методы.

## 5.2. Темы (разделы) дисциплины и виды занятий

Наименование темы (раздела) дисциплины	Л	ПЗ	ЛР	СРС	КП	Всего часов
5 семестр						
Тема 1. Введение	8	8	-	10	-	26
Тема 2. Элементарные структуры данных	4	4	-	8	-	16
Тема 3. Элементы теории графов и алгоритмы обходов	6	6	-	8	-	20
Тема 4. Проблема нахождения кратчайших путей	6	6	-	9	-	21
Тема 5. Вычислительная геометрия	4	4	-	8	-	16
Итого за семестр	28	28	-	43	-	99
Промежуточная аттестация						9
Всего за семестр						108
6 семестр						
Тема 6. Двоичные деревья поиска	10	10	-	16	-	36
Тема 7. Хеш таблицы	8	8	-	8	-	24
Тема 8. Минимальные покрывающие деревья	8	8	-	8	-	24
Тема 9. Алгоритмы поиска подстроки	6	6	-	12	-	24
Итого за семестр	32	32	-	44	-	108
Промежуточная аттестация						36
Всего за семестр						144
Всего по дисциплине						252

Сокращения: Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, ЛР – лабораторная работа, СРС – самостоятельная работа студента, КП – курсовой проект.

## 5.3 Содержание разделов дисциплины

### Тема 1. Введение.

Определение алгоритма, вычислительной проблемы, размера задачи. Формальное описание алгоритма. Алгоритмы сортировки: Choice-Sort, Bubble-Sort, Insertion-Sort, Quick-Sort, Count-Sort. Проблема нижней границы сортировки. Алгоритм сортировки вставками (Insertion-Sort). Время выполнения алгоритма. Худшее, лучшее и среднее время выполнения алгоритма. Асимптотический анализ. Определения для  $O$ ,  $\Theta$ ,  $\Omega$  – нотаций. Методы определения верхней и нижней границы скорости роста монотонной функции. Элементы теории множеств. Рекуррентные выражения. Стратегия разделяй и властвуй. Алгоритм сортировки слиянием (Merge-Sort). Методы вычисления рекурсивных выражений: итерационны, подстановки, мастер

формула. Примеры использования математической индукции. Алгоритм быстрой сортировки Quick-Sort. Нижняя граница для решения проблемы сортировки. Сортировка за линейное время – сортировка подсчетом (Count-Sort).

### **Тема 2. Элементарные структуры данных.**

Статический массив. Динамический массив. Стек. Очередь. Связанный список (двойной, одиночный). Организация машинной памяти элементарных структур данных. Интерфейсы и их вычислительная сложность. Области применения.

### **Тема 3. Элементы теории графов и алгоритмы обходов.**

Определение графа. Направленный и ненаправленный граф. Степень вершины. Путь и цикл. Методы представления графов в машинной памяти: последовательность граней, массив смежных вершин, список смежных вершин, матрица смежностей. Проблема обхода графа. Обобщенный алгоритм обхода. Обход графа поиском в ширину – алгоритм BFS. Обход графа поиском в глубину – алгоритм DFS. Классификация граней в графе. Топологическая сортировка. Деревья и их свойства. Двоичная куча. Пирамидальная сортировка.

### **Тема 4. Проблема нахождения кратчайших путей.**

Определение проблемы. Стоимость путей в графах. Стратегии решения проблемы SSSP. Релаксация граней. SSSP в направленном ациклическом графе. SSSP в графах с неотрицательной стоимостью граней – алгоритм Дейкстры. Приоритетная очередь. Практическое использование алгоритма Дейкстры. Дейкстра с различными реализациями приоритетных очередей: наивная реализация, очередь корзин, радикал. SSSP для произвольных стоимостей граней – алгоритм Бельман-Форда.

### **Тема 5. Вычислительная геометрия.**

Область применения. Функция ориентации. Проблема выпуклой оболочки. Алгоритм Грехема. Алгоритм разделяй и властвуй. Алгоритм последовательного построения. Проблема нахождения наименьшей окружности обрамления. Нахождение пересечений отрезков на плоскости – алгоритм скользящей линии (Sweep Line). Пересечение плоскостных разбиений. Триангуляция.

### **Тема 6. Двоичные деревья поиска.**

Проблема двоичного поиска. Определение отсортированной последовательности (ОП) и операции над ними. Примеры использования ОП в практических приложениях. Реализация двоичного дерева. (a,b)-деревья. Операции locate(), insert(), remove(). Амортизационный анализ производительности структуры данных. Метод агрегаций. Банковский метод. Метод потенциалов.

### **Тема 7. Хеш таблицы.**

Прямая адресация. Хеш-функции. Универсальное хеширование. Эвристические методики выбора хеш функции. Открытая адресация.

### **Тема 8. Минимальные покрывающие деревья.**

Проблема построения минимального остова. Практическая область применения. Алгоритм Крускала. Алгоритм Ярника-Прима. Структура данных Union-Find.

### **Тема 9. Алгоритмы поиска подстроки.**

Обозначения и терминология. Простейший алгоритм. Алгоритм Рабина-Карпа. Поиск подстроки с помощью конечных автоматов. Алгоритм Кнута-Морриса-Пратта. Префикс-функция. Алгоритм Бойера-Мура.

## 5.4 Практические занятия

Номер темы дисциплины	Тематика практических занятий	Трудоемкость (часы)
5 семестр		
1	Практическое занятие 1. Методы определения вычислительной сложности алгоритмов. Асимптотическая форма записи для временных и пространственных затрат	2
	Практическое занятие 2. Способы раскрытия рекуррентных выражений. Метод математической индукции.	2
	Практическое занятие 3. Алгоритмы сортировки: Choice-Sort, Bubble-Sort, Insertion-Sort, Quick-Sort, Count-Sort. Проблема нижней границы сортировки.	2
	Практическое занятие 4. Способы организации графа в машинной памяти	2
2	Практическое занятие 5. Статический и динамический массив в языках программирования.	2
	Практическое занятие 6. Способы реализации связанного списка. Структуры данных - стек и очередь.	2
3	Практическое занятие 7. Работа алгоритма обхода графа для заданного графа - поиск в ширину (BFS), входные и выходные параметры, время выполнения	2
	Практическое занятие 8. Работа алгоритма обхода графа для заданного графа - поиск в глубину (DFS), входные и выходные параметры, время выполнения	2
	Практическое занятие 9. Алгоритм топологической сортировки. Структура данных - двоичная куча и алгоритм пирамидальная сортировка.	2
4	Практическое занятие 10. Работа алгоритма поиска кратчайших путей для ациклического направленного графа	2
	Практическое занятие 11. Работа алгоритма Дейкстры на заданном примере графа	2
	Практическое занятие 12. Примеры работы (заполнения) приоритетной очереди: наивная реализация, двоичная куча, очередь	2
5	Практическое занятие 13. Алгоритм Грэхема (поиск выпуклой оболочки) и функция ориентации. Разбор	2

	работы алгоритма скользящей линии на примерах.	
	Практическое занятие 14. Делони- триангуляция на примере построения функции высоты.	2
Итого за семестр 5		28
6 семестр		
6	Практическое занятие 1. Реализация двоичного дерева поиска.	2
	Практическое занятие 2. Реализация структуры данных и интерфейсных методов (a,b)-деревьев.	2
	Практическое занятие 3-4. Методы амортизационного анализа: метод агрегации, банковский метод, метод подстановки	4
	Практическое занятие 5. Применение деревьев поиска в практических приложениях: алгоритмы вычислительной геометрии, базы данных, планировщик задач операционной системы.	2
7	Практическое занятие 6. Реализация таблиц с прямой адресацией. Реализация хеш таблицы с простейшей функцией хеширования.	2
	Практическое занятие 7. Методики выбора хеш функции.	2
	Практическое занятие 8-9. Хеш таблицы с открытой адресацией. Определение вероятности коллизий.	4
8	Практическое занятие 10-11. Алгоритм Крускала - работа алгоритма на примерных графах.	4
	Практическое занятие 12. Алгоритм Ярника-Прима - работа алгоритма на примерных графах.	2
	Практическое занятие 13. Реализация структуры данных Union-Find	2
9	Практическое занятие 14. Алгоритмы поиска подстроки - метод Кнута-Мориса-Прата	2
	Практическое занятие 15-16. Расчеты функции сдвигов. Алгоритм Бойера-Мура. Суффиксные деревья.	4
Итого за семестр 6		32
Итого по дисциплине		60

## 5.5 Лабораторный практикум

Лабораторный практикум учебным планом не предусмотрен.

## 5.6 Самостоятельная работа

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость (часы)
5 семестр		
1	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [1, 3, 4, 6]	10
2	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [1,5, 8-11]	8
3	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [3,8-11]	8
4	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [2]	9
5	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [2, 11]	8
Всего за семестр 5		43
6 семестр		
6	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [1, 2, 7]	11
7	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [1,4]	11
8	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [2, 8-11]	11

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость (часы)
9	Изучение теоретического материала темы. Подготовка отчета для защиты письменной аудиторной работы. [2]	11
Всего за семестр 6		44
Итого по дисциплине		87

## 5.7 Курсовые работы (проекты)

Курсовые работы (проекты) учебным планом не предусмотрены.

## 6 Учебно-методическое и информационное обеспечение

### дисциплины

а) основная литература:

1. Конова, Е.А. **Алгоритмы и программы. Язык С++** [Электронный ресурс] : учеб, пособие / Е.А. Конова, Г.А. Поллак. — Электрон, дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2018. — 384 с. — ISBN — 978-5-8114-2020-9. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/103905> . — Загл. с экрана. (дата обращения: 29.09.2023)

2. Мяготин А.В. **Алгоритмы, структуры данных и численные методы** [Текст]: учеб, пособие / Мяготин А.В. - СПбГУ ГА, С.-Петербург, 2015. - 117с. Количество экземпляров: 24 (дата обращения: 29.09.2023)

3. Асанов, М.О. **Дискретная математика: графы, матроиды, алгоритмы** [Электронный ресурс] : учеб, пособие / М.О. Асанов, В.А. Баранский, В.В. Расин. — Электрон, дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 368 с. — ISBN — 978-5-8114-1068-2. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/536> . — Загл. с экрана. (дата обращения: 29.09.2023)

4. Крупский, В. Н. **Теория алгоритмов. Введение в сложность вычислений** [Электронный ресурс]: учебное пособие для бакалавриата и магистратуры / В. Н. Крупский. — 2-е изд., испр. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2018. — 117 с. — (Серия : Авторский учебник). — ISBN 978-5-534-04817-9. — Режим доступа : [www.biblionlme.ru/book/F55D893F-2F17-4BE9-988C-9B1B60BD43C1](http://www.biblionlme.ru/book/F55D893F-2F17-4BE9-988C-9B1B60BD43C1) — Загл. с экрана. (дата обращения: 29.09.2023)

б) дополнительная литература:

5. Глухов, М.М. **Математическая логика. Дискретные функции. Теория алгоритмов** [Электронный ресурс] : учебное пособие / М.М. Глухов, А.Б. Шишков. — Электрон, дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2012. — 416 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/4041> . — Загл. с

экрана. (дата обращения: 29.09.2023)

в) перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

6. **Wikipedia** [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://www.wikipedia.org>. - Загл. с экрана, (дата обращения: 29.09.2023)

7. **Алгоритмы теория и практика - видеоуроки** [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <https://stepik.org/course/217/syllabus> .- Загл. с экрана. (дата обращения: 29.09.2023)

г) программное обеспечение (лицензионное), базы данных, информационно-справочные и поисковые системы:

8. **Единое окно доступа к образовательным ресурсам** [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://window.edu.ru>. (дата обращения: 29.09.2023).

9. **Электронная библиотека научных публикаций «eLIBRARY.RU»** [Электронный ресурс] — Режим доступа: <http://elibrary.ru/>. (дата обращения: 29.09.2023).

10. **Электронно-библиотечная система издательства «Лань»** [Электронный ресурс] — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/>, (дата обращения: 29.09.2023).

11. **Cygwin** [Программное обеспечение] — Режим доступа: <https://www.cygwin.com/> - свободный (дата обращения: 29.09.2023).

## **7 Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Компьютерные классы кафедры № 8 (ауд.: 800, 801, 803, 804) с доступом в Интернет, переносной проектор.

Информационно-справочные и материальные ресурсы библиотеки СПбГУГА.

Лицензионное программное обеспечение: Microsoft Office, свободная среда программирования CygWin с компилятором GNU GCC.

## **8 Образовательные и информационные технологии**

В структуре дисциплины в рамках реализации компетентного подхода в учебном процессе используются следующие образовательные технологии: лекции (Л), практические занятия (ПЗ), самостоятельная работа студентов (СРС), IT-методы (IT).

Входной контроль проводится преподавателем в начале изучения дисциплины с целью коррекции процесса усвоения студентами дидактических единиц. Он осуществляется по вопросам дисциплин, на которых базируется дисциплина «Алгоритмы и структуры данных» (п.2).

Лекция составляет основу теоретического обучения в рамках дисциплины и направлена на систематизированное изложение накопленных и актуальных научных знаний.

Практическое занятие предназначено для отработки навыков использования приобретенных на лекционных занятиях теоретических знаний для решения прикладных и практических задач. На практических занятиях студент получает очередной блок заданий для самостоятельной работы и имеет возможность отчитаться по ранее выполненным заданиям.

Самостоятельная работа является составной частью учебной работы. Ее основной целью является формирования навыка самостоятельного приобретения новых знаний по вопросам теоретического курса, закрепление и углубление полученных знаний, работа с периодическими изданиями и научно-популярной литературой, в том числе находящейся в информационных сетях, отработка навыков работы со специализированными программными пакетами. Самостоятельная работа подразумевает выполнение учебных заданий, полученных на практических занятиях.

Решения заданий, выносимых на самостоятельную работу, выполняются в форме отчета. Контроль за выполнением студентами заданий, выносимых на самостоятельную работу, осуществляет преподаватель в процессе их проверки (защиты) в период, отведенный на практические занятия.

IT-методы являются еще одним вариантом образовательной технологии. В рамках представленной дисциплины, под термином скрывается проведение учебного занятия, в рамках которого преподаватель формулирует задачу, сопряженную с теоретическим материалом, разбивает ее на этапы решения, которые последовательно решаются им с использованием компьютерной станции, оборудованной демонстрационным проектором. Студенты, находящиеся на своих рабочих местах, дублируют за преподавателем ходы решения - этап за этапом, вырабатывая в себе компонент «владения» заявленной компетенции, задают сопутствующие вопросы, тем самым закрепляя компоненты «знания» и «умения» формируемой компетенции. Данный вид занятия в полной мере обеспечивает продуктивный и творческий уровень деятельности студента при выполнении практически-значимых заданий.

Консультация – одна из форм руководства самостоятельной работой студентов и оказания им помощи в освоении учебного материала. Консультации может проводиться не реже раза в неделю в часы, свободные от учебных занятий, и носят индивидуальный характер. На консультациях разбираются вопросы, на которых базируется изучаемая дисциплина, и которые требуют более глубокого уровня освоения и понимания.

Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов:

1. Конспект лекций.
2. Соответствующая учебная литература.
3. Офисные программные пакеты и компилятор GNU GCC.

В рамках изучения дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» предполагается использовать в качестве информационных технологий среду Microsoft Office и Cygwin с компилятором GNU GCC.

## **9 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины**

Фонд оценочных средств дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» представляет собой комплекс методических и контрольных измерительных материалов, предназначенных для определения качества результатов обучения и уровня сформированности компетенций обучающихся в ходе освоения данной дисциплины. В свою очередь, задачами использования фонда оценочных средств являются осуществление как текущего контроля успеваемости студентов, так и промежуточной аттестации в форме зачета (экзамена).

Фонд оценочных средств дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» для текущего включает: устные опросы и письменную аудиторную работу.

Устный опрос проводится на практических занятиях в течение 15 минут с целью контроля усвоения теоретического материала, излагаемого на лекции. Перечень вопросов определяется уровнем подготовки учебной группы, а также индивидуальными особенностями обучающихся.

Письменная аудиторная работа предназначена для проверки умений и навыков применять полученные знания для решения практических задач.

Промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины проводится в виде зачета (5 семестр) и экзамена (6 семестр). Зачет и экзамен предполагают устные ответы на 2 теоретических вопроса из перечня вопросов, вынесенных на промежуточную аттестацию, а также решение задачи.

### **9.1. Балльно-рейтинговая оценка текущего контроля успеваемости и знаний студентов**

Не применяется.

### **9.2 Методические рекомендации по проведению процедуры оценивания знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций**

По итогам освоения дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» проводится промежуточная аттестация обучающихся в форме зачета и экзамена, что предполагает устный ответ студента по билетам на теоретические и практические вопросы из перечня.

*Зачет* является промежуточным этапом изучения дисциплины и имеет целью проверить и оценить учебную работу студентов, уровень полученных ими знаний, умение применять их к решению практических задач, овладение практическими навыками в объеме требований образовательной программы на промежуточном этапе формирования компетенции ПК-2.

Зачет по дисциплине проводится в период подготовки к зимней экзаменационной сессии 5 семестра обучения. К зачету допускаются студенты, выполнившие все требования учебной программы. Зачет принимается преподавателем, ведущим занятия в данной группе по данной дисциплине, а также лектором данного потока, в помощь, решением заведующего кафедрой, могут назначаться преподаватели, ведущие занятия по данной дисциплине.

*Экзамен* является заключительным этапом изучения дисциплины и имеет целью проверить и оценить учебную работу студентов, уровень полученных ими знаний, умение применять их к решению практических задач, овладение практическими навыками в объеме требований образовательной программы на промежуточном этапе формирования компетенции ПК-2.

Экзамен по дисциплине проводится в период подготовки к летней экзаменационной сессии 6 семестра обучения. К экзамену допускаются студенты, выполнившие все требования учебной программы. Экзамен принимается преподавателем, ведущим занятия в данной группе по данной дисциплине, а также лектором данного потока, в помощь, решением заведующего кафедрой, могут назначаться преподаватели, ведущие занятия по данной дисциплине.

Экзамен (зачет) проводится в объеме материала рабочей программы дисциплины по билетам в устной форме в специально подготовленных учебных классах. Перечень вопросов и задач, выносимых на экзамен (зачет), обсуждаются на заседании кафедры и утверждаются заведующим кафедрой. Предварительное ознакомление студентов с билетами запрещается.

Экзаменационные билеты (билеты для зачета) содержат два вопроса по теоретической части дисциплины и одну задачу.

В ходе подготовки к экзамену (зачету) необходимо проводить консультации, побуждающие студентов к активной самостоятельной работе. На консультациях высказываются четко сформулированные требования, которые будут предъявляться на экзамене (зачете). Консультации должны решать вопросы психологической подготовки студентов к экзамену (зачету), создавать нужной настрой и вселять студентам уверенность в своих силах.

За 10 минут до начала экзамена(зачета) староста представляет группу преподавателю, который кратко напоминает студентам порядок проведения

экзамена (зачета), требования к объему и методике изложения материала по вопросам билетов и т.д. После чего часть студентов вызываются для сдачи экзамена (зачета), остальные студенты располагаются в другой аудитории.

Вызванный студент - после доклада о прибытии для сдачи экзамена (зачета), представляет экзаменатору свою зачетную книжку, берет билет, получает чистые листы для записей и после разрешения садится за рабочий стол для подготовки. На подготовку к ответу студенту предоставляется до 30 минут. Общее время подготовки и ответа не должно превышать одного часа. В учебном классе, где принимается зачет, могут одновременно находиться студенты из расчета не более четырех на одного экзаменатора.

По готовности к ответу или по вызову экзаменатора студент отвечает на вопросы билета у доски. После ответа студента преподаватель имеет право задать ему дополнительные вопросы в объеме учебной программы.

В итоге проведенного зачета студенту выставляется оценка (зачет). Преподаватель несет личную ответственность за правильность выставленной оценки и оформления экзаменационной (зачетной) ведомости и зачетной книжки.

### 9.3 Темы курсовых работ (проектов) по дисциплине

Написание курсовых работ (проектов) учебным планом не предусмотрено.

### 9.4 Контрольные задания для проведения входного контроля остаточных знаний по обеспечивающим дисциплинам

1. Приведите определения терминов: алгоритм, рекурсия, множество, натуральное число, граф, дерево.

2. Докажите методом математической индукции

$$S(n) = \sum_{i=0}^n (2a_0 + i\Delta) = \frac{2a_0 + N\Delta}{2} N$$

3. Докажите методом математической индукции

$$\sum_{i=0}^{K-1} 2^i = 2^K - 1$$

4. Напишите на любом известном языке программирования текст программ, решающей уравнение вида  $kx + b = 0$ .

5. Приведите формулу суммы  $N$  членов геометрической последовательности.

6. Приведите примеры алгоритма ветвления и цикла.

### 9.5 Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Компетенции	Показатели оценивания (индикаторы достижения) компетенций	Критерии оценивания
I этап		
ПК-2	<p style="text-align: center;">ИД<sub>ПК2</sub><sup>1</sup></p> <p style="text-align: center;">ИД<sub>ПК2</sub><sup>2</sup></p>	<p>Знает:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- формальные определения для асимптотических <math>O</math>, <math>\Theta</math>, <math>\Omega</math> –нотаций</li> <li>- классы вычислительных проблем и существующие алгоритмы их решений</li> <li>- области применения и базовые характеристики элементарных структур данных – статический и динамический массив, стек, очередь, связанный список</li> </ul> <p>Умеет:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- выполнять обзор существующих методов решений</li> <li>- обращаться с инструментами по определению вычислительной сложности и используемых объемов машинной памяти для заданного алгоритма (структуры данных);</li> <li>- использовать элементарные структуры данных (статический и динамический массив, стек, очередь)</li> <li>- составлять решение вычислительной проблемы с использованием псевдокода;</li> </ul> <p>Владеет:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- использует асимптотическую нотацию для определения вычислительной сложности алгоритма</li> </ul>
II этап		
ПК-2	<p style="text-align: center;">ИД<sub>ПК2</sub><sup>1</sup></p>	<p>Знает:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- принципы работы и характеристики</li> </ul>

ИД<sup>к</sup>  
ПК2

сложных структур данных и способы их представления в машинной памяти  
– структуры данных для представления графа и дерева, хеши, сортирующие последовательности, контейнеры компьютерной графики

- характеристики производительности заданного алгоритма

- формальное доказательство (обоснование) эффективности алгоритма (структуры данных) с использованием асимптотических характеристик

Умеет:

- выбирать наиболее перспективные способы решения

- разбивать работу алгоритма на отдельные этапы с возможностью оценки производительности отдельных блоков;

- соотносить реальные измеренные временные (пространственные) оценки теоретическим асимптотическим характеристикам

- использовать элементарные и сложные структуры данных

- составлять решение вычислительной проблемы с использованием заданного языка программирования;

Владеет:

- Составлением алгоритмическое решение задачи, используя эффективные (высокопроизводительные) алгоритмы и методы

- Определением асимптотической оценки полученного решения

- методами проведения формального доказательства заявленной вычислительной сложности алгоритма

- математическими методами (в том числе индукцию) для доказательства корректности выполнения разрабатываемого алгоритма

### Шкала оценивания при проведении промежуточной аттестации

*«Отлично»* выставляется обучающемуся, показавшему всесторонние, систематизированные, глубокие знания по рассматриваемой компетенции и умение уверенно применять их на практике при решении задач, свободное и правильное обоснование принятых решений. Отвечая на вопрос, может быстро и безошибочно проиллюстрировать ответ собственными примерами. Обучающийся самостоятельно правильно решает задачу, дает обоснованную оценку итогам решения.

*«Хорошо»* выставляется обучающемуся, если он твердо знает материал, грамотно и по существу излагает его, умеет применять полученные знания на практике, но допускает в ответе или в решении задачи некоторые неточности, хорошо владеет всем содержанием, видит взаимосвязи, но не всегда делает это самостоятельно без помощи преподавателя. Обучающийся решает задачу верно, но при помощи преподавателя.

*«Удовлетворительно»* выставляется обучающемуся, показавшему фрагментарный, разрозненный характер знаний, недостаточно правильные формулировки базовых понятий, нарушения логической последовательности в изложении программного материала, но при этом он владеет основными разделами учебной программы в рамках заданной компетенции, необходимыми для дальнейшего обучения и может применять полученные знания по образцу в стандартной ситуации. Отвечает только на конкретный вопрос, соединяет знания из разных разделов курса только при наводящих вопросах преподавателя. Ситуационная задача решена не полностью, или содержатся незначительные ошибки в расчетах.

*«Неудовлетворительно»* выставляется обучающемуся, который не знает большей части основного содержания учебной программы дисциплины в рамках компетенций, допускает грубые ошибки в формулировках основных понятий дисциплины и не умеет использовать полученные знания при решении типовых практических задач. Не раскрыты глубина и полнота при ответах. Задача не решена даже при помощи преподавателя.

## **9.6 Типовые контрольные задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины**

### ***Типовая задача для письменной аудиторной работы (5 семестр)***

Докажите корректность следующих утверждений

- Если  $f_1(n) = O(g_1(n))$  и  $f_2(n) = O(g_2(n))$ , то
$$f_1(n) + f_2(n) = O(g_1(n) + g_2(n))$$
- Если  $f_1(n) = O(g_1(n))$  и  $f_2(n) = O(g_2(n))$ , то
$$f_1(n) f_2(n) = O(g_1(n) g_2(n))$$

### ***Типовая задача для письменной аудиторной работы (6 семестр)***

Пусть  $P_1$  и  $P_2$  - два выпуклых полигона на плоскости, каждый из которых представлен списком вершин (точек). Предложите алгоритм, который определяет выпуклую оболочку для объединения  $P_1 \cup P_2$  за время  $O(n_1+n_2)$ , где  $n_1$  и  $n_2$  число вершин в  $P_1$  и  $P_2$  соответственно. (Для удобства можете предположить, что все координаты  $x$  точек  $P_1$  меньше чем у вершин полигона  $P_2$ ).

### ***Типовые вопросы для устного опроса (5 семестр)***

1. Определение алгоритма.
2. Описание алгоритма пузырьковой сортировки.
3. Худшее время выполнения пузырьковой сортировки.
4. Пример асимптотического анализа алгоритма.
5. Определение рекурсии.
6. Описание алгоритма сортировка слиянием (Merge-Sort).
7. Нижняя граница проблемы сортировки для общего случая.
8. Ограничения для исходных данных сортировки Count-Sort.
9. Интерфейс динамического массива.
10. Стратегия LIFO и FIFO.
11. Формальное определение графа.
12. Как можно представить граф в машинной памяти?
13. Опишите проблему нахождения кратчайшего пути. Какие алгоритмы используются для решения данной проблемы?

### ***Типовые вопросы для устного опроса (6 семестр)***

1. Определение выпуклой оболочки.
2. Бинарное дерево, примеры использования.
3. Определение хэш-функции.
4. Методы построения минимальных покрывающих деревьев.
5. Определение подстроки. Проблема поиска подстроки.

### ***Перечень типовых вопросов к зачету для проведения промежуточной аттестации по дисциплине (5 семестр)***

1. Формальное определение алгоритма.
2. Пример вычислительной проблемы.
3. Формальное описание алгоритма. Отличия от кода языка высокого уровня.
4. Алгоритм пузырьковой сортировки.
5. Худшее время выполнения пузырьковой сортировки.
6. Асимптотический анализ - назначение и пример.
7. Определение и примеры рекуррентного выражения. Пример реализации стратегии разделяй и властвуй.
8. Алгоритм сортировка слиянием (Merge-Sort).

9. Концепция алгоритма быстрой сортировки Quicksort. Анализ времени выполнения.
10. Нижняя граница проблемы сортировки для общего случая.
11. Сортировка за линейное время методом Count-Sort.
12. Интерфейс и реализация динамического массива (vector).
13. Интерфейс и реализация стека. Стратегия LIFO.
14. Интерфейс и реализация очередь. Стратегия FIFO.
15. Формальное определение графа.
16. Представление графа последовательностью граней.
17. Представление графа матрицей смежностей.
18. Представление графа массивом смежных вершин.
19. Представление графа списком смежных вершин.
20. Проблема нахождения кратчайшего пути.
21. Алгоритм Дейкстры. Общее время выполнения.
22. Определение приоритетная очередь.
23. Наивная реализация приоритетной очереди.
24. Реализация приоритетной очереди очередью корзин.
25. Проблема выпуклой оболочки и алгоритмы ее построения.

***Перечень типовых вопросов к экзамену для проведения промежуточной аттестации по дисциплине (6 семестр)***

1. Роль асимптотической нотации в определении производительности алгоритмов и структур данных.
2. Алгоритмы сортировки - принципы действия и производительность. Нижняя граница проблемы сортировки в общем случае.
3. Алгоритмы обхода графа. Сравнение и анализ.
4. Проблема поиска кратчайших путей.
5. Алгоритм Дейкстры с различными приоритетными очередями.
6. Методы нахождения выпуклой оболочки.
7. Двоичное дерево поиска пример и назначение.
8. Структура (a,b) - дерева поиска.
9. Формальное определение хэш-функции.
10. Амортизационный анализ - назначение и примеры использования.
11. Метод агрегаций и банковский метод.
12. Минимальные покрывающие деревья.
13. Поиск подстроки. Алгоритмы поиска и анализ времени выполнения.

***Типовая задача для промежуточной аттестации (5 семестр)***

Для следующего рекуррентного выражения

$$T(n) = \begin{cases} O(1), & n = 1 \\ T\left(\frac{n}{4}\right) + O(n), & n > 1 \end{cases}$$

найдите формулу  $T(n)$  явном виде при помощи итерационного метода.

### ***Типовая задача для промежуточной аттестации (6 семестр)***

Докажите, что для  $a \geq 2$  и  $b \geq 2a - 1$  вершины  $v$  и  $t$ , полученные после разделения некоторой вершины со степенью  $b+1$ , имеют степень в интервале  $[a, b]$ .

### **Требования к содержанию экзаменационных билетов**

Экзаменационные билеты включают, как правило, два теоретических вопроса и расчетную задачу.

### **10 Методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины**

Методика преподавания дисциплины «Алгоритмы и структуры данных» характеризуется совокупностью методов, приемов и средств обучения, обеспечивающих реализацию содержания и учебно-воспитательных целей дисциплины, которая может быть представлена как некоторая методическая система, включающая методы, приемы и средства обучения. Такой подход позволяет более качественно подойти к вопросу освоения дисциплины обучающимися.

Одну из основных ролей в организации учебного процесса по данной дисциплине играют лекционные занятия. В ходе занятий осуществляется теоретическое обучение студентов, привитие им необходимых умений и практических навыков, приобретаемых при изучении дисциплины.

Учебные занятия начинаются и заканчиваются по времени в соответствии с утвержденным режимом университета в аудиториях согласно семестровым расписаниям теоретических занятий. Допуск в аудиторию студентов, опоздавших на 15 минут от начала пары и более, запрещается. На занятиях, предусмотренных расписанием, обязаны присутствовать все обучающиеся. Освобождение студентов от занятий может проводиться только по письменным распоряжениям представителей деканата. Преподаватель обязан лично контролировать наличие студентов на занятиях.

Основными видами учебных занятий по дисциплине являются лекции, практические занятия. Объем и виды учебных занятий определены представленной рабочей программой дисциплины.

Лекции являются одним из важнейших видов образовательных технологий и составляют основу теоретической подготовки студентов по дисциплине. Они должны давать систематизированные основы научных знаний, концентрировать внимание студентов на наиболее сложных, проблемных вопросах, стимулировать их активную познавательную деятельность и способствовать формированию творческого и профессионального мышления.

Каждая лекция должна представлять собой устное изложение лектором основных теоретических положений изучаемой дисциплины или отдельной

темы как логически законченное целое и иметь конкретную целевую установку. Лекции должны носить, как правило, проблемный характер. Основным методом в лекции выступает устное изложение лектором учебного материала, сопровождающееся демонстрацией схем, мультимедийных презентаций, диаграмм.

Порядок изложения материала лекции отражается в плане ее проведения.

Особое место в лекционном курсе по дисциплине занимают вводная и заключительная лекции.

Вводная лекция должна давать общую характеристику изучаемой дисциплины, подчеркивать новизну проблем, указывать ее роль и место в системе (структурно-логической схеме) изучения других дисциплин, раскрывать учебные и воспитательные цели и кратко знакомить студентов с содержанием и структурой курса, а также с организацией учебной работы по нему. На вводной лекции проводится входной контроль с целью установления общего уровня компетенций, освоенных студентом в ранее изученных дисциплинах.

Заключительная лекция должна давать научно-практическое обобщение изученной дисциплины, показывать перспективы развития изучаемой области знаний, навыков и практических умений.

Практические занятия по дисциплине имеют целью:

- углубление, расширение и конкретизацию теоретических знаний, полученных на лекции, до уровня, на котором возможно их практическое использование;

- отработку навыков и умений в пользовании соответствующем математическим и алгоритмическим аппаратом;

- отработку умения решения реальных прикладных задач;

- проверку теоретических знаний.

Основу практических занятий составляет работа каждого обучаемого (индивидуальная и (или) коллективная, по приобретению умений и навыков использования закономерностей, принципов, методов, форм и средств, составляющих содержание дисциплины в профессиональной деятельности и в подготовке к изучению дисциплин, формирующих компетенции выпускника). Практическим занятиям предшествуют лекции и целенаправленная самостоятельная подготовка студентов, поэтому практические занятия нужно начинать с краткого обзора цели занятия, напоминания о его связи с лекциями. На практическом занятии студентам выдается в печатном виде блок вопросов (заданий). В ходе практического занятия студентом решаются указанные вопросы, и на очередном практическом занятии проводится индивидуальная защита решений, оформленных отчетом, с целью установления их корректности и степени овладения той или иной компетенции. В случае нехватки времени, отведенного на практическое занятие, для нахождения решения задач, студент обязан выполнить их в рамках самостоятельной работы.

По результатам контроля знаний и умений преподаватель должен провести анализ хода и итогов практических занятий, отметить успехи студентов в решении учебной задачи, а также недостатки и ошибки, разобрать их причины и дать методические указания к их устранению. Таким образом, практические занятия являются важной формой обучения, в ходе которых знания студентов превращаются в профессиональные необходимые умения, навыки и компетенции.

Консультации являются одной из форм руководства работой студентов и оказания им помощи в самостоятельном изучении учебного материала. Они проводятся регулярно в процессе всего периода обучения (по мере возникновения потребности) по предварительной договоренности студентов с лектором (преподавателем) в часы самостоятельной работы и носят индивидуальный характер. При необходимости разъяснения общих вопросов нескольким или всем обучающимся учебной группы проводятся групповые консультации.

Преподаватель имеет право вызывать на консультацию тех студентов, которые не показывают глубоких знаний и не пользуются консультациями по своей инициативе. В этих случаях, преподаватель выясняет, работает ли студент систематически над учебным материалом, в какой степени усваивает его, в чем встречает наибольшие трудности. Установив фактическое положение дела, преподаватель дает рекомендации по самостоятельному изучению материала, решению трудных вопросов и при необходимости назначает срок повторной консультации.

Зачет и экзамен являются заключительными оценочными средствами в 5 и 6 семестре, по итогам которых выявляется общий уровень овладения студентом предусмотренных компетенций по тематическим вопросам всего курса.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 01.03.04 «Прикладная математика».

Программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры №8 Прикладной математики и информатики

« 28 » Сентября 2023 года, протокол № 2.

Разработчик:

к. ф.-м. н.

 Московкин Д.Л.

(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы разработчика)

Заведующий кафедрой № 8 Прикладной математики и информатики

к.т.н.

 Земсков Ю.В.

(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы заведующего кафедрой)

Программа согласована:

Руководитель ОПОП

д.т.н., доцент

 Костин Г.А.

(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы руководителя ОПОП)

Программа рассмотрена и согласована на заседании Учебно-методического совета Университета « 22 » 11 2023 года, протокол № 3.