



**ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО ВОЗДУШНОГО ТРАНСПОРТА
(РОСАВИАЦИЯ)
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ
ГРАЖДАНСКОЙ АВИАЦИИ ИМЕНИ ГЛАВНОГО МАРШАЛА
АВИАЦИИ А.А.НОВИКОВА»**

УТВЕРЖДАЮ

Ректор

_____ / Ю.Ю. Михальчевский

«23» 04 2026 года

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Высшая математика

Специальность

**25.05.05 Эксплуатация воздушных судов и организация
воздушного движения**

Специализация

Организация воздушного движения

Квалификация выпускника
инженер

Форма обучения
очная

Санкт-Петербург
2026

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины «Высшая математика» являются:

- формирование математической культуры – развитие логического мышления, умения строго формулировать и обосновывать суждения;
- овладение фундаментальными математическими методами, необходимыми для решения прикладных задач в профессиональной деятельности (например, методами линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления, дифференциальных уравнений, теории вероятностей и другими);
- подготовка к изучению смежных дисциплин – таких как физика, электротехника и электроника, теоретическая механика и других, где требуется применение математического аппарата;
- развитие навыков математического моделирования – умения переводить реальные задачи на язык математики, анализировать и интерпретировать результаты;
- формирование основ для научной и исследовательской работы.

Задачами освоения дисциплины «Высшая математика» являются:

- изучить основные понятия и методы высшей математики, включая линейную и векторную алгебру, аналитическую геометрию, математический анализ, дифференциальные уравнения, элементы теории вероятностей и математической статистики;
- научить студентов применять математический аппарат для решения теоретических и практических задач в рамках будущей профессиональной деятельности;
- развить навыки логического и абстрактного мышления, необходимые для анализа сложных систем и построения строгих математических рассуждений;
- сформировать умение строить и исследовать математические модели реальных процессов и явлений, интерпретировать полученные результаты;
- обеспечить базовую математическую подготовку, достаточную для освоения последующих дисциплин учебного плана;
- привить навыки самостоятельной работы с математической литературой, включая умение находить, анализировать и использовать информацию для решения задач.

Дисциплина «Высшая математика» обеспечивает подготовку выпускника к решению задач профессиональной деятельности эксплуатационно-технологического типа.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Высшая математика» представляет собой дисциплину обязательной части блока 1 дисциплин учебного плана по специальности 25.05.05 «Эксплуатация воздушных судов и организация воздушного движения», специализация «Организация воздушного движения».

Дисциплина «Высшая математика» базируется на школьном курсе математики.

Дисциплина «Высшая математика» является обеспечивающей для дисциплин: «Физика», «Авиационная метеорология», «Аэродинамика и динамика полета», «Аэронавигация», «Инженерная графика», «Электротехника и электроника», «Механика», «Методы управления воздушным движением», «Методы анализа профессиональных задач персонала обслуживания воздушного движения», «Теория управления воздушным движением».

Дисциплина изучается в 1, 2, 3 и 4 семестрах.

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Процесс освоения дисциплины «Высшая математика» направлен на формирование следующих компетенций.

Код компетенции/ индикатора	Результат обучения: наименование компетенции, индикатора компетенции
ОПК-10	Способен использовать основные законы математических и естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности, в том числе с использованием программных средств.
$ID_{ОПК10}^1$ Equation.3	Знает и понимает основные законы математики и естественных наук и важность их использования в профессиональной деятельности.
$ID_{ОПК10}^2$ Equation.3	Использует основные законы математики и естественных наук, в том числе для решения профессиональных задач, применяет программные средства.

Планируемые результаты изучения дисциплины:

Знать:

- ~ теоретические основы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, понятийный аппарат комплексных чисел;
- ~ основные методы дифференциального и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных, теории рядов и обыкновенных дифференциальных уравнений в объеме, достаточном для изучения естественнонаучных дисциплин на современном научном уровне;
- ~ основные законы теории вероятностей и математической статистики в объеме, необходимом для профессиональной деятельности.

Уметь:

- ~ использовать инструментарий линейной, векторной алгебры и

- ~ аналитической геометрии в профессиональной деятельности на актуальном уровне научных знаний;
- ~ применять математический аппарат дифференциального и интегрального исчисления, теории обыкновенных дифференциальных уравнений в профессиональной практике, ориентируясь на современные достижения;
- ~ интерпретировать данные, представленные в виде диаграмм, графиков, включая информацию статистического характера;
- ~ применять вероятностно-статистические методы для анализа и решения задач воздушного транспорта.

- Владеть:
- ~ математическим аппаратом для проведения теоретического и экспериментального исследования явлений в профессиональной деятельности;
 - ~ навыками анализа, обобщения и выбора математических методов при решении задач профессиональной направленности.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 13 зачетных единиц, 468 академических часов.

Наименование	Всего часов	Семестры			
		1	2	3	4
Общая трудоемкость дисциплины (модуля)	468	108	144	72	144
Контактная работа:	198	56,5	56,5	28,5	56,5
лекции (Л)	78	28	18	14	18
практические занятия (ПЗ)	114	28	36	14	36
семинары (С)	-	-	-	-	-
лабораторные работы (ЛР)	-	-	-	-	-
Самостоятельная работа студента (СРС)	177	34	54	35	54
Промежуточная аттестация	99	18	36	9	36
контактная работа	6	0,5	2,5	0,5	2,5
самостоятельная работа по подготовке к зачету с оценкой, экзамену	93	17,5 зачет с оце нкой	33,5 экза мен	8,5 зачет с оце нкой	33,5 экза мен

5. Содержание дисциплины

5.1. Соотнесения тем дисциплины и формируемых компетенций

Темы дисциплины	Количество часов	Компетенции	Образовательные технологии	Оценочные средства
		ОПК -10		
1 семестр				
Тема 1. Линейная алгебра	32	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР, РГР, ЗАЩ
Тема 2. Векторная алгебра	18	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ
Тема 3. Аналитическая геометрия	30	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР, РГР, ЗАЩ
Тема 4. Комплексные числа	10	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ
Всего за семестр 1	90			
Промежуточная аттестация	18			Зачет с оценкой
Итого за семестр 1	108			
Тема 5. Введение в математический анализ	22	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР
Тема 6. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	36	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР, РГР, ЗАЩ
Тема 7. Интегральное исчисление	50	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР
Всего за семестр 2	108			
Промежуточная аттестация	36			экзамен
Итого за семестр 2	144			
Тема 8. Функции нескольких переменных	14	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, РГР, ЗАЩ
Тема 9. Обыкновенные дифференциальные уравнения	49	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР, РГР, ЗАЩ
Всего за семестр 3	63			
Промежуточная аттестация	9			Зачет с оценкой
Итого за семестр 3	72			
Тема 10. Числовые и степенные ряды	48	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР

Темы дисциплины	Количество часов	Компетенции	Образовательные технологии	Оценочные средства
		ОПК -10		
Тема 11. Теория вероятностей	60	+	Л, ПЗ, СРС	ИДЗ, ПР
Всего за семестр 4	108			
Промежуточная аттестация	36			экзамен
Итого за семестр 4	144			
Итого по дисциплине	468			

Сокращения:

Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, СРС – самостоятельная работа студента, ИДЗ – индивидуальное домашнее задание, ПР – проверочная работа, РГР – расчётно-графическая работа, ЗАЩ – защита расчётно-графической работы.

5.2. Темы дисциплины и виды занятий

Наименование темы дисциплины	Л	ПЗ	ЛР	СРС	Всего часов
1 семестр					
Тема 1 Линейная алгебра	10	12	-	10	32
Тема 2. Векторная алгебра	4	4	-	10	18
Тема 3. Аналитическая геометрия	10	10	-	10	30
Тема 4. Комплексные числа	4	2	-	4	10
Всего за 1 семестр	28	28		34	90
Промежуточная аттестация					18
Итого за 1 семестр	28	28		34	108
2 семестр					
Тема 5. Введение в математический анализ	4	8	-	10	22
Тема 6. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	4	12	-	20	36
Тема 7. Интегральное исчисление.	10	16	-	24	50
Всего за 2 семестр	18	36		54	108
Промежуточная аттестация					36
Итого за 2 семестр	18	36		54	144
3 семестр					

Наименование темы дисциплины	Л	ПЗ	ЛР	СРС	Всего часов
Тема 8. Функции нескольких переменных.	2	4	-	8	14
Тема 9. Обыкновенные дифференциальные уравнения.	12	10	-	27	49
Всего за 3 семестр	14	14	-	35	63
Промежуточная аттестация					9
Итого за 3 семестр	14	14	-	35	72
4 семестр					
Тема 10. Числовые и степенные ряды	8	10	-	30	48
Тема 11. Теория вероятностей	10	26	-	24	60
Всего за 4 семестр	18	36		54	108
Промежуточная аттестация					36
Итого за 4 семестр	18	36		54	144
Итого по дисциплине	78	114		177	468

Сокращения:

Л – лекция, ПЗ – практическое занятие, ЛР – лабораторная работа, СРС – самостоятельная работа студента.

5.3. Содержание дисциплины

Тема 1. Линейная алгебра

Матрицы. Действия над матрицами.

Определители 2-го и 3-го порядков. Основные свойства определителей.

Теорема разложения определителя. Вычисление определителей n -ого порядка.

Минор. Алгебраическое дополнение. Обратная матрица. Правило вычисления обратной матрицы.

Матричная форма записи и решения системы линейных алгебраических уравнений. Формулы Крамера.

Ранг матрицы. Теорема Кронекера-Капелли. Решение системы n линейных алгебраических уравнений с m неизвестными методом Гаусса. Исследование систем линейных уравнений.

Однородные системы линейных алгебраических уравнений. Фундаментальная система решений.

Тема 2. Векторная алгебра

Декартов базис. Разложение вектора по базису. Линейные операции над векторами. Направляющие косинусы векторов.

Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов.

Геометрические и физические приложения векторов.

Тема 3. Аналитическая геометрия

Декартова система координат. Полярная система координат.

Различные виды уравнения прямой на плоскости.

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола. Их геометрические свойства и канонические уравнения.

Уравнения плоскости и прямой линии в пространстве.

Взаимное расположение точек, плоскостей и прямых в пространстве.

Тема 4. Комплексные числа

Комплексные числа. Формы записи комплексных чисел. Геометрическое представление комплексных чисел. Действия с комплексными числами. Формула Эйлера.

Тема 5. Введение в математический анализ

Множества. Абсолютная величина вещественного числа.

Функция одной переменной. Классификация функций.

Предел функции в точке и на бесконечности. Основные теоремы о пределах. Односторонние пределы.

Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Сравнение бесконечно малых. Неопределенные выражения (неопределенности).

Первый и второй замечательные пределы.

Числовая последовательность. Предел числовой последовательности.

Непрерывность функции в точке и на интервале. Точки разрыва функции, их классификация. Основные теоремы о непрерывных функциях.

Тема 6. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Производная функции, её геометрический и механический смыслы. Правила дифференцирования. Таблица производных основных элементарных функций.

Дифференцирование сложной функции. Дифференцирование неявной функции. Логарифмическое дифференцирование. Дифференцирование функции, заданной параметрически.

Дифференциал функции и его геометрический смысл. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. Производные и дифференциалы высших порядков.

Основные теоремы дифференциального исчисления (теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши). Правило Лопиталя.

Исследование функции методами дифференциального исчисления. Условия монотонности функции. Экстремумы функции (определения, необходимое и достаточное условия). Выпуклость функции. Точки перегиба (определение, необходимое и достаточное условия). Асимптоты кривых. Общая схема исследования функции и построение её графика.

Тема 7. Интегральное исчисление

Первообразная. Неопределенный интеграл. Замена переменной. Интегрирование по частям.

Разложение дроби на простейшие. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование иррациональных и тригонометрических функций.

Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной и интегрирование по частям. Геометрические приложения определенного интеграла.

Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования. Несобственные интегралы от неограниченных функций. Признаки сходимости несобственных интегралов.

Численные методы. Приближенное вычисление определенных интегралов.

Тема 8. Функции нескольких переменных

Функции нескольких переменных. Дифференцирование функции двух переменных.

Частные производные первого и высших порядков. Полный дифференциал. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям.

Производная сложной функции. Полная производная. Производная неявной функции двух переменных.

Дифференцирование неявных функций. Понятие экстремума функции нескольких переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума функции двух переменных. Условный экстремум.

Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области (глобальные экстремумы).

Тема 9. Обыкновенные дифференциальные уравнения.

Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задача Коши. Основные типы и методы решения дифференциальных уравнений 1-го порядка.

Дифференциальные уравнения высших порядков. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения второго порядка с правой частью специального вида.

Системы линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Тема 10. Числовые и степенные ряды

Основные понятия теории числовых рядов. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Геометрический и гармонический ряды.

Признаки сходимости числовых рядов с положительными членами: признаки сравнения, алгебраические признаки Даламбера и Коши, интегральный признак Коши.

Знакопеременные и знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимость ряда с произвольными членами.

Основные понятия теории функциональных рядов. Точки сходимости и область сходимости функционального ряда.

Методы определения области сходимости. Степенные ряды. Теорема Абеля. Интервал и радиус сходимости степенного ряда.

Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора и Маклорена. Примеры разложения элементарных функций в степенные ряды.

Применение степенных рядов к приближенным вычислениям.

Тригонометрические ряды Фурье для функций с периодом 2π . Теорема Дирихле. Ряды Фурье для четных и нечетных функций с периодом 2π .

Тема 11. Теория вероятностей

Элементы комбинаторики. Перестановки, сочетания, размещения. Основные понятия теории вероятностей. Случайные события. Аксиомы теории вероятностей. Классическая формула вероятности.

Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и формула Байеса.

Последовательности независимых испытаний с двумя исходами. Формула Бернулли. Локальная теорема Муавра-Лапласа. Формула Пуассона.

Случайные величины. Основные понятия. Ряд и функция распределения дискретной случайной величины.

Функция и плотность распределения непрерывной случайной величины. Числовые характеристики случайных величин. Начальные и центральные моменты.

Основные законы распределения. Биномиальный закон. Закон Пуассона.

Геометрическое распределение. Связь параметров и характеристик распределения.

Законы распределения непрерывной случайной величины: экспоненциальный; равномерной плотности. Связь параметров и характеристик распределения.

Нормальный закон распределения (закон Гаусса) и его числовые характеристики. Функция Лапласа. Правило "трех сигм".

Закон больших чисел. Неравенство Чебышева. Теоремы Чебышева и Бернулли. Центральная предельная теорема и ее значение для практики.

5.4. Практические занятия

Номер темы дисциплин ы	Тематика практических занятий	Трудо- емкость (часы)
1 семестр		
1	Практические занятия № 1-№ 3. Матрицы и	6

Номер темы дисциплин ы	Тематика практических занятий	Трудо- емкость (часы)
	определители.	
1	Практические занятия № 4-№ 6. Системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ).	6
2	Практические занятия № 7-№ 8. Векторы.	4
3	Практические занятия № 9-№ 11. Аналитическая геометрия на плоскости. Кривые второго порядка.	6
3	Практические занятия № 12-№ 13. Аналитическая геометрия в пространстве.	4
4	Практическое занятие № 14. Комплексные числа.	2
Итого за семестр 1		28
2 семестр		
5	Практические занятия № 15-№ 17. Пределы. Раскрытие неопределенностей. Эквивалентные БМФ.	6
5	Практическое занятие № 18. Непрерывность функции одной переменной. Точки разрыва.	2
6	Практические занятия № 19-№ 22. Производная функции одной переменной.	8
6	Практические занятия № 23-№ 24. Исследование функции и построение её графика.	4
7	Практические занятия № 25-№ 32. Интегральное исчисление.	16
Итого за семестр 2		36
3 семестр		
8	Практические занятия № 33-№ 34. Функция двух переменных.	4
9	Практические занятия № 35-№ 39. Дифференциальные уравнения.	10
Итого за семестр 3		14
4 семестр		
10	Практические занятия № 40-№ 44. Числовые и степенные ряды.	10
11	Практические занятия № 45-№ 49. Комбинаторика. Вероятность случайных событий.	10
11	Практические занятия № 50-№ 57. Случайные величины. Характеристики СВ. Законы распределения.	16
Итого за семестр 4		36
Итого по дисциплине		114

5.5. Лабораторный практикум

Лабораторный практикум учебным планом не предусмотрен.

5.6. Самостоятельная работа

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудо-емкость (часы)
1 семестр		
1	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №№ 1, 2. Выполнение РГР №1. Подготовка к защите РГР № 1. Подготовка к проверочной работе №1.	10
2	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №№ 3-7. Подготовка РГР № 2. Подготовка к защите РГР № 2. Подготовка к проверочной работе №2.	10
3	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №№ 8,9. Выполнение РГР № 2. Подготовка к защите РГР № 2. Подготовка к проверочной работе №2.	10
4	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №10.	4
Итого за семестр 1		34
2 семестр		
5	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 3, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №№ 11, 12. Подготовка к проверочной работе № 3.	10
6	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 3, 6-8, 12, 13]	20

Номер темы дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость (часы)
	Выполнение ИДЗ №№ 13-17 Выполнение РГР №3. Подготовка к защите РГР № 3. Подготовка к проверочной работе № 4.	
7	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 3, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №18. Подготовка к проверочной работе № 5.	24
Итого за семестр 2		54
3 семестр		
8	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 3, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ № 20 Выполнение РГР №4. Подготовка к защите РГР № 4	8
9	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 3, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №№ 21-23. Подготовка проверочной работе №6. Выполнение РГР №5. Подготовка к защите РГР № 5	27
Итого за семестр 3		35
4 семестр		
10	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [1, 2, 3, 6-8, 12, 13] Выполнение ИДЗ №№ 24-27. Подготовка к проверочной работе № 7.	30
11	Повторение материалов лекции. Изучение теоретического материала. [4, 5, 11-13] Выполнение ИДЗ №№ 28-35. Подготовка к проверочным работам № 8, 9.	24
Итого за семестр 4		54
Итого по дисциплине		177

5.7. Курсовые проекты

Курсовые проекты учебным планом не предусмотрены.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

1. Письменный, Д.Т. **Конспект лекций по высшей математике: полный курс** [Текст] / Д.Т. Письменный. – 11-е изд. – М.: Айрис-пресс, 2013. – 608 с. – ISBN 978-5-8112-4867-7 (128 экземпляров).
2. Данко, П.Е.. **Высшая математика в упражнениях и задачах** В 2-х ч. Ч. 1 [Текст]: Учебное пособие для вузов / П.Е. Данко и др. – М.: Оникс, 2012. – 368 с. – ISBN 978-5-488-02448-9 (32 экземпляра).
3. Данко, П.Е. **Высшая математика в упражнениях и задачах** В 2-х ч. Ч. 2 [Текст]: Учебное пособие для вузов / П.Е. Данко и др. – М.: Оникс, 2012. – 448 с. (14 экземпляров).
4. Письменный Д.Т. **Конспект лекций по теории вероятностей, математической статистике и случайным процессам**. Высшее образование [Текст] / Д. Т. Письменный. - 5-е изд. - М. : Айрис Пресс, 2010. - 288с. – ISBN 978-5-8112-3998-6 (52 экземпляра).
5. Гмурман В.Е. **Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике**: Учебное пособие для вузов [Текст] / В. Е. Гмурман. - 11-е изд., перераб. и доп. - М. : Юрайт, 2011. - 404с. – 978-5-9916-6109-6 (36 экземпляров).

б) дополнительная литература:

6. Бухенский, К. В. **Опорные конспекты по высшей математике**: учебное пособие / К. В. Бухенский. — Рязань : РГРТУ, 2010 — Часть 1 — 2010. — 168 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/168212> (дата обращения: 26.12.2025). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
7. **Опорные конспекты по высшей математике**: учебное пособие / К. В. Бухенский, Н. В. Елкина, Н. Н. Маслова, К. А. Ципоркова. — Рязань : РГРТУ, 2010 — Часть 2 — 2010. — 240 с. — Текст: электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/168186> (дата обращения: 26.12.2025). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
8. Бухенский, К. В. **Опорные конспекты по высшей математике**: учебное пособие / К. В. Бухенский, Н. В. Елкина, Г. С. Лукьянова. — Рязань: РГРТУ, 2011 — Часть 3 — 2011. — 220 с. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/168185> (дата обращения: 26.12.2025). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
9. **Теория вероятностей: методы и способы решения задач**: учебное пособие / А. В. Кузнецова, Е. Н. Грибанов, Е. А. Николаева, Е. В. Гутова. — Кемерово: КузГТУ имени Т.Ф. Горбачева, 2020. — 114 с. — ISBN 978-5-00137-166-3. — Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/145143> (дата обращения: 26.12.2025). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

10. Литвиненкова З.Н., Осиюк Е.А. **Экономико-математические методы в менеджменте**: Учебное пособие [Текст] / Университет ГА. С-Петербург, 2016. - 114с. – (500 экземпляров).

в) перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

11. **Библиотека СПбГУ ГА** [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://spbguga.ru/objects/e-library/>, свободный (дата обращения 26.12.2025).

12. **Электронно-библиотечная система издательства «Лань»** [Электронный ресурс] — Режим доступа: <http://e.lanbook.com/>, свободный (дата обращения: 26.12.2025).

13. **Электронно-библиотечная система издательства «ЮРАЙТ»**. [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <http://www.biblio-online.ru> — свободный (дата обращения: 26.12.2025).

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Аудитория для проведения лекционных и практических занятий, текущего контроля и промежуточной аттестации, групповых и индивидуальных консультаций, самостоятельной работы обучающихся.

Оборудование аудитории:

посадочные места по количеству обучающихся, рабочее место преподавателя, учебная мебель, доска меловая или магнитно-маркерная.

Технические средства обучения:

персональный компьютер преподавателя, мультимедийный проектор, экран настенный.

8. Образовательные и информационные технологии

В рамках изучения дисциплины «Высшая математика» используются следующие образовательные технологии: лекции, практические занятия, самостоятельная работа студентов.

Лекция – основная форма систематического, последовательного устного изложения учебного материала. Традиционная лекция составляет основу теоретического обучения в рамках дисциплины и направлена на систематизированное изложение фундаментальных основ научных знаний. На лекции концентрируется внимание обучающихся на наиболее важных вопросах изучаемой темы, стимулируется их активная познавательная деятельность.

Практические занятия по дисциплине проводятся в соответствии с учебно-тематическим планом. Цель практических занятий – закрепить теоретические знания, полученные обучающимися на лекциях и в результате самостоятельного изучения соответствующих разделов рекомендуемой литературы, а также приобрести практические навыки решения задач.

Практические занятия предназначены для более глубокого освоения и анализа тем, изучаемых в рамках данной дисциплины, а также выработки необходимых умений и навыков. Во время практического занятия проводятся контрольные работы, защиты расчетно-графических работ. Практические занятия предполагают индивидуальную работу каждого обучающегося, направленную на формирование у него компетенций, определенных в рамках дисциплины «Высшая математика».

Практические занятия по дисциплине «Высшая математика» являются составляющими практической подготовки обучающихся, так как предусматривают их участие в выполнении отдельных элементов работ, связанных с будущей профессиональной деятельностью.

Самостоятельная работа студента является составной частью учебной работы. Ее основной целью является формирование навыка самостоятельного приобретения знаний по некоторым вопросам теоретического курса, закрепление и углубление полученных знаний, отработка навыков использования математических методов для решения прикладных и практических задач, самостоятельная работа со справочниками, научно-популярной литературой, в том числе находящимися в глобальных компьютерных сетях. Самостоятельная работа включает выполнение индивидуальных домашних заданий и расчетно-графических работ. В процессе самостоятельной работы студент приобретает навыки самоорганизации, самоконтроля, самоуправления и становится активным самостоятельным субъектом учебной деятельности.

9. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

Уровень и качество знаний обучающихся оцениваются по результатам текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины.

Оценочные средства включают: индивидуальные домашние задания, проверочные работы, расчетно-графические работы, защиты расчетно-графических работ.

ИДЗ: Индивидуальные домашние задания являются частью самостоятельной работы обучающегося, позволяют закрепить умения пользоваться изученными методами для решения задач, включают расчетные задачи по темам дисциплины.

ПР: Проверочная работа проводится на практических занятиях с целью комплексной оценки владения изученными методами решения задач соответствующего раздела.

РГР: Расчетно-графические работы являются комплексом заданий, объединенных единой темой, для которых требуется комбинированное использование различных изученных методов, выявление причинно-

следственных связей, умение формулировать вывод на основе проведенного анализа.

ЗАЩ: Для РГР проводится защита в виде письменного теоретического опроса. Каждый билет содержит вопросы из общего перечня вопросов к защите. Во время защиты не допускается использование конспектов, учебников и любых электронных устройств.

Промежуточная аттестация по итогам освоения дисциплины проводится в виде зачета с оценкой (1, 3 семестры) и экзамена (2, 4 семестры). К моменту сдачи зачета с оценкой и экзамена должны быть успешно пройдены все этапы текущего контроля успеваемости.

Зачет с оценкой позволяет оценить уровень освоения компетенций за соответствующий период изучения дисциплины. Билет на зачете включает три расчетные задачи.

Экзамены позволяют оценить уровень освоения компетенций за весь период изучения дисциплины. Экзаменационный билет включает два теоретических вопроса и три расчетные задачи.

9.1. Балльно-рейтинговая оценка текущего контроля успеваемости и знаний студентов по дисциплине

Общая трудоемкость дисциплины составляет 13 зачетных единиц, 468 академических часов. Вид промежуточной аттестации – зачет с оценкой за 1 и 3 семестры, экзамен за 2 и 4 семестры.

№ п/п	Раздел (тема)/Вид учебных занятий (оценочных заданий), позволяющих студенту продемонстрировать достигнутый уровень компетенций	Количество баллов (из общего расчета 100 баллов на дисциплину)		Срок контроля (порядковый номер недели с начала семестра)	Прим.
		миним. (порог. значен.)	максим.		
	1-й семестр				
1	Проверочная работа по теме 1; РГР, ЗАЩ, ИДЗ по теме 1	16	25	2-6	
2	ИДЗ по теме 2	16	25	7-8	
3	Проверочная работа по темам 2 и 3; РГР и ЗАЩ по темам 2 и 3; ИДЗ по теме 3	16	25	9-13	
4	ИДЗ по теме 4	2	5	14	
Итого по обязательным видам занятий		50	80		

Зачет с оценкой		10	20		
Итого по дисциплине за 1-й семестр		60	100		
	2-й семестр				
5	Проверочная работа по теме 5; ИДЗ по теме 5	13	20	1-4	
6	Проверочная работа по теме 6; РГР, ЗАЩ, ИДЗ по теме 6	19	30	5-8	
7	Проверочная работа по теме 7; ИДЗ по теме 7	13	20	9-18	
Итого по обязательным видам занятий		45	70		
Экзамен		15	30		
Итого по дисциплине за 2-й семестр		60	100		
	3-й семестр				
8	РГР, ЗАЩ, ИДЗ по теме 8	20	30	1-3	
9	Проверочная работа по теме 9; РГР, ЗАЩ, ИДЗ по теме 9	30	50	4-14	
Итого по обязательным видам занятий		50	80		
Зачет с оценкой		10	20		
Итого по дисциплине за 3-й семестр		60	100		
	4-й семестр				
10	Проверочная работа по теме 10; ИДЗ по теме 10	15	20	1-7	
11	Проверочные работы по теме 11; ИДЗ по теме 11	30	50	8-18	
Итого по обязательным видам занятий		45	70		
Экзамен		15	30		
Итого по дисциплине за 4-й семестр		60	100		
	Итого по дисциплине	240	400		
	Премияльные виды деятельности (для учета при определении рейтинга)				
1.	Научные публикации		5		
2.	Участие в конференциях по теме дисциплины		5		
4.	Участие в предметной олимпиаде		5		

3.	Прочее		5		
	Итого дополнительно премиальных баллов		20		
	Всего по дисциплине (для рейтинга)		420		
Перевод баллов балльно-рейтинговой системы в оценку по 5-ти балльной «академической» шкале					
Количество баллов по БРС		Оценка (по 5-ти балльной «академической» шкале)			
90 и более		5 – «отлично»			
75÷89		4 – «хорошо»			
55÷74		3 – «удовлетворительно»			
менее 55		2 – «неудовлетворительно»			

9.2. Методические рекомендации по проведению процедуры оценивания знаний, умений и навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций

В процессе преподавания дисциплины «Высшая математика» для промежуточного контроля обучающихся используются следующие формы:

- оценка проверочных работ на практических занятиях;
- оценка расчётно-графических работ;
- оценка зашит расчётно-графических работ;
- оценка выполненных индивидуальных домашних заданий.

По итогам освоения дисциплины «Высшая математика» проводится промежуточная аттестация обучающихся в форме зачета с оценкой (в первом и третьем семестрах) и экзамена (во втором и четвертом семестрах) и предполагает письменный ответ студента по билетам на теоретические и практические вопросы из перечня.

Основными документами, регламентирующими порядок организации и проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов, обучающихся в ГУГА являются: устав СПбГУ ГА, учебная программа по соответствующему направлению подготовки бакалавров, Положение о балльно-рейтинговой системе оценки знаний и обеспечения качества учебного процесса в ГУГА.

На первом занятии преподаватель доводит до сведения обучающихся график текущего контроля освоения дисциплины и критерии оценки знаний при текущем контроле успеваемости, а также сроки и условия промежуточной аттестации.

Зачет с оценкой является промежуточной формой оценивания степени сформированности соответствующих компетенций. Зачет с оценкой имеет целью проверку усвоения учебного материала и полученных студентом практических навыков по пройденным темам дисциплины в первом и третьем семестре.

Зачет с оценкой по дисциплине проводится в период зачетной недели 1 и 3 семестров обучения. К зачету допускаются студенты, успешно выполнившие все индивидуальные задания по учебной программе текущего семестра. Зачет с оценкой проводится в письменном виде. Студенту предлагается решить три задачи из списка задач для зачета. Перечень задач к зачету доводится до студентов преподавателем не позднее, чем за месяц до зачетной недели.

Экзамен является заключительным этапом изучения дисциплины «Высшая математика» за соответствующий курс и имеет целью проверить и оценить уровень полученных студентами знаний, умение применять их к решению практических задач, овладение практическими навыками в объеме требований образовательной программы на промежуточном этапе формирования компетенций.

Экзамены по дисциплине проводятся в период подготовки к летней экзаменационной сессии 2 и 4 семестров обучения. К экзамену допускаются студенты, выполнившие все требования учебной программы. Экзамен принимается преподавателем, ведущим занятия в данной группе по данной дисциплине, а также лектором данного потока, в помощь, решением заведующего кафедрой, могут назначаться преподаватели, ведущие занятия по данной дисциплине.

Экзамен проводится в объеме материала рабочей программы дисциплины, изученного студентами во 2 и 4 семестрах, по билетам в письменной форме. Перечень вопросов и задач, выносимых на экзамен, обсуждаются на заседании кафедры и утверждаются заведующим кафедрой. Предварительное ознакомление студентов с билетами запрещается. Экзаменационные билеты содержат два вопроса по теоретической части дисциплины и три задачи.

В ходе подготовки к экзамену проводятся консультации. На консультациях до студентов доводят требования, предъявляемые к ответам на экзамене.

На подготовку к ответу студенту предоставляется от 30 минут. Общее время подготовки и ответа не должно превышать одного часа.

По готовности к ответу или по вызову экзаменатора студент отвечает на вопросы билета. После ответа студента экзаменатор имеет право задать ему дополнительные вопросы в объеме учебной программы.

В итоге проведенного экзамена студенту выставляется оценка. Экзаменатор несет личную ответственность за правильность выставленной оценки и оформления экзаменационной ведомости и зачетной книжки.

9.3. Темы курсовых работ (проектов) по дисциплине

Написание курсовых работ (проектов) учебным планом не предусмотрено.

9.4. Контрольные вопросы и задания для проведения входного контроля остаточных знаний по обеспечивающим дисциплинам

Входной контроль остаточных знаний не проводится.

9.5. Описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания

Компетенции	Показатели оценивания (индикаторы достижения) компетенций	Критерии оценивания
I этап		
ОПК-10	ИД ¹ _{УК1} ИД ¹ _{ОПК10}	Знает: ~ теоретические основы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии, понятийный аппарат комплексных чисел; ~ основные методы дифференциального и интегрального исчисления функции одной и нескольких переменных, теории рядов и обыкновенных дифференциальных уравнений в объеме, достаточном для изучения естественнонаучных дисциплин на современном научном уровне; ~ основные законы теории вероятностей и математической статистики в объёме, необходимом для профессиональной деятельности. Умеет: ~ использовать инструментарий линейной, векторной алгебры и аналитической геометрии в профессиональной деятельности на актуальном уровне научных знаний; ~ интерпретировать данные, представленные в виде диаграмм, графиков, включая информацию статистического характера.
II этап		
ОПК-10	ИД ¹ _{УК1} ИД ² _{ОПК10}	Умеет: ~ применять математический аппарат дифференциального и интегрального исчисления, теории обыкновенных дифференциальных уравнений в

Компетенции	Показатели оценивания (индикаторы достижения) компетенций	Критерии оценивания
		профессиональной практике, ориентируясь на современные достижения; ~ применять вероятностно-статистические методы для анализа и решения задач воздушного транспорта. Владеет: ~ математическим аппаратом для проведения теоретического и экспериментального исследования явлений в профессиональной деятельности; ~ навыками анализа, обобщения и выбора математических методов при решении задач профессиональной направленности.

9.6. Типовые контрольные задания для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации по итогам обучения по дисциплине

9.6.1. Примерные контрольные задания для проведения текущего контроля успеваемости

Типовые примеры индивидуальных домашних заданий 1 семестр

Тема 1.

Даны матрицы

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 3 & 7 \\ 2 & -1 & 0 \\ 4 & 3 & 2 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 2 & 3 & -2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Найти $A + B$, $A - B$, $-3A + 5B$

Тема 2.

Найти вектор, перпендикулярный плоскости треугольника ABC с вершинами:

$$A(2, 1, 4), \quad B(3, 0, 2), \quad C(1, 5, 6)$$

Найти его длину.

Найти смешанное произведение $\vec{a}\vec{b}\vec{c}$ векторов

$$\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}, \quad \vec{b} = \vec{i} - \vec{j} + 5\vec{k}, \quad \vec{c} = 6\vec{i} + 2\vec{j} + \vec{k}$$

Найти объем треугольной пирамиды с вершинами

$$A(2, 2, 2), \quad B(4, 3, 3), \quad C(4, 5, 4), \quad D(5, 5, 6)$$

Проверить, являются ли компланарными вектора

$$\vec{a} = 7\vec{i} - 3\vec{j} + \vec{k}, \quad \vec{b} = 3\vec{i} - 7\vec{j} + 8\vec{k}, \quad \vec{c} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k}$$

Тема 3.

Составить уравнение прямой, проходящей через точку $M(5, -4)$ перпендикулярно прямой $3x + 2y - 7 = 0$.

Определить площадь треугольника, образованного прямой $4x + 3y - 36 = 0$ с осями координат.

Определить расстояние от точки $M(1, 2)$ до прямой $20x - 21y - 58 = 0$.

Определить расстояние между параллельными прямыми

$$3x + y - 3\sqrt{10} = 0, \quad 6x + 2y + 5\sqrt{10} = 0$$

Даны вершины треугольника

$$A(0, 1), \quad B(6, 5), \quad C(12, -1)$$

Составить уравнение высоты, проведенной из вершины C .

Тема 4.

Даны комплексные числа:

$$z_1 = 2,5, \quad z_2 = -2,2, \quad z_3 = 5i, \quad z_4 = -2,8i, \quad z_5 = 1 + \sqrt{3}i,$$

$$z_6 = -4\sqrt{3} + 4i, \quad z_7 = -4 - 3i, \quad z_8 = 5 - 5i$$

Изобразить числа на комплексной плоскости, найти модуль и аргумент, записать в тригонометрической и показательной форме.

Даны комплексные числа:

$$z_1 = 3 - 2i, \quad z_2 = 1 + \frac{1}{2i} \quad (z_2 = 1 + \frac{1}{2}i)$$

Вычислить $z_1 + z_2$, $z_1 - z_2$, $z_1 \cdot z_2$, $z_2 \cdot \overline{z_2}$, $\frac{z_1}{z_2}$, $(z_1 + z_2)^2$, $(z_1 - z_2)^3$

Даны числа $z_1 = \cos \frac{4\pi}{5} + i \sin \frac{4\pi}{5}$, $z_2 = 2^{\frac{1}{8}}(\cos \frac{7\pi}{16} + i \sin \frac{7\pi}{16})$

Вычислить $z_1 \cdot z_2$, $\frac{z_1}{z_2}$, z_1^2

Решить уравнение $z^2 - 2z + 2 = 0$

Решить уравнение $z^4 + 1 + \sqrt{3}i = 0$

Изобразить область, заданную неравенствами: $|z + i| \leq 1$, $|z| < 2$.

2 семестр

Тема 5.

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(8x^9 + 1)^{\frac{1}{3}} + 3x^2}{(x^{12} + x)^{\frac{1}{4}} - x^{\frac{1}{4}}}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{((x-1)(x-2)x)^{\frac{1}{3}} + 11}{3x+1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2^{x^2+2x} - 8}{(1+4(x-1))^{\frac{1}{3}} - 1}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{\sqrt{1+x \sin x} - \sqrt{\cos x}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x^2)}{1-\cos x}$$

Тема 6.

Найти производные сложных функций

1. $y = 2^{\cos x^2}$

2. $y = e^x \cdot \ln \sin x$

3. $y = \cos^3(5x + x^2) + \operatorname{arctg} \frac{x^2}{\ln 5x}$

Тема 7.

1. $\int_2^4 \frac{dx}{\sqrt{2x^2 - 7}}$; 2. $\int \frac{\operatorname{arctg}^2 x}{1+x^2} dx$; 3. $\int_0^1 \frac{1+x}{1+\sqrt{x}} dx$; 4. $\int \frac{3x-2}{9x^2-6x+2} dx$;
5. $\int (1-2x) \sin 5x dx$; 6. $\int \frac{dx}{x^2(x^2-3x+2)}$; 7. $\int \sin^3 x dx$.

3 семестр

Тема 8.

Найти частные производные $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$:

1. $z = x^2 - 3xy - 4y^2 - x + 2y + 1$

2. $z = 5x^2 - 9xy + 2y^2 - 4x + 8y + 7$

Найти dz :

$$z = \sin(x + \cos y)$$

Найти $d^2 z$:

$$z = \ln xy$$

$$z = e^x \cos y$$

Тема 9.

1. Найти общее решение дифференциального уравнения

$$x\sqrt{5+y^2} dx + y\sqrt{4+x^2} dy = 0.$$

2. Найти частное решение дифференциального уравнения

$$y' = (2y + 1) \operatorname{ctg} x,$$

удовлетворяющее начальному условию $y\left(\frac{\pi}{4}\right) = \frac{1}{2}$.

4 семестр

Тема 10.

1. Найти область сходимости ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} 4^n x^n.$$

2. Найти область сходимости ряда

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-3)^n}{2n+1}.$$

Тема 11.

1. Дана функция распределения случайной величины X

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < 0; \\ \frac{x^2}{4}, & x \in [0, 2]; \\ 1, & x > 2. \end{cases}$$

Найти: функцию плотности распределения вероятностей случайной величины X ; математическое ожидание; дисперсию; медиану; $P(1 < X < 5)$.

2. Дана плотность распределения случайной величины X

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\cos x}{3}, & x \in [0, \pi/2]; \\ \frac{4}{3\pi}, & x \in (\pi/2, \pi]; \\ 0, & x \notin [0, \pi]. \end{cases}$$

Восстановить функцию распределения вероятностей этой случайной величины.

Темы проверочных работ

- ПР-1. Матрицы, определители.
- ПР-2. Векторы; прямая на плоскости.
- ПР-3. Пределы.
- ПР-4. Дифференцирование.
- ПР-5. Интегрирование.
- ПР-6. Дифференциальные уравнения.
- ПР-7. Числовые и степенные ряды.
- ПР-8. Теория вероятностей.
- ПР-9. Случайные величины.

Примерный вариант проверочной работы

ПР-4

Задача 1. *Найти*

$$\int (2x + 5)^7 dx$$

Задача 2. *Найти*

$$\int \frac{e^{\sqrt{x}}}{\sqrt{x}} dx$$

Задача 3. *Найти*

$$\int x e^{5x} dx$$

Задача 4. *Найти*

$$\int \frac{5}{x(x+1)} dx$$

Задача 5. *Найти*

$$\int \sin x \cos^{-6} x dx$$

Задача 6. *Вычислить*

$$\int_0^{\frac{\sqrt{10}}{2}} \frac{2}{\sqrt{5-x^2}} dx$$

Темы расчётно-графических работ

РГР-1. Решение систем линейных алгебраических уравнений.

РГР-2. Применение векторной алгебры к задачам аналитической геометрии.

РГР-3. Исследование функции и построение её графика.

РГР-4. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции двух переменных.

РГР-5. Решение линейных неоднородных дифференциальных уравнений второго порядка с постоянными коэффициентами.

Примерные задания расчётно-графических работ

РГР-3. Задание: Провести полное исследование и построить графики функций.

**«Исследование функции одной переменной
и построение ее графика»**

Вариант	Задание 1	Задание 2
1	$y = \frac{x^2}{4 - x^2}$	$y = x^2 \cdot e^{-x}$

Вопросы к защите РГР-1

1. Определение матрицы. Записать общий вид матрицы размера 2×3 .
2. Определение квадратной матрицы. Записать общий вид квадратной матрицы 3-го порядка.
3. Определение диагональной матрицы. Записать общий вид диагональной матрицы 4-го порядка.
4. Определение треугольной матрицы. Записать общий вид верхнетреугольной матрицы 3-го порядка.
5. Записать общий вид трапециевидной матрицы.
6. Определение единичной матрицы. Записать единичную матрицу 4-го порядка.
7. Определение нулевой матрицы. Записать нулевую матрицу размера 3×2 .
8. Определение транспонированной матрицы.
9. Определение равных матриц.
10. Какие матрицы называются согласованными?
11. Определение произведения строки длины k на столбец высоты k .
12. Определение и обозначение минора элемента матрицы.
13. Определение и обозначение алгебраического дополнения элемента матрицы.
14. Определение и обозначение обратной матрицы.
15. Алгоритм нахождения обратной матрицы.
16. Записать систему m линейных алгебраических уравнений с n неизвестными.
17. Определение решения системы линейных алгебраических уравнений.
18. Определение основной матрицы системы линейных алгебраических уравнений.
19. Определение расширенной матрицы системы линейных алгебраических уравнений.
20. Записать однородную систему m линейных алгебраических уравнений с n неизвестными.
21. Матричная форма записи системы линейных алгебраических уравнений.

22. Запись решения системы линейных алгебраических уравнений в матричной форме.
23. Теорема Крамера.
24. Элементарные преобразования матриц.
25. Практическое вычисление ранга матрицы.
26. Метод Гаусса решения системы линейных алгебраических уравнений.
27. Определение совместной системы линейных алгебраических уравнений.
28. Теорема Кронекера-Капелли.
29. Теорема 1 о числе решений систем линейных алгебраических уравнений.
30. Теорема 2 о числе решений систем линейных алгебраических уравнений.
31. Определение тривиального и нетривиального решения однородной СЛАУ.

Вопросы для защиты РГР 2

Векторная алгебра

1. Определение вектора. Длина вектора. Нулевой, единичный, равные, противоположные, коллинеарные, компланарные вектора.
2. Линейные операции над векторами: сложение (2 правила) и вычитание векторов.
3. Линейные операции над векторами: произведение вектора на число. Геометрический смысл операции умножения вектора на число.
4. Основные свойства линейных операций над векторами. Определение линейной комбинации векторов.
5. Проекция вектора на ось. Свойства проекции.
6. Разложение вектора по ортам координатных осей. Координаты вектора.
7. Действия над векторами в координатной форме (линейные операции, равенство векторов, коллинеарность векторов, координаты точки и вектора).
8. Направляющие косинусы вектора. Теорема о сумме квадратов направляющих косинусов.
9. Деление отрезка в данном отношении.
10. Скалярное произведение векторов и его свойства. Вычисление скалярного произведения в координатной форме.
11. Векторное произведение векторов и его свойства. Геометрический смысл векторного произведения. Вычисление векторного произведения в координатной форме.
12. Смешанное произведение векторов и его свойства. Геометрический смысл смешанного произведения. Вычисление смешанного произведения в координатной форме.

Аналитическая геометрия на плоскости

1. Прямоугольная и полярная системы координат, связь между ними.

2. Преобразование системы координат: параллельный перенос осей координат, поворот осей координат.
3. Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Частные случаи.
4. Общее уравнение прямой на плоскости. Частные случаи.
5. Уравнение прямой, проходящей через данную точку, с данным угловым коэффициентом.
6. Уравнение прямой на плоскости, проходящей через две данные точки.
7. Уравнение прямой в отрезках на плоскости.
8. Уравнение прямой на плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору. Нормальный вектор прямой.
9. Нормальное уравнение прямой на плоскости. Нормирующий множитель.
10. Угол между двумя прямыми на плоскости.
11. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых на плоскости.
12. Расстояние от точки до прямой на плоскости.

Аналитическая геометрия в пространстве

1. Уравнение поверхности в прямоугольной системе координат. Уравнение плоскости, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору.
2. Общее уравнение плоскости. Частные случаи общего уравнения плоскости.
3. Уравнение плоскости, проходящей через три данные точки.
4. Уравнение плоскости в отрезках.
5. Нормальное уравнение плоскости.
6. Угол между двумя плоскостями.
7. Условия параллельности и перпендикулярности двух плоскостей.
8. Расстояние от точки до плоскости.
9. Векторное уравнение прямой в пространстве.
10. Параметрические уравнения прямой в пространстве.
11. Канонические уравнения прямой. Замечание о нуле в знаменателе.
12. Уравнение прямой в пространстве, проходящей через две заданные точки.
13. Общие уравнения прямой в пространстве. 2 способа перехода к каноническим уравнениям прямой.
14. Угол между прямыми в пространстве.
15. Условия параллельности и перпендикулярности двух прямых в пространстве.
16. Условие расположения двух прямых в одной плоскости.
17. Угол между прямой и плоскостью.
18. Условия параллельности и перпендикулярности прямой и плоскости.
19. Пересечение прямой с плоскостью.

Вопросы к защите РГР-3

1. Определение чётной функции.

2. Определение нечётной функции.
3. Определение возрастающей функции.
4. Определение убывающей функции.
5. Определение точки разрыва первого рода.
6. Определение точки разрыва второго рода.
7. Необходимые условия возрастания и убывания функции.
8. Достаточные условия возрастания и убывания функции.
9. Определение точки максимума и точки минимума.
10. Необходимое условие экстремума.
11. Определение критической точки первого рода.
12. Достаточное условие экстремума.
13. Определение графика, выпуклого вниз.
14. Определение графика, выпуклого вверх.
15. Определение точки перегиба.
16. Признаки выпуклости графика.
17. Необходимое условие существования точек перегиба.
18. Определение критической точки второго рода.
19. Достаточное условие существования точек перегиба.
20. Определение асимптоты графика.
21. Определение вертикальной асимптоты графика.
22. Определение горизонтальной асимптоты графика.
23. Определение наклонной асимптоты графика.

Вопросы к защите РГР-4

1. Определение функции двух переменных.
2. δ -окрестность точки $M(x_0, y_0)$.
3. Определение предела функции двух переменных на языке ε - δ .
4. Определение предела функции двух переменных на языке последовательностей.
5. 2 определения непрерывной функции двух переменных в точке.
6. Определение связного множества.
7. Определение внутренней точки множества. Определение открытого множества.
8. Определение граничной точки множества. Определение замкнутой области.
9. Определение ограниченного множества.
10. Свойства непрерывной функции: 1-2.
11. Свойства непрерывной функции: 3-4.
12. Определение частного приращения функции двух переменных z по x .
13. Определение частного приращения функции двух переменных z по y .
14. Определение полного приращения функции двух переменных z .
15. Определение частной производной функции z по переменной x .
16. Определение частной производной функции z по переменной y .

17. Обозначение частных производных второго порядка функции двух переменных.
18. Определение смешанной частной производной функции двух переменных.
19. Теорема Шварца о равенстве смешанных частных производных.
20. Определение полного дифференциала функции двух переменных.
21. Формула вычисления полного дифференциала функции двух переменных.
22. Определение точки максимума функции двух переменных.
23. Определение точки минимума функции двух переменных.
24. Теорема (необходимые условия существования экстремума).
25. Определение стационарной точки функции двух переменных.

Вопросы к защите РГР-5

1. Определение дифференциального уравнения.
2. Определение порядка дифференциального уравнения.
3. Определение дифференциального уравнения первого порядка.
4. Определение решения дифференциального уравнения первого порядка.
5. Определение начального условия для дифференциального уравнения первого порядка.
6. Определение общего решения дифференциального уравнения первого порядка.
7. Определение частного решения дифференциального уравнения первого порядка.
8. Определение задачи Коши.
9. Определение дифференциального уравнения первого порядка с разделяющимися переменными.
10. Определение линейного дифференциального уравнения первого порядка.
11. Определение уравнения Бернулли.
12. Определение уравнения в полных дифференциалах.
13. Определение дифференциального уравнения n -го порядка.
14. Определение решения дифференциального уравнения n -го порядка.
15. Определение задачи Коши для дифференциального уравнения n -го порядка.
16. Определение общего решения дифференциального уравнения n -го порядка.
17. Определение частного решения дифференциального уравнения n -го порядка.
18. Определение линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка.
19. Определение линейного неоднородного дифференциального уравнения второго порядка.
20. Определение линейной зависимости функций.
21. Определение линейной независимости функций.

22. Определение определителя Вронского.
23. Теорема об определителе Вронского для линейно зависимых функций.
24. Теорема об определителе Вронского для линейно независимых решений ЛОДУ-2п.
25. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ-2п.
26. Теорема о структуре общего решения ЛНДУ-2п.
27. Определение линейного однородного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами (ЛОДУ-2п-пк).
28. Определение линейного неоднородного уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами (ЛНДУ-2п-пк).
29. Определение характеристического уравнения для ЛОДУ-2п-пк.
30. Теорема о виде решений уравнения ЛОДУ-2п-пк.
31. Теорема о структуре общего решения ЛОДУ-2п-пк.
32. Теорема о наложении решений ЛНДУ-2п-пк.

9.6.2. Контрольные вопросы промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

Перечень примерных расчетных задач для промежуточной аттестации за 1 семестр

1. Найти сумму матриц.
2. Найти произведение матриц.
3. Вычислить определитель второго порядка.
4. Вычислить определитель третьего порядка.
5. Вычислить определитель четвертого порядка.
6. Найти минор элемента a_{32} заданной матрицы.
7. Найти алгебраическое дополнение элемента a_{23} заданной матрицы.
8. Проверить, являются ли заданные матрицы обратными друг другу.
9. Решить систему линейных алгебраических уравнений методом Крамера.
10. Решить систему линейных алгебраических уравнений методом Гаусса.
11. Исследовать систему линейных алгебраических уравнений на совместность.
12. Проверить, имеет ли заданная однородная система нетривиальные решения.
13. С помощью элементарных преобразований привести заданную матрицу к трапециевидной.
14. Найти ранг матрицы.
15. Вычислить длину вектора AB , если $A(2, 1, -4)$, $B(1, 3, 5)$.
16. Найти вектор $c = 2b - 3a$, если $a = (2, 1, -4)$, $b = (1, 3, 5)$.
17. Вычислить скалярное произведение векторов $(2, 1, -4)$ и $(1, 3, 5)$.
18. Вычислить угол между векторами $(2, 1, -4)$ и $(1, 3, 5)$.
19. Вычислить векторное произведение векторов $(2, 1, -4)$ и $(1, 3, 5)$.
20. Вычислить смешанное произведение векторов $(2, 1, -4)$, $(1, 3, 5)$, $(-1, 0, 2)$.

21. Проверить, являются ли перпендикулярными друг другу векторы $(4, -3, 5)$ и $b=(-1, 2, 2)$.
22. Проверить, являются ли компланарными векторы $(2, 0, 3)$, $(4, -3, 5)$ и $(-1, 2, 1)$.
23. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $(1, -2)$, с угловым коэффициентом $k=3$.
24. Составить уравнение прямой, проходящей через точку $(1, -2)$, перпендикулярно вектору $(-3, 2)$.
25. Составить уравнение прямой на плоскости, проходящей через точки $A(2, 4)$ и $B(-1, 3)$.
26. Найти расстояние от точки $A(-1, 3)$ до прямой $3x+2y-5=0$.
27. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $A(-2, 0, 6)$ перпендикулярно вектору $(0, 5, -1)$.
28. Составить уравнение плоскости, проходящей через точку $A(-2, 0, 6)$ параллельно плоскости $3x-y+2z-5=0$.
29. Составить уравнение плоскости, проходящей через точки $A(2, 1, -4)$, $B(1, 3, 0)$, $C(-1, 0, 2)$.
30. Найти расстояние от точки $A(-1, 0, 3)$ до плоскости $3x-y+2z-5=0$.
31. Составить уравнение прямой в пространстве, проходящей через точку $(1, 3, 0)$, параллельно вектору $(-1, 0, 2)$.
32. Составить уравнение прямой в пространстве, проходящей через точки $A(1, 3, 0)$, $B(-1, 0, 2)$.
33. Проверить, лежат ли в одной плоскости две заданные прямые.
34. Найти точку пересечения прямой $(x+5)/1 = y/-5 = z/1$ и плоскости $3x-y+2z-5=0$.
35. Изобразить комплексное число $z=-3+2i$ на комплексной плоскости. Найти модуль этого числа.
36. Изобразить комплексное число $z=-1+i$ на комплексной плоскости. Найти главный аргумент этого числа.
37. Записать алгебраическую форму комплексного числа, заданного в тригонометрической форме $z=4(\cos(\pi/6)+i \sin(\pi/6))$.
38. Определение комплексно-сопряженных чисел. Записать для числа $z=-1+2i$ комплексно-сопряженное.
39. Выполнить сложение и вычитание чисел $z_1=2+3i$ и $z_2=4-i$.
40. Выполнить умножение чисел $z_1=2+3i$ и $z_2=4-i$.
41. Решить уравнение $x^2+6x+10=0$.

Примерные теоретические вопросы, выносимые на экзамен за 2 семестр

Введение в математический анализ

1. Операции над множествами (объединение, пересечение, разность, прямое произведение множеств).
2. Абсолютная величина числа, её свойства.

3. Числовые промежутки (замкнутые, открытые, полуоткрытые, полубесконечные). Окрестность точки.
4. Понятие функции. Способы задания функций. Сложная функция. Обратная функция.
5. Основные элементарные функции (перечислить, одну на выбор изобразить со всеми особенностями и обозначениями).
6. Предел числовой последовательности, его геометрический смысл. Теорема о количестве пределов последовательности.
7. Доказать, что $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n-1}{n} = 1$ (или любой другой предел последовательности).
8. Предел функции в точке, его геометрический смысл.
9. Односторонние пределы.
10. Предел функции на бесконечности, его геометрический смысл.
11. Бесконечно малые функции. Теоремы о бесконечно малых функциях.
12. Бесконечно большие функции. Теорема о связи БМФ и ББФ.
13. Связь между функцией, её пределом и бесконечно малой функцией. Обратная теорема.
14. Основные теоремы о пределах.
15. «Принцип двух милиционеров».
16. Первый замечательный предел. Второй замечательный предел.
17. Точки разрыва функции и их классификация.
18. Основные теоремы о непрерывных функциях.
19. Свойства функций, непрерывных на отрезке (теоремы Вейерштрасса и Больцано-Коши).

Дифференциальное исчисление

20. Определение производной. Геометрический, физический и механический смысл производной. Уравнение касательной и нормали к кривой.
21. Правая и левая производные. Дифференцируемая функция (определение). Теорема о зависимости между непрерывностью и дифференцируемостью функции (доказательство теоремы).
22. Определение производной. Производная суммы, разности, произведения и частного функций (теоремы, следствия). Одно доказательство на выбор.
23. Определение производной. Вычисление производных тригонометрических функций ($y = \sin x$, $y = \cos x$, $y = \operatorname{tg} x$) по определению. (Уметь выводить формулы по определению).
24. Дифференцирование обратной функции. Производные обратных тригонометрических функций (вывод формул для $y = \arcsin x$, $y = \operatorname{arctg} x$).
25. Теорема о дифференцировании сложной функции. Производные функций $y = \ln x$, $y = a^x$, $y = x^n$. Вывод формул.
26. Логарифмическое дифференцирование. Случаи применения. Привести примеры. Определение функции, заданной неявно. Дифференцирование неявно заданных функций. Привести примеры.

27. Дифференциал функции (определение). Геометрический смысл дифференциала (на чертеже уметь показать). Дифференциал суммы, произведения и частного двух функций. Дифференциал сложной функции. Одно доказательство на выбор.
28. Производные высших порядков. Пример. Дифференциалы высших порядков. Пример.
29. Дифференцирование функций, заданных параметрически. Формула производной второго порядка от функции, заданной параметрически. Привести пример.

Исследование функций при помощи производных

30. Теорема Ферма. Ее геометрический смысл.
31. Теорема Ролля. Ее геометрический смысл.
32. Теорема Лагранжа. Ее геометрический смысл. Формула Лагранжа.
33. Теорема Коши.
34. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей вида $\{0/0\}$. Правило Лопиталя раскрытия неопределенностей вида $\{\infty/\infty\}$. Привести примеры.
35. Возрастающая (убывающая) функция. Необходимые условия возрастания (убывания) функции. Геометрический смысл теоремы.
36. Возрастающая (убывающая) функция. Достаточные условия возрастания (убывания) функции.
37. Определение точки максимума (минимума) функции одной переменной. Необходимое условие существования экстремума функции одной переменной. Геометрический смысл теоремы.
38. Определение критической точки первого рода. Достаточное условие существования экстремума функции одной переменной. Правило исследования функции на экстремум. Достаточный признак существования экстремума (основанный на определении знака 2-й производной).
39. Определение выпуклого вниз (вверх) графика функции. Признаки выпуклости графика.
40. Определение точки перегиба. Необходимое условие существования точек перегиба. Определение критической точки второго рода. Достаточное условие существования точек перегиба.
41. Определение асимптоты графика функции. Определение вертикальной, горизонтальной, наклонной асимптоты графика функции. Привести примеры.

Неопределенный интеграл

44. Определение первообразной функции. Теорема о множестве всех первообразных для функции. Геометрический смысл.
45. Свойства неопределенного интеграла.
46. Метод непосредственного интегрирования. Метод интегрирования подстановкой. Пример.

47. Метод интегрирования по частям. Типы интегралов, которые удобно вычислять методом интегрирования по частям. Примеры.
48. Комплексные числа (алгебраическая, тригонометрическая, показательная формы записи). Действия над комплексными числами (в алгебраической и тригонометрической форме записи). На примерах.
49. Определение дробно-рациональной функции. Определение правильной и неправильной рациональной дроби. Определение и интегрирование простейших рациональных дробей I, II и III типов. Примеры.
50. Разложение рациональных дробей на простейшие дроби (теорема). Метод сравнения коэффициентов. Примеры.
51. Интегрирование тригонометрических функций (интегралы типа $\int \sin^m x \cos^n x dx$). Универсальная тригонометрическая подстановка. Примеры.
52. Интегрирование иррациональных функций (квадратичные иррациональности, линейная подстановка, тригонометрическая подстановка). Примеры.

Определенный интеграл

53. Определенный интеграл как предел интегральной суммы (определение, обозначение). Геометрический смысл определенного интеграла.
54. Формула Ньютона-Лейбница (теорема). Основные свойства определенного интеграла.
55. Интегрирование подстановкой (теорема). Интегрирование по частям (теорема). Примеры.
56. Несобственные интегралы I и II рода (определения, геометрический смысл). Примеры.

Перечень примерных расчетных задач для промежуточной аттестации за 2 семестр

1. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 2} \{x^2 - 2x + 1\} / \{x^2 + x - 2\}$.
2. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \{3\} / \{x^2 - 2x^4 + 1\}$.
3. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \{2x^4 - 5x^3 + x\} / \{5x^6 - x\}$.
4. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 2} \{x^2 - 3x + 2\} / \{2x^2 - x - 6\}$.
5. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 0} \{7x + \sin 3x\} / \{8 \sin x\}$.
6. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow \infty} (\{2x - 1\} / \{2x + 7\})^{\{5x - 3\}}$.
7. Составить уравнение касательной к графику функции $y = x^3 - 2x - 1$ в точке $x = 2$.
8. Вычислить производную функции $y = \cos^3(5x^7 - \operatorname{tg} 2x)$.
9. При помощи логарифмического дифференцирования вычислить производную функции $y = (4x^3 - 7x)^{\{\sin x\}}$.
10. Вычислить производную второго порядка функции $y = \sin(2x^2 - 5x + 3)$.
11. Вычислить дифференциал функции $y = \operatorname{arctg}(x^3 - 2)$.
12. Вычислить дифференциал 2-го порядка функции $y = e^{\{3x^4 + 2\}}$.

13. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow 1} \{e^{4x-4} - x\} / \{x^2 - 1\}$.
14. Вычислить предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \{x^2 + x\} / \{e^x + 1\}$.
15. Найти интервалы возрастания и убывания функции $y = x^3 - 3x^2 + 9$.
16. Найти экстремумы функции $y = x^3 + 3x^2 - 5$.
17. Определить выпуклость графика функции $y = x^3 - 2x^2 + 8x - 3$.
18. Найти точки перегиба графика функции $y = x^3 + 6x^2 - x + 9$.
19. Найти вертикальную асимптоту графика функции $y = \{1 - 4x\} / \{2x\}$.
20. Найти горизонтальную асимптоту графика функции $y = \{1 - 4x\} / \{2x\}$.
21. Найти наклонную асимптоту графика функции $y = \{1 + x - 2x^2\} / \{x\}$.
22. Найти интеграл $\int \cos(8x - 3) dx$.
23. Проинтегрировать с помощью замены переменной $\int (x+3) / \sqrt{x+1} dx$.
24. Найти интеграл $\int (2x-1) e^x dx$, используя формулу интегрирования по частям.
25. Найти интеграл $\int 3/(7x-2) dx$.
26. Найти интеграл $\int 4/(5x+3)^7 dx$.
27. Вычислить $\int_1^2 (6x^2 - 8) dx$.

Перечень примерных расчетных задач для промежуточной аттестации за 3 семестр

1. Найти частные производные функции двух переменных $z = x^4 - 5x^2y + 8y^2 - 3x$.
2. Найти частную производную второго порядка z''_{xx} функции двух переменных $z = x^5 - 7x^2y + 3xy^3 - 4y$.
3. Найти частную производную второго порядка z''_{yy} функции двух переменных $z = x^5 - 7x^2y + 3xy^3 - 4y$.
4. Найти частную производную второго порядка z''_{xy} функции двух переменных $z = x^5 - 7x^2y + 3xy^3 - 4y$.
5. Найти полный дифференциал функции двух переменных $z = \lg x - y^3x + e^{y+2}$.
6. Найти производную сложной функции двух переменных $z = \lg x - y^3x + e^{y+2}$, где $x = \sin(4t^2 - 3)$, $y = \arctg^3(1-t)$.
7. Проверить, является ли функция $y = \cos 3x$ решением дифференциального уравнения $y' - 3 \sin 3x = 0$.
8. Найти общее решение дифференциального уравнения с разделяющимися переменными $y'/(x-1) = 1 / \cos y$.
9. Определить порядок дифференциального уравнения $y^5 - y^{(3)} + y = x^2$.
10. Найти общее решение $y'' - y' - 2y = \cos x$.
11. Найти общее решение $y'' - y = x^2$.
12. Найти общее решение $y'' - 2y' + 2y = x$.

Примерные теоретические вопросы, выносимые на экзамен за 4 семестр

Ряды

1. Определение числового ряда.

2. Определение n -частичной суммы ряда.
3. Определение сходящегося числового ряда.
4. Определение расходящегося числового ряда.
5. Определение геометрического ряда, его сходимости. Доказательство.
6. Определение гармонического ряда, его сходимости. Доказательство.
7. 3 свойства сходящихся и расходящихся рядов.
8. Необходимое условие сходимости числовых рядов.
9. Достаточный признак расходимости ряда.
10. Первый признак сравнения числовых знакоположительных рядов.

Доказательство.

11. Второй признак сравнения числовых знакоположительных рядов (предельный признак сравнения). Доказательство.
12. Признак Даламбера.
13. Радикальный признак Коши.
14. Интегральный признак Коши.
15. Обобщенный гармонический ряд, его сходимости. Доказательство.
16. Определения знакопеременного, знакочередующегося рядов.
17. Признак Лейбница сходимости знакочередующихся рядов.

Доказательство.

18. Общий достаточный признак сходимости знакопеременных рядов.

Доказательство.

19. Определение абсолютной сходимости знакопеременного ряда.
20. Определение условной сходимости знакопеременного ряда.
21. 3 свойства абсолютно сходящихся рядов.
22. Определение функционального ряда.
23. Определение точки сходимости функционального ряда.
24. Определение области сходимости функционального ряда.
25. Определение степенного ряда. Коэффициенты степенного ряда.
26. Теорема Абеля. Доказательство.
27. Следствие из теоремы Абеля. Доказательство.
28. Определение радиуса сходимости степенного ряда.
29. Определение интервала сходимости степенного ряда.
30. 4 свойства степенных рядов.
31. Определение разложения функции в степенной ряд.
32. Формула Тейлора. Остаточный член в форме Лагранжа.
33. Определение разложения. Определение разложения функции $f(x)$ в

ряд Тейлора по степеням $(x - x_0)$.

34. Определение ряда Маклорена. (Пример разложения в ряд Маклорена одной элементарной функции на выбор. Без доказательства.)

35. Необходимое и достаточное условие разложимости функции в ряд Тейлора.

36. Достаточное условие разложимости функции в ряд Тейлора.
37. Определение периодической функции. Основные свойства.
38. Определение тригонометрического ряда. Коэффициенты ряда.

- 39. Свойство ортогональности функций (системы образующих тригонометрического ряда).
- 40. Определение ряда Фурье, коэффициенты Фурье (формулы).
- 41. Достаточное условие разложимости функции в ряд Фурье (теорема Дирихле).
- 42. Разложение в ряд Фурье четных и нечетных функций (неполные тригонометрические ряды или ряды по косинусам и по синусам соответственно). Формулы.

Теория вероятностей

- 43. Какие события называют достоверными, невозможными, случайными?
- 44. Определение суммы, произведения, разности событий. Противоположное событие. Элементарное событие. Пространство элементарных событий.
- 45. Классическое определение вероятности. Относительная частота. Статистическое определение вероятности. Поле событий. Вероятность как функция на поле событий.
- 46. Геометрические вероятности.
- 47. Совместные, несовместные события. Теорема сложения вероятностей (для совместных и несовместных событий).
- 48. Полная группа событий.
- 49. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей.
- 50. Независимые события. Теорема умножения вероятностей для независимых событий.
- 51. Комбинаторика. Перестановки. Сочетания. Размещения.
- 52. Формула полной вероятности.
- 53. Формула Байеса (теорема гипотез).
- 54. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Наиболее вероятное число успехов в схеме Бернулли.
- 55. Случайная величина. Ряд распределения. Дискретная случайная величина.
- 56. Функция распределения случайной величины. Свойства.
- 57. Биномиальный закон распределения.
- 58. Распределение Пуассона.
- 59. Характеристики дискретной случайной величины. Мода. Математическое ожидание. Его свойства.
- 60. Характеристики дискретной случайной величины. Дисперсия, среднее квадратическое отклонение. Свойства.
- 61. Геометрический закон распределения. Связь числовых характеристик и параметров распределений дискретных случайных величин.
- 62. Определение непрерывной случайной величины. Функция плотности распределения вероятностей. Свойства функции. Кривая распределения.

63. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: мода, медиана.
64. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: математическое ожидание. Свойства.
65. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: дисперсия, среднее квадратическое отклонение. Свойства.
66. Закон равномерного распределения вероятностей. Связь числовых характеристик и параметров распределения.
67. Показательный закон распределения. Связь числовых характеристик и параметров распределения.
68. Функция Лапласа.
69. Нормальное распределение. Кривая Гаусса.
70. Связь числовых характеристик и параметров нормального распределения. Нормированное распределение.
71. Интегральная теорема Муавра – Лапласа.
72. Закон больших чисел (теорема Чебышева). Центральная предельная теорема.

*Перечень примерных расчетных задач для промежуточной аттестации
за 4 семестр*

1. Записать общий член ряда $\sum 2^n / (3n^2+1)$, записать третий член ряда.
2. Определить, сходится ли ряд $\sum (-1)^n$. Ответ обосновать.
3. Определить, сходится ли ряд $\sum 1 / 4^n$. Ответ обосновать.
4. Достаточный признак расходимости ряда. Определить, сходится ли ряд $\sum (n-2)/(n+5)$.
5. Второй признак сравнения числовых знакоположительных рядов. Определить, сходится ли ряд $\sum (n+3) / (n^4+1)$.
6. Признак Даламбера. Определить, сходится ли ряд $\sum (5^n) / n$.
7. Радикальный признак Коши. Определить, сходится ли ряд $\sum 2^n / n^n$.
8. Определить с помощью признака Лейбница, сходится ли ряд $\sum (-1)^n / (2n-1)$.
9. Определить тип сходимости знакопеременного ряда $\sum (-1)^n / (2n-1)$.
10. Определение и обозначение функционального ряда.
11. Проверить, является ли точка $x=2$ точкой сходимости функционального ряда $\sum x^n / n^2$.
12. Указать центр и коэффициенты степенного ряда $\sum (x-3)^n / (2n+1)$.
13. Записать систему образующих степенного ряда $\sum (x-3)^n / (2n+1)$.
14. Найти интервал сходимости степенного ряда $\sum a_n (x-3)^n$, если его радиус сходимости равен $R=2$.
15. Записать пространство элементарных событий при тройном подбрасывании монеты. Найти мощность этого множества.
16. Найти сумму множеств, если $A=\{2, 4, 5\}$ и $B=\{1, 2, 3\}$.

17. Найти произведение множеств, если $A=\{2, 4, 5\}$ и $B=\{1, 2, 3\}$.
18. Найти разность множеств, если $A=\{2, 4, 5\}$ и $B=\{1, 2, 3\}$.
19. Бросают монету 3 раз. Событие $A=\{OOO, POO, PPP\}$. Записать противоположное событие.
20. Найти количество способов выбрать 2 шара из урны, в которой лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров.
21. Найти количество способов выбрать 2 красных шара из урны, в которой лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров.
22. Найти количество способов выбрать 2 черных шара из урны, в которой лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров.
23. Сколькими способами можно выбрать пару 1 белый и 1 черный шар из урны, в которой лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров.
24. Найти вероятность вытаскивания красного шара из урны, в которой лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров.
25. Найти вероятность вытаскивания черного шара из урны, в которой лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров.
26. Сколько существует двузначных чисел, не содержащих цифр: 0, 1, 9. Ответ обосновать.
27. На каждой из пяти одинаковых карточек напечатана одна из букв: А, Е, З, Т, Ч. Карточки тщательно перемешаны. Найти вероятность того, что на пяти вынутых по одной и расположенных в одну линию карточках можно будет прочесть слово ЗАЧЕТ.
28. В урне лежат 2 белых, 4 красных и 5 черных шаров. Вытаскивают два шара без возвращения. Какова вероятность вытащить второй шар белым, если первым был вынут красный шар.
29. Даны вероятности событий $P(A)=0,3$, $P(B)=0,4$. Найти вероятность суммы этих событий.
30. Даны вероятности независимых событий $P(A)=0,3$, $P(B)=0,4$. Найти вероятность произведения этих событий.
31. Игральную кость бросают 5 раз. Найти вероятность, что единица выпадет ровно 2 раза.
32. Найти наименее вероятное число появления единицы при бросании игральной кости 5 раз.
33. Найти математическое ожидание дискретной СВ.
34. Построить кривую распределения непрерывной случайной величины, если

$$F(x) = 0, \text{ если } x < 0,$$

$$F(x) = \sin x, \text{ если } 0 < x < \pi/2,$$

$$F(x) = 1, \text{ если } x > \pi/2.$$
35. Найти математическое ожидание непрерывной случайной величины.
36. Найти дисперсию случайной величины X , если $MX = 2$; $M(X^2) = 9$.
37. Найти среднее квадратическое отклонение случайной величины X , если $MX = 2$; $M(X^2) = 8$.

38. Найти математическое ожидание и дисперсию числа попаданий стрелком в мишень, если он делает 6 выстрелов, вероятность попадания при одном выстреле равна 0,3. Обосновать использование формулы.

39. Найти математическое ожидание и дисперсию непрерывной случайной величины, равномерно распределенной на интервале (3, 9).

40. Найти математическое ожидание и дисперсию нормальной случайной величины, если задана её функция плотности.

41. Найти математическое ожидание случайной величины $Y=5X+3$, если $MX=2$.

42. Найти дисперсию случайной величины $Y=5X+3$, если $DX=2$.

10. Методические рекомендации для обучающихся по освоению дисциплины

Методика преподавания дисциплины «Высшая математика» характеризуется совокупностью методов, приемов и средств обучения, обеспечивающих реализацию содержания и учебно-воспитательных целей дисциплины, которая может быть представлена как некоторая методическая система, включающая методы, приемы и средства обучения. Такой подход позволяет более качественно подойти к вопросу освоения дисциплины обучающимися.

Учебные занятия начинаются и заканчиваются по времени в соответствии с утвержденным режимом СПб ГУГА в аудиториях согласно семестровым расписаниям теоретических занятий. На занятиях, предусмотренных расписанием, обязаны присутствовать все обучающиеся.

Для успешного освоения дисциплины «Высшая математика» требуется планомерная систематическая самостоятельная работа обучающегося. Во время лекций вести конспект лекций, записывая все изучаемые определения, теоремы, замечания к ним и решения предлагаемых задач. Конспект лекций следует иметь на практических занятиях. Во время практических занятий обучающиеся самостоятельно выполняют все задачи занятия, при этом преподаватель неоднократно контролирует правильность применения изучаемых методов и проводимых вычислений. В случае обнаружения преподавателем ошибок обучающийся должен исправить решение и довести его до верного ответа. Если во время занятия обучающийся не успевает сделать все задания, то он должен решить их самостоятельно в часы самостоятельной работы. Обучающийся должен выполнять все индивидуальные домашние задания и расчётно-графические работы в срок, своевременно готовится к защите расчётно-графических работ и проверочным работам. Во время защит расчётно-графических работ, проверочных работ, зачета с оценкой и экзамена не допускается использование конспектов, учебников и любых электронных устройств.

Зачет с оценкой, экзамен проводятся в соответствии с расписанием зачётов и экзаменов. Перед экзаменом проводится консультация. Зачет с

оценкой и экзамен проводятся в письменной форме. Проверка ответов производится после сдачи ответов всех обучающихся, сдающих экзамен или зачет с оценкой. По окончании проверки ответов преподаватель озвучивает оценки, полученные каждым обучающимся, с указанием допущенных ошибок. При получении оценки 2 «не удовлетворительно» или отметки «не аттестован», студент сдаёт экзамен или зачет с оценкой во время дополнительной сессии, во время которой он вправе переписать проверочные работы, пересдать защиты расчётно-графических работ, сдать исправления расчётно-графических работ. Оценка за экзамен во время дополнительной сессии формируется по тем же правилам, что и в основной сессии.

Рабочая программа дисциплины «Высшая математика» разработана в соответствии с требованиями ФГОС ВО по специальности 25.05.05 «Эксплуатация воздушных судов и организация воздушного движения».

Программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры № 4 «Высшей математики» 13 02 2026 года, протокол № 7.

Разработчик:



Осиюк Е.А.

(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы разработчиков)

Заведующий кафедрой № 4 «Высшей математики»

к.э.н., доцент



Черняк Т.А.

(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы заведующего кафедрой)

Программа согласована:

Руководитель ОПОП

К.Т.Н.



Пономарев К.Ю.

(ученая степень, ученое звание, фамилия и инициалы руководителя ОПОП)

Программа рассмотрена и согласована на заседании Учебно-методического совета Университета «22» 04 2026 года, протокол № 7.